

Guía 9: Fluidos - Viscosidad

Objetivo

En esta experiencia de laboratorio se estudiará el movimiento de caída de una esfera en el seno de un fluido, analizando en particular el comportamiento de la fuerza viscosa.

Introducción

Es sabido que cuando un cuerpo se mueve en caída libre, en el vacío, el mismo se encuentra sometido sólo a la acción de su peso. Su aceleración es constante (g) y su velocidad aumenta proporcionalmente con el tiempo. ¿Qué diferencia hay cuando el movimiento de caída se da en el seno de un fluido viscoso, ya sea en aire o en un líquido?

En la figura 1 se muestra el diagrama de cuerpo libre para un cuerpo que cae en un medio viscoso. Además de a su propio peso (mg), el cuerpo es sometido a una fuerza denominada “empuje” (E), de sentido contrario al peso, por el solo hecho de encontrarse sumergido. Según el principio de Arquímedes, el empuje es igual al peso del líquido desalojado:

$$E = g\delta_{\text{liq}}V_c \quad (1)$$

siendo δ_{liq} la densidad del líquido y V_c el volumen del cuerpo sumergido. Además, si el cuerpo se mueve aparece una fuerza viscosa (F_v) que se opone al movimiento del cuerpo. A diferencia de la fuerza de rozamiento dinámico entre dos superficies, esta fuerza viscosa es proporcional a la velocidad y depende también del tamaño y forma del cuerpo. Para el caso de una esfera en un flujo laminar, la Ley de Stokes dice que:

$$F_v = 6\pi\eta Rv \quad (2)$$

donde η es el coeficiente de viscosidad del fluido, R el radio de la esfera y v la velocidad.

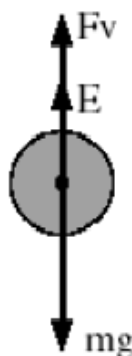


Figura 1: Diagrama de cuerpo libre de una esfera en el seno de un fluido viscoso.

Si analizamos las fuerzas ejercidas sobre el cuerpo (figura 1), y planteamos la 2ª Ley de Newton, obtenemos:

$$mg - E - F_v = ma \quad (3)$$

donde a es la aceleración del cuerpo. Puede verse que si $mg > E + F_v$ el cuerpo acelera y aumenta su velocidad. Al aumentar la velocidad, aumenta la fuerza viscosa y se reduce la aceleración. En el límite en que $mg = E + F_v$, la aceleración se hace nula y, por lo tanto, la velocidad se hace constante al alcanzar su valor límite ($v \rightarrow v_{\text{lim}}$).

Para el caso de una esfera ($V_c = \frac{4}{3}\pi R^3$), en el caso límite ($a = 0$, $v = v_{\text{lim}}$), reemplazando (1) y (2) la ecuación (3) puede escribirse:

$$v_{\text{lim}} = \frac{2}{9} \frac{R^2 g (\delta_{\text{esf}} - \delta_{\text{liq}})}{\eta} \quad (4)$$

donde δ_{esf} es la densidad de la esfera.

Actividades

En el laboratorio se cuenta con probetas que pueden llenarse con detergente y esferas de acero de distintos tamaños. Se propone estudiar el movimiento de distintas esferas, determinando la velocidad límite alcanzada y analizando si se alcanza efectivamente o no una velocidad constante.

¿Cómo puede determinarse la velocidad límite? ¿Cuál sería su error?

¿Cómo podría determinarse η en este experimento?

¿Cómo determinar la densidad de las esferas y del líquido?

En particular, en este práctico se va a adquirir el video de la trayectoria de la esfera de acero cayendo libremente para luego analizar su movimiento con el programa Tracker.

Apéndice: Programa *Tracker*

Tracker es un software gratuito creado por Open Source Physics (OSP) que corre en varios sistemas operativos. El programa permite analizar videos y modelar los resultados. Se caracteriza por incluir una herramienta que permite el seguimiento de objetos (posición, velocidad y aceleración superponiendo los gráficos), posee gran variedad de filtros espaciales para mejorar la imagen y posee perfiles de línea para el análisis de espectros y de patrones de interferencia. Está especialmente diseñado para ser utilizado en los laboratorios de física de las universidades.

Ayuda

- Es importante que el fondo y la iluminación sean homogéneos para evitar el ruido en la medición.
- En cada video que se hace es necesario tener una magnitud patrón para poder calibrar las distancias recorridas.
- Una vez abierto el archivo en el Tracker, hay que elegir los cuadros de interés del video con la herramienta “ajustes de corte”, luego cargar la calibración espacial (utilizando el patrón) con la herramienta “calibración” y finalmente agregar el sistema de referencia.
- *La trayectoria de la esfera se puede determinar de forma manual (cuadro a cuadro marcar posición) o de forma automática. Esta última resulta más precisa. Para ello usar “crear” > “masa puntual”. Se elige el key frame (que es lo que va a tener que seguir el programa), esto se hace en el primer cuadro de la trayectoria presionando shift+Ctrl+click del mouse.*

Bibliografía

- <http://www.cabrillo.edu/~dbrown/tracker/>