

ESTRUCTURA DE MATERIA 1  
VERANO 2019

PRÁCTICA 7  
FLUJOS COMPRESIBLES

---

**Problema 1.** ONDAS EN UN GAS IDEAL POLITRÓPICO

Considere un gas ideal politrópico con ecuación de estado  $p\rho^{-\gamma} = \text{constante}$ , en reposo con densidad  $\rho_0$  y presión  $p_0$ .

(I) Realice pequeñas perturbaciones unidimensionales

$$\begin{aligned} \mathbf{v} &= \delta v(x, t)\hat{x}, \\ \rho &= \rho_0 + \delta\rho(x, t), \\ p &= p_0 + \delta p(x, t), \end{aligned}$$

en las ecuaciones de Euler y de continuidad, para obtener ecuaciones de ondas para las variables perturbadas,

$$\frac{\partial^2 \delta v}{\partial t^2} = c^2 \frac{\partial^2 \delta v}{\partial x^2}, \quad \frac{\partial^2 \delta \rho}{\partial t^2} = c^2 \frac{\partial^2 \delta \rho}{\partial x^2}.$$

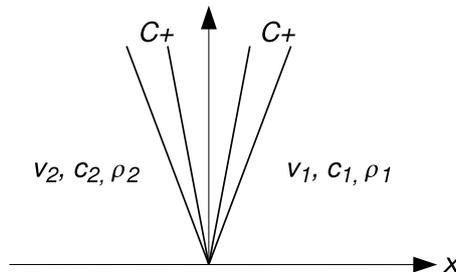
(II) Muestre que la velocidad del sonido está dada por

$$c = \sqrt{\gamma \frac{p_0}{\rho_0}}.$$

**Problema 2.** ONDAS DE RAREFACCIÓN

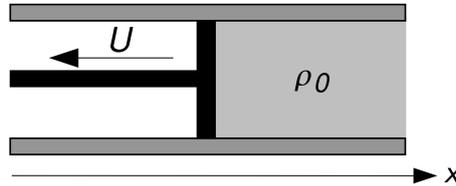
Considere dos estados constantes de un gas ideal politrópico conectados por una onda de rarefacción  $\Gamma_-$  como se muestra en la figura. Muestre que los estados constantes están relacionados por

$$v_2 - \frac{2}{\gamma - 1}c_2 = v_1 - \frac{2}{\gamma - 1}c_1$$



**Problema 3.** ONDA DE CHOQUE GENERADA POR EL ARRANQUE DE UN PISTÓN

Un gas ideal politrópico ( $p = A\rho^\gamma$ ) con densidad inicial  $\rho_0$ , está en reposo en un tubo infinito, cerrado en uno de sus extremos por un pistón. A  $t = 0$  el pistón comienza a moverse hacia afuera con velocidad  $-U$  constante.



- (I) Realice un diagrama de curvas características en el plano  $(x, t)$ .
- (II) Identifique las regiones en el plano  $(x, t)$  que corresponden a estados constantes y a ondas simples.
- (III) Halle  $v(x, t)$  y  $\rho(x, t)$  y grafique para diferentes tiempos.

#### Problema 4.

Un gas a presión  $p_0$  ocupa un tubo semi-infinito ( $x > 0$ ) terminado en una válvula. A  $t = 0$  la válvula se abre y el gas fluye al medio externo a presión  $p_e$  ( $p_e < p_0$ ). Determine el flujo resultante en el interior del tubo.

#### Problema 5.

Un tubo infinito está dividido por un pistón trabado en  $x = 0$ . De un lado ( $x < 0$ ) hay inicialmente un gas ideal politrópico a presión  $p_0$ , y del otro vacío. A  $t = 0$  se libera el pistón. Determine la ecuación de movimiento del pistón y su velocidad en función del tiempo.

#### Problema 6.

Considere la configuración del problema , pero ahora en el caso en que el pistón se mueve hacia adentro con velocidad  $U$  constante.

- (I) Realice un diagrama de curvas características en el plano  $(x, t)$ .
- (II) Identifique en el diagrama la formación de la onda de choque.
- (III) Halle  $v(x, t)$  y  $\rho(x, t)$  y grafique para diferentes tiempos.

#### Problema 7.

A través de un tubo semi-infinito terminado en una válvula fluye un gas a temperatura  $T_0$ , presión  $p_0$  y velocidad  $v_0$ . A  $t = 0$  se cierra subitamente la válvula y una onda de choque se propaga corriente arriba. Calcule la velocidad del frente de choque, y la presión y temperatura del gas detrás de dicho frente.

#### Problema 8. CHOQUE NORMAL AL FRENTE DE UN AVIÓN SUPERSÓNICO

Un avión supersónico se mueve a 300 km/h a una altura en la que la presión atmosférica es 0,5 atm y la temperatura 250 K. Si se forma un choque normal en el frente del avión, ¿cuál es la temperatura y cuál es la presión inmediatamente detrás del choque?

**Problema 9.** REFLEXIÓN DE UNA ONDA DE CHOQUE

En un gas en reposo a presión  $p_0$  y temperatura  $T_0$  se propaga una onda de choque con número de Mach  $M$ . Dicha onda incide normalmente sobre una pared rígida y se refleja. Determine el estado del gas inmediatamente detrás del choque reflejado (es decir, del gas entre la pared y el choque reflejado).