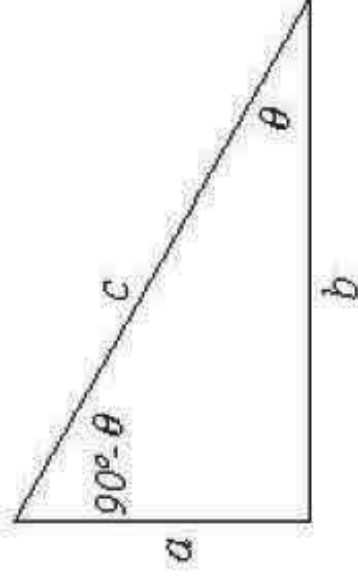


Estas funciones se definen por:

$$\text{sen}\theta \equiv \frac{\text{lado opuesto a } \theta}{\text{hipotenusa}} = \frac{a}{c}$$

$$\text{cos}\theta \equiv \frac{\text{lado adyacente a } \theta}{\text{hipotenusa}} = \frac{b}{c}$$

$$\text{tan}\theta \equiv \frac{\text{lado opuesto a } \theta}{\text{lado adyacente a } \theta} = \frac{a}{b}$$



El teorema de Pitágoras da la siguiente relación entre los lados de un triángulo rectángulo:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

De las definiciones anteriores y el teorema de Pitágoras, se sigue que:

$$\operatorname{sen}^2 \theta + \cos^2 \theta = 1 \quad \tan \theta = \frac{\operatorname{sen} \theta}{\cos \theta}$$

Las funciones cotangente, secante y cosecante están definidas directamente

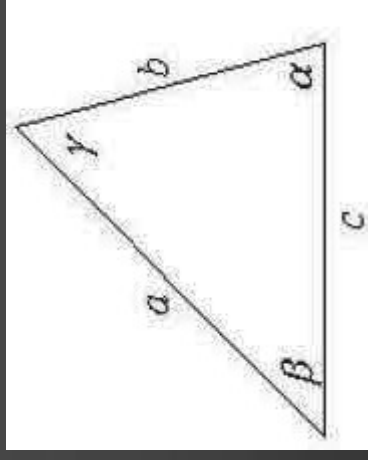
$$\cot \theta \equiv \frac{1}{\tan \theta} \quad \sec \theta \equiv \frac{1}{\cos \theta} \quad \operatorname{csc} \theta \equiv \frac{1}{\operatorname{sen} \theta}$$

Algunas de las propiedades de las funciones trigonométricas

$$\begin{aligned} \operatorname{sen} \theta &= \cos(90^\circ - \theta) & \operatorname{sen}(-\theta) &= -\operatorname{sen} \theta \\ \cos \theta &= \operatorname{sen}(90^\circ - \theta), & \cos(-\theta) &= \cos \theta \\ \cot \theta &= \tan(90^\circ - \theta) & \tan(-\theta) &= -\tan \theta \end{aligned}$$

Las siguientes relaciones se aplican a cualquier triángulo.

$$a + \beta + \gamma = 180^\circ$$



$$\begin{cases} a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha \\ b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos \beta \\ c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \gamma \end{cases}$$

Ley de los cosenos

$$\begin{cases} \frac{a}{\operatorname{sen} \alpha} = \frac{b}{\operatorname{sen} \beta} = \frac{c}{\operatorname{sen} \gamma} \end{cases}$$

Ley de los senos

Algunas identidades trigonométricas

$\operatorname{sen} 2\theta = 2 \operatorname{sen} \theta \cos \theta$	$\cos 2\theta = \cos^2 \theta - \operatorname{sen}^2 \theta$
$\tan 2\theta = \frac{2 \tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$	$\tan \frac{\theta}{2} = \sqrt{\frac{1 - \cos \theta}{1 + \cos \theta}}$
$\operatorname{sen}^2 \frac{\theta}{2} = \frac{1}{2}(1 - \cos \theta)$	$\cos^2 \frac{\theta}{2} = \frac{1}{2}(1 + \cos \theta)$
$\operatorname{sec}^2 \theta = 1 + \tan^2 \theta$	$\operatorname{csc}^2 \theta = 1 + \cot^2 \theta$
$\operatorname{sen}(A \pm B) = \operatorname{sen} A \cos B \pm \cos A \operatorname{sen} B$	
$\cos(A \pm B) = \cos A \cos B \mp \operatorname{sen} A \operatorname{sen} B$	
$\operatorname{sen} A \pm \operatorname{sen} B = 2 \operatorname{sen} \frac{1}{2}(A \pm B) \cos \frac{1}{2}(A \mp B)$	
$\cos A + \cos B = 2 \cos \frac{1}{2}(A + B) \cos \frac{1}{2}(A - B)$	
$\cos A - \cos B = 2 \operatorname{sen} \frac{1}{2}(A + B) \operatorname{sen} \frac{1}{2}(B - A)$	