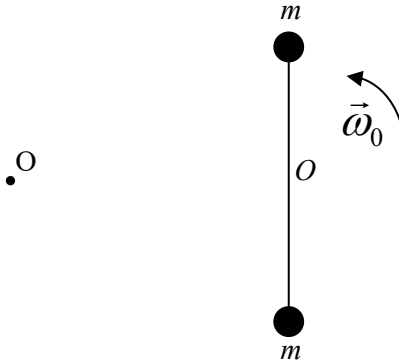
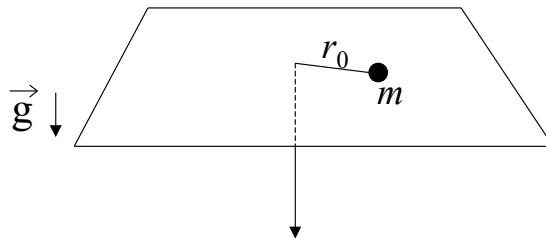


MOMENTO ANGULAR

- 1 - Considere el sistema formado por una barra de longitud L y masa despreciable, en cuyos extremos se hallan fijas sendas masas, de valor m y M , tal como muestra la figura. El sistema se halla apoyado sobre una superficie horizontal libre de rozamiento, y es libre de girar alrededor de un eje fijo O . El sistema se pone en movimiento dándole a $t=0$ una velocidad angular ω_0 a la barra.



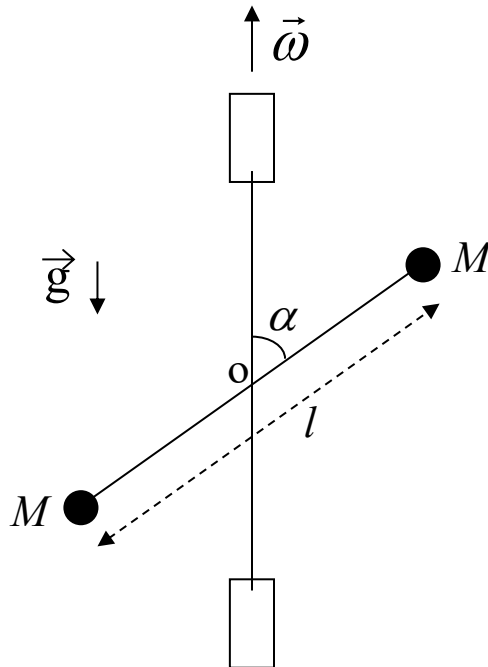
- Indique qué fuerzas actúan sobre cada una de las partículas y diga si se conserva la cantidad de movimiento y el impulso angular del sistema con respecto a O .
 - Calcule el impulso angular con respecto a O y determine como varía la velocidad angular de las barras con el tiempo.
 - Calcule la posición y velocidad del centro de masa del sistema como función del tiempo.
 - Calcule el impulso angular con respecto al punto O' , situado a una distancia D del punto O .
- 2 - Una partícula de masa m está atada al extremo de un hilo y se mueve en una trayectoria circular de radio r_0 sobre una superficie horizontal plana sin fricción. El hilo pasa por un agujero en la superficie e inicialmente su otro extremo se mantiene fijo. Si se tira lentamente del hilo, de forma que el radio disminuye, halle como varía la velocidad angular w , en función de r , sabiendo que para $r = r_0$ la velocidad angular era w_0 .



- 3 - Dos patinadores sobre hielo, de masa $m = 50$ kg cada uno, se acercan mutuamente en trayectorias paralelas distantes 3 m entre sí. Ambos patinan (sin fricción) a 10 m/s. El primer patinador sostiene una varilla sin masa, de 3 m de largo, de la que se toma el segundo.

- Describir cuantitativamente el movimiento de los dos a partir de ese momento.
- Suponer ahora que uno de ellos tira de la varilla, acortando la distancia a 1 m. Describir el movimiento posterior.
- ¿Cómo y con qué velocidad se moverán los patinadores si repentinamente uno de ellos suelta la varilla? Resolver para los casos (a) y (b).

4 - En el sistema de la figura, dos barras rígidas de masa despreciable están soldadas en el punto O y forman un ángulo α . Una de las barras tiene longitud l , su punto medio es O y en sus extremos se fijan dos pequeñas esferas de masa M . La otra barra está sostenida mediante dos bujes y es el eje de rotación del conjunto que gira con velocidad angular $\vec{\omega}$ constante.



- Expresar el vector impulso angular del sistema en función del tiempo, respecto de O.
- Calcular el momento de las fuerzas efectuando la derivada temporal del impulso angular.
- Indicar en un esquema los resultados obtenidos en (a) y en (b) para un instante determinado (preste especial atención a la dirección y sentido de los vectores).
- Identificar cuáles son las fuerzas que producen el momento hallado en (b).
- ¿Influye en los resultados obtenidos la existencia o no de la gravedad, o su dirección?