

## LABORATORIO DE FÍSICA 1

Estudiantes de Licenciatura en Ciencias Biológicas y Geológicas

Departamento de Física, FCEyN, Universidad de Buenos Aires.

---

## PRÁCTICA 4:

Movimiento de un cuerpo en un fluido viscoso

Velocidad límite

## OBJETIVO

En esta experiencia de laboratorio se estudiará el movimiento de caída de una esfera en el seno de un fluido, analizando en particular el comportamiento de la fuerza viscosa.

## INTRODUCCIÓN

Es sabido que cuando un cuerpo se mueve en caída libre, en el vacío, el mismo se encuentra sometido sólo a la acción de su peso. Su aceleración es constante ( $g$ ) y su velocidad aumenta proporcionalmente con el tiempo. ¿Qué diferencia hay cuando el movimiento de caída se da en el seno de un fluido viscoso, ya sea en aire o en un líquido?

En la figura 1 se muestra el diagrama de cuerpo libre para un cuerpo que cae en un medio viscoso. Además de a su propio peso ( $mg$ ), el cuerpo es sometido a una fuerza denominada “empuje” ( $E$ ), de sentido contrario al peso, por el solo hecho de encontrarse sumergido. Según el principio de Arquímedes, el empuje es igual al peso del líquido desalojado:

$$E = g\delta_{liq}V_c \quad (1)$$

siendo  $\delta_{liq}$  la densidad del líquido y  $V_c$  el volumen del cuerpo sumergido. Además, si el cuerpo se mueve aparece una fuerza viscosa ( $F_v$ ) que se opone al movimiento del cuerpo. A diferencia de la fuerza de rozamiento dinámico entre dos superficies, esta fuerza viscosa es proporcional a la velocidad y depende también del tamaño y forma del cuerpo. Para el caso de una esfera en un flujo laminar, la Ley de Stokes dice que:

$$F_v = 6\pi\eta Rv \quad (2)$$

donde  $\eta$  es el coeficiente de viscosidad del fluido,  $R$  el radio de la esfera y  $v$  la velocidad.

## LABORATORIO DE FÍSICA 1

Estudiantes de Licenciatura en Ciencias Biológicas y Geológicas

Departamento de Física, FCEyN, Universidad de Buenos Aires.

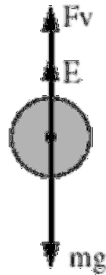


Figura 1: Diagrama de cuerpo libre de una esfera en el seno de un fluido viscoso.

Si analizamos las fuerzas ejercidas sobre el cuerpo (figura 1), y planteamos la 2ª Ley de Newton, obtenemos:

$$mg - E - F_v = ma \quad (3)$$

donde  $a$  es la aceleración del cuerpo. Puede verse que si  $mg > E + F_v$ , el cuerpo acelera y aumenta su velocidad. Al aumentar la velocidad, aumenta la fuerza viscosa y se reduce la aceleración. En el límite en que  $mg = E + F_v$ , la aceleración se hace nula y, por lo tanto, la velocidad se hace constante al alcanzar su valor límite ( $v \rightarrow v_{lim}$ ).

Para el caso de una esfera ( $V_c = \frac{4}{3}\pi R^3$ ), en el caso límite ( $a = 0, v = v_{lim}$ ), reemplazando (1) y (2) la ecuación (3) puede escribirse:

$$v_{lim} = \frac{2}{9} \frac{R^2 g (\delta_{esf} - \delta_{liq})}{\eta} \quad (4)$$

donde  $\delta_{esf}$  es la densidad de la esfera.

## ACTIVIDADES DE MEDICIÓN 1

En el laboratorio se cuenta con probetas que pueden llenarse con detergente y esferas de acero de distintos tamaños. Se propone estudiar el movimiento de distintas esferas, determinando la velocidad límite alcanzada y analizando si se alcanza efectivamente o no una velocidad constante.

- ¿Cómo puede determinarse la velocidad límite? ¿Cuál sería su error?
- ¿Cómo podría determinarse  $\eta$  en este experimento?
- ¿Cómo determinar la densidad de las esferas y del líquido?

En particular, en esta práctica se va a adquirir el video de la trayectoria de la esfera de acero cayendo libremente para luego analizar su movimiento con el programa *Tracker*.

## LABORATORIO DE FÍSICA 1

Estudiantes de Licenciatura en Ciencias Biológicas y Geológicas

Departamento de Física, FCEyN, Universidad de Buenos Aires.

Si la esfera de acero fuera demasiado pequeña como para que la pueda distinguir con el programa Tracker, desarrolle un protocolo experimental (manual) como para poder determinar la velocidad límite.

Decida si con la balanza que disponemos en el laboratorio puede obtener la masa de las esferas de acero o piense las hipótesis y el método debería tomar para poder usarla. Si para algún tamaño no fuera posible utilice los valores de la siguiente tabla

Tabla 1: Diámetros y masas de esferas de acero

Diámetro ( $d \pm 0.01$ )mm	Masa por cada mil unidades ( $m \pm 0.1$ )g
1,00	4.0
1.50	14.0
2,00	33.0.
2.38	55.0
3.00	111.0
3.50	117.0
4.00	374.0

Realice los experimentos al menos para dos fluidos distintos.

**ACTIVIDADES 2**

Este experimento es similar a los ejercicios 9 de la Guía 1 y 24 de la Guía 2

Se puede demostrar que

$$v(t) = \tau \left[ \beta - \left( \beta - \frac{v_0}{\tau} \right) e^{-\frac{t}{\tau}} \right] \quad (5)$$

Donde

$$\tau = \frac{m_c}{6\pi R\eta}$$

$$\beta = \left( 1 - \frac{\delta_L}{\delta_c} \right) g$$

A partir de allí se puede llegar a que

$$x(t) = \tau \left[ \beta t + \left( \beta - \frac{v_0}{\tau} \right) e^{-\frac{t}{\tau}} \right] \quad 7)$$

## LABORATORIO DE FÍSICA 1

Estudiantes de Licenciatura en Ciencias Biológicas y Geológicas

Departamento de Física, FCEyN, Universidad de Buenos Aires.

A partir del análisis que realice en el programa Tracker, vea si es posible analizar la posición y la velocidad en función del tiempo antes de alcanzar la velocidad límite. De ser posible haga un ajuste de una función apropiada con el Origin de manera de estimar  $\tau$  y a partir de allí obtener la viscosidad  $\eta$

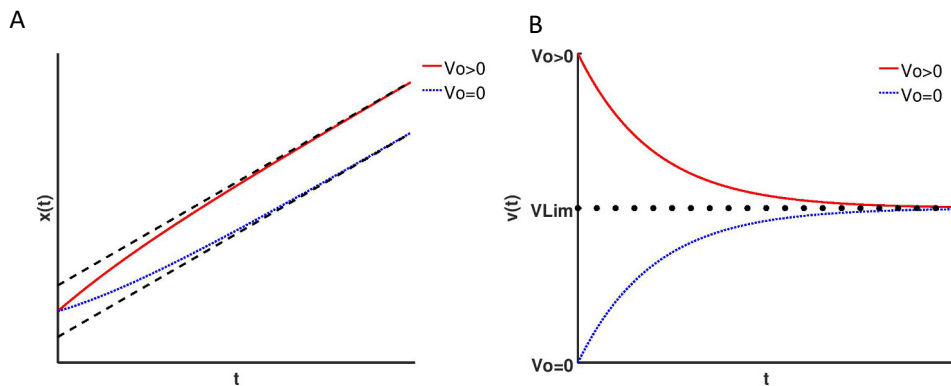


Figura 2: A) Gráfico de posición en función del tiempo. Se muestran los casos con velocidad inicial igual a cero y mayor a cero. Se destaca el comportamiento cuando se llega a la velocidad límite. B) Gráfico de velocidad en función de tiempo, mostrando los casos con velocidad inicial igual y mayor a cero. En ambos casos las velocidades tienden a la velocidad límite.

## APÉNDICE

## PROGRAMA: TRACKER

Tracker es un software gratuito creado por Open Source Physics (OSP) que corre en varios sistemas operativos. El programa permite analizar videos y modelar los resultados. Se caracteriza por incluir una herramienta que permite el seguimiento de objetos (posición, velocidad y aceleración superponiendo los gráficos), posee gran variedad de filtros espaciales para mejorar la imagen y posee perfiles de línea para el análisis de espectros y de patrones de interferencia. Está especialmente diseñado para ser utilizado en los laboratorios de física de las universidades.

## Ayuda

1. Es importante que el fondo y la iluminación sean homogéneos para evitar el ruido en la medición.
2. En cada video que se hace es necesario tener una magnitud patrón para poder calibrar las distancias recorridas.
3. Una vez abierto el archivo en el Tracker, hay que elegir los cuadros de interés del video con la herramienta "ajustes de corte", luego cargar la calibración espacial (utilizando el patrón) con la herramienta "calibración" y finalmente agregar el sistema de referencia.
4. La trayectoria de la esfera se puede determinar de forma manual (cuadro a cuadro marcar posición) o de forma automática. Esta última resulta más precisa. Para ello

**LABORATORIO DE FÍSICA 1**

Estudiantes de Licenciatura en Ciencias Biológicas y Geológicas

Departamento de Física, FCEyN, Universidad de Buenos Aires.

---

*usar “crear” > “masa puntual”. Se elige el key frame (que es lo que va a tener que seguir el programa), esto se hace en el primer cuadro de la trayectoria presionando shift+Ctrl+click del mouse.*

5. Se recomienda fuertemente ver los siguiente videos:

<https://www.youtube.com/watch?v=La3H7JywgX0>

<https://www.youtube.com/watch?v=Dn0Zz7rtkZw&t=639s>

En el laboratorio contamos con cámaras web que filman a 30 fps. Hay celulares que tienen una frecuencia de muestreo mayor, si quiere puede hacer las filmaciones con su celular.

Recomendamos que traiga un sostén de modo de poder mantener fija la posición del mismo (por ejemplo un palito para autofoto)

**BIBLIOGRAFÍA**

- <http://www.cabrillo.edu/~dbrown/tracker/>