

Ondas acústicas

Objetivo: Realizar un estudio experimental de ondas acústicas en tubos; en el cuál se determinen experimentalmente las frecuencias de resonancia y la velocidad de propagación del sonido.

Temáticas abordadas: ondas estacionarias, ondas acústicas, modos normales, frecuencias características, velocidad de propagación del sonido en aire.

1. Tubo de Kundt

El dispositivo experimental propuesto para el desarrollo de esta experiencia que recibe el nombre de su inventor, el físico alemán August Kundt. El elemento central del



Figura 1. Tubo de Kundt del fabricante Pasco utilizado en el laboratorio de ondas del DF.

dispositivo es un tubo de acrílico transparente de sección circular, como se muestra en la figura 1. En un extremo del mismo un parlante mueve su membrana en función de la señal eléctrica que se le alimente. La membrana impulsa el desplazamiento de las vecinas moléculas del aire. Esto da lugar a una diferencia local de la presión respecto a la ambiente δp . Se genera así una onda de δp que se desplaza hacia el otro extremo del tubo, que de estar abierto presenta una $\delta p = 0$.

Como alternativa a esta condición de *extremo abierto*, puede limitarse la longitud que recorre la onda L ubicando un “tapón” en el interior del tubo. El “tapón” impone un limitante al desplazamiento perpendicular a su superficie de las moléculas de aire. En otras palabras, las moléculas “chocan” contra él, lo que produce que en su superficie se observe un máximo de δp (vientre de la onda) lo que da lugar a la llamada condición de *extremo cerrado*.

Un micrófono puede posicionarse en cualquier posición entre parlante y el extremo, sea abierto o cerrado. El micrófono opera como un parlante en inversa. La señal que entrega es en función del desplazamiento de las moléculas

de aire. Así que cuando esta sea máxima, se está sensando un mínimo de δp , es decir un nodo. El micrófono se conecta a una etapa de amplificación lo que permite medir su señal con buena relación señal ruido en un osciloscopio (o, en su defecto, a un sistema de adquisición de datos asistidos por computadora).

Una cinta métrica pegada a la cara interna del tubo permite medir las posiciones del “tapón” y micrófono respecto al parlante. Los parámetros controlables son entonces: f del sonido, L de la cavidad y el punto en que se mide con el micrófono.

1.1. Extremo cerrado

En la idealización de tubo semicerrado la onda viajera emitida por el parlante, en $x = 0$, rebota con en el “tapón”, en $x = L$. En determinadas frecuencias la rebatida refuerza (interferencia constructiva) la original dando lugar a una onda estacionaria. Esta condición se cumple solo para las frecuencias llamadas de **resonancia**

$$f(n) = \frac{v}{\lambda(n)}, \quad (1)$$

donde v es la velocidad del sonido.

La condiciones a cumplir por la onda estacionaria son $\delta p|_{x=0} = \delta p|_{x=L} = 0$ por tanto las longitudes de onda permitidas son

$$\lambda_{\text{abierto-cerrado}} = \frac{4L}{2n+1}, \quad n \in \mathbb{N}_0. \quad (2)$$

1.2. Extremo abierto

Si obviamos el tapón aún se produce un rebote en el extremo abierto. La onda “rebota” en respuesta a la diferencia de “impedancia” que se le presenta a la perturbación de la presión al pasar del confinamiento del tubo al ambiente abierto.

En tal caso las condiciones a cumplir por la onda estacionaria son $\delta p|_{x=0} = 0$ y $\frac{\partial \delta p}{\partial x}|_{x=L} = 0$, donde L indica ahora el extremo abierto del tubo. Esto hace que las longitudes de ondas permitidas para tal caso sean

$$\lambda_{\text{abierto-abierto}} = \frac{2L}{n+1}, \quad n \in \mathbb{N}_0. \quad (3)$$

2. Desarrollo de la experiencia

2.1. Tubo abierto

Cuando el parlante impulsa el desplazamiento de las moléculas del aire estas no encuentran mas resistencia que las moléculas vecinas. Como esta es mucho menor que la que ofrece una pared puede asumirse que allí δp no difiere mucho de un mínimo (nodo de la onda).

- Verifique moviendo el micrófono, y registrando la amplitud de la señal medida por este, si puede establecer en la proximidad del parlante un vientre o un nodo de δp que le sirva como posición de referencia $x = 0$. **Advertencia:** esta posición probablemente no sea la misma en cada uno de los modos.

- Dejando el micrófono quieto en alguna posición varíe la frecuencia del generador de funciones para determinar distintas frecuencias de resonancia. Estas se manifestará por un pronunciado aumento de la amplitud de la señal medida. En otras palabras, a las frecuencias de resonancia, para una dada amplitud de la excitación del emisor la respuesta del receptor (su amplitud) tiene un máximo relativo (dentro de un dado intervalo de frecuencia). En estas condiciones determine por lo menos las primeras 5 resonancias en cada caso. Busque incluir la frecuencia fundamental (correspondiente a $n = 0$) por debajo de la cual no se detectan otras resonancias.

- Ahora que conoce las frecuencias de resonancia compare en una tabla la posición de los nodos que puede predecir a partir de conocer λ_n y los que encuentra barriendo el tubo con el micrófono. Note que la distancia entre nodos corresponde a λ_n . Guarde registro de las que determina con el micrófono para cada uno de los n modos analizados.
- Grafique las frecuencias de resonancia del tubo en función del orden n de cada resonancia, es decir, el índice que identifica su aparición cuando se incrementa monótonamente la frecuencia.

2.2. Dependencia con la longitud

En esta segunda parte nos proponemos determinar la variación en la respuesta del sistema cuando se modifica la longitud del tubo, esto es utilizando el “tapón” para tener la condición abierto-cerrado. Para ello, la propuesta consiste en repetir el mismo estudio precedente para *al menos* dos longitudes L que serán menores que la del tubo, empleada en la primera parte.

En estas nuevas condiciones:

- Determine las primeras cinco frecuencias de resonancia f_n del tubo.
- Realice para cada una de las L ensayadas un gráfico de $f_n L$ en función del orden n .

2.3. Velocidad del sonido

Asumiendo que se cumplen las condiciones adiabáticas, que el aire tiene una humedad despreciable y por tanto está mayoritariamente compuesto por gases diatómicos

(N₂ y O₂)

$$v_{\text{adiab.}} = \sqrt{\frac{C_p P_0}{C_v \rho_0}} \simeq \sqrt{1,4 \frac{P_0}{\rho_0}},$$

donde para el aire en CNPT, $P_0 = 1 \text{ atm} = 101\,300 \text{ Pa}$ y $\rho_0 = 1,225 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$, puede calcular un valor de referencia para la velocidad del sonido v .

Con las mediciones que efectuó en los puntos anteriores y usando la relación (??) debiera ser capaz de graficar f_n en función de $1/\lambda_n$ y de verificarse la linealidad esperada obtener de la pendiente una estimación de v . Discuta y especule acerca de las posibles discrepancias entre uno y otro valor obtenido.

2.3.1. Diámetro finito del tubo

Una consecuencia de tener un diámetro finito en el tubo es que su longitud efectiva es mayor que su longitud geométrica, ya que no se tiene una propagación de la onda estrictamente unidimensional. Esto causa que el número de medias longitudes de onda que caben en dicha longitud efectiva L_{ef} satisfaga

$$L_{\text{ef}} = L + \alpha d = n \frac{\lambda_n}{2}.$$

¿Cómo afecta esta corrección sus conclusiones respecto de la velocidad de propagación del sonido en aire? Tenga en cuenta que el valor de α es del orden de 0.4 para un tubo semicerrado, y del orden de 0.8 para uno abierto.

Referencias

1. M. Alonso and E.J. Finn. *Física: Campos y ondas*, volume 2 of *Física*. Editorial Pearson Educación, 1998.
2. F.S. Crawford. *Ondas*, volume 3 of *Berkeley Physics Course*. Editorial Reverté, 1994.