

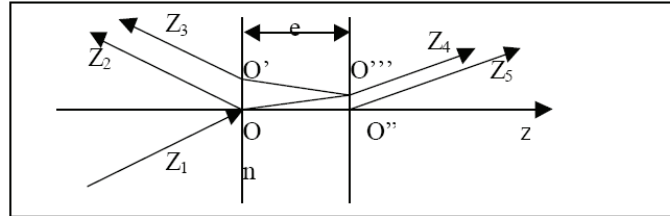
Guía 7

1.- a) Demostrar que para la ecuación de Klein-Gordon en tres dimensiones vale la relación de dispersión $\omega^2 = \omega_p^2 + v^2 k^2$

b) Hallar las frecuencias típicas del plasma de la ionosfera, de los semiconductores y de los metales. Indicar la región del espectro electromagnético a la que pertenecen. ¿Qué densidad de electrones haría falta para hacer un espejo para rayos X?

2.- Demostrar que $f(\mathbf{n} \cdot \mathbf{r} - ct)$ es solución de la ecuación de ondas clásica, donde \mathbf{n} es un versor constante en la dirección de propagación de la onda.

3.- Una onda plana incide desde la derecha (aire) sobre una lámina de vidrio de espesor e , con un ángulo de incidencia γ . Demuestre que la onda transmitida se propaga con el mismo ángulo que la incidente. Escriba la expresión para :

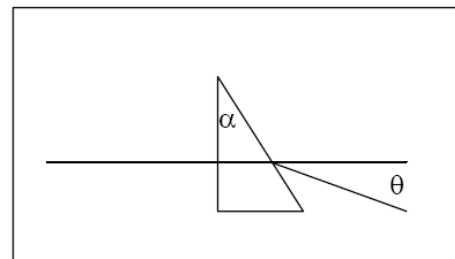


Escriba la expresión para :

- a) la onda incidente en el sistema de referencia con origen O y eje z; y con origen O y eje z según z1.
- b) la onda reflejada, con origen O y eje z; y con origen O y eje z2.
- c) la onda transmitida dentro del material con origen O; con origen O'' y con O'''.
- d) la onda transmitida con origen O''' y eje z4; con origen O'' y ejes z5 y con eje z.
- e) la onda reflejada en la segunda cara y transmitida hacia atrás en la primera, con origen O' y eje z3 y con origen O y eje z2.

Analice los resultados y elabore una regla general sencilla para construir estas ondas.

4.- Una onda plana incide desde la derecha perpendicularmente a la cara del prisma de la figura. Encuentre:



- a) El ángulo de desviación θ de la luz transmitida en función del índice de refracción y el ángulo α del prisma.
- b) La dispersión del prisma ($d\theta/d\lambda$). Estime dicho valor para algún material que encuentre en tablas o algún libro.
- c) El ángulo a partir del cual toda la luz es reflejada (ángulo de refracción rasante). Este ángulo se denomina de reflexión total interna. Discuta para qué caso es posible la reflexión total externa.

5.- Demostrar que $\psi(x,t) = (A/r) \exp [i(kr - \omega t)]$ satisface la ecuación de Klein-Gordon y la de las ondas electromagnéticas en medios transparentes.

Halle la relación de dispersión correspondiente.

6.- a) Considere el frente esférico generado por una fuente puntual que emite en una longitud de onda (λ) y que se encuentra a una distancia d del punto de observación. ¿Qué condiciones debe satisfacer ρ para que sea válida la aproximación paraxial?

b) Analice los siguientes casos: $d = 100 \mu\text{m}$; 1cm ; 1m ; 100m y 10km , con λ perteneciente a: i) rango visible ii) microondas iii) onda corta iv) rayos X

7.- a) Defina qué se entiende por objetos e imágenes reales o virtuales. ¿Cómo se generan y cómo se detectan?.

b) Sea una fuente real a una distancia z_s de una lente de distancia focal imagen $f > 0$. Para $z_s > f$, $z_s = f$ y $z_s < f$, dibuje los frentes de onda incidentes y emergentes. Idem para $f < 0$.

c) Idem b) pero para una fuente virtual.

8.- Escriba, en la aproximación paraxial, la expresión de una onda convergente a derecha a un punto P. Halle la expresión de la onda reflejada en un espejo esférico de radio R_1 en función de la distancia P-espejo. Discuta los distintos casos que se presentan.

9.- Halle la expresión de la onda transmitida cuando una onda esférica incide sobre una dioptra (también esférica).

10.- Halle las distancias focales para lentes: i) plano-cóncava, ii) plano-convexa, iii) bicóncava, iv) biconvexa, v) cóncava-convexa; en función del índice de refracción y de los radios de curvatura de las lentes, como así también de los índices de refracción de los medios externos. En un caso particular demuestre que el resultado es independiente del orden en que se iluminan las superficies.

11.- Una lente delgada convergente, de distancia focal 30cm, se coloca 20cm a la izquierda de otra lente delgada divergente de distancia focal 50cm. Para un objeto colocado a 40cm a la izquierda de la primera lente determine la imagen final. ¿Cuál es el aumento lateral del sistema? ¿La imagen es real o virtual, es directa o invertida? Resuélvalo también geoméricamente.

12.- a) Describa el microscopio simple (lupa) y recordando que el aumento de un instrumento se define como el cociente entre el ángulo con que se ve al objeto a través del instrumento y el ángulo con que se lo ve a ojo desnudo, calcule su aumento en los siguientes dos casos: i) imagen final en infinito, ii) imagen virtual a 25cm de la lupa.

b) Describa un microscopio compuesto, enumerando cada uno de los elementos que lo componen y la función que cumple cada uno de ellos. Indique también si en la práctica cada uno de estos elementos es un elemento simple o no. ¿Cómo se considera, a los efectos de resolución de esta guía, un microscopio compuesto?.

13.- Un microscopio consta de un objetivo de 4mm de distancia focal y de un ocular de 30mm de distancia focal. La distancia entre el foco imagen del objetivo y el foco objeto del ocular es $g = 18$ cm. Calcule: a) El aumento normal del microscopio, es decir el aumento cuando la imagen final está en el infinito. b) La distancia objeto-objetivo.

14.- Enumere los elementos básicos que componen un telescopio astronómico y los que componen un antejo de Galileo, indique qué función cumple cada uno de ellos. Calcule el aumento de cada telescopio.

15.- Un antejo astronómico utiliza como objetivo una lente convergente de 2m de distancia focal y 10cm de diámetro, y como ocular una lente convergente de 4cm de distancia focal. Determine: a) el aumento.

b) El tamaño de la primera imagen de la luna y el tamaño angular de la imagen final a través del telescopio. La luna subtende, a ojo desnudo, un ángulo de $31'$.