

Ondas:

I. Ondas estacionarias en una cuerda

1. Objetivo

Esta práctica tiene el propósito de estudiar ondas estacionarias en cuerdas con sus dos extremos fijos. Se propone medir los modos normales de vibración, determinando experimentalmente sus frecuencias características. En función de estos resultados, se busca determinar la velocidad de las ondas en términos de la tensión y la densidad de masa de la cuerda.

2. Introducción

Una onda mecánica es una perturbación que viaja por un material o una sustancia (esto es el medio de la onda) que produce que las partículas del medio sufran desplazamientos. Cuando estos desplazamientos son perpendiculares o transversales a la dirección de propagación de la onda, decimos que se trata de una onda transversal. En cambio, si los movimientos de las partículas del medio son hacia adelante y hacia atrás en la misma línea en que viaja la onda, decimos que se trata de una onda longitudinal. Para más información ver el video demostrativo: <https://www.youtube.com/watch?v=-PMqqEnr7E>

Consideremos una cuerda de longitud L sujeta rígidamente en ambos extremos. Cuando se la perturba, en ella se produce una onda que se refleja una y otra vez en los extremos de la cuerda formando una onda estacionaria. La onda estacionaria $y(x, t)$ es el resultado de la superposición de dos movimientos ondulatorios armónicos de igual amplitud y frecuencia que se propagan en sentidos opuestos a través de un medio

$$y(x, t) = 2A \sin(kx) \sin(\omega t) \quad (1)$$

donde $k = 2\pi/\lambda$ es el número de onda, λ es la longitud de onda y $\omega = 2\pi/T$ es la frecuencia angular (siendo T es período de la onda). El primer término de la ec. 1 ($2A \sin(kx)$) corresponde a la amplitud (que depende de la posición x) y el término $\sin(\omega t)$ representa la dependencia temporal.

Para este caso, la onda estacionaria que resulta debe tener un nodo en ambos extremos de la cuerda. Entonces, para cualquier instante de tiempo se debe cumplir $2A \sin(0) = 0$ y $2A \sin(kL) = 0$

$$2A \sin(0) = 0 \text{ y } 2A \sin(kL) = 0 \quad (2)$$

De esta condición se deduce que ($kL = n\pi$): $L = n \lambda / 2$ con $n = 1, 2, 3, \dots$ (3). Dos nodos adyacentes están separados media longitud de onda ($\lambda/2$), así que la longitud de la cuerda debe ser un número entero de medias longitudes de onda. De la ec. 3 se tienen los posibles valores de λ :

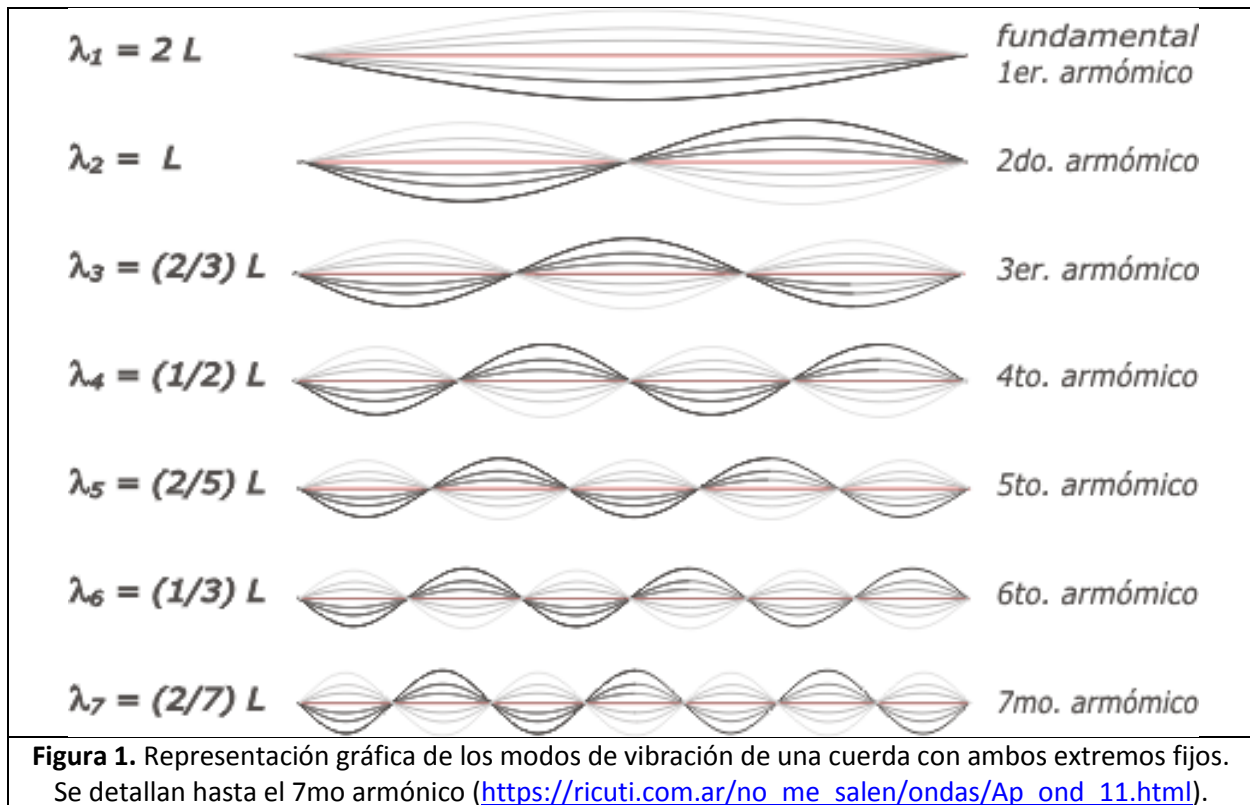
$$\lambda_n = 2L / n \quad \text{con } n = 1, 2, 3, \dots(4)$$

Observación: pueden existir ondas en la cuerda si la longitud de onda no cumple la ec. 4; sin embargo, no puede haber un patrón de onda estable con nodos y la onda resultante no puede ser estacionaria.

Para cada longitud de onda estacionaria λ_n se tiene una frecuencia de onda estacionaria f_n (sabiendo que $v = \lambda f$ donde v es la velocidad de propagación de la onda en el medio)

$$f_n = n \frac{v}{2L} \quad \text{con } n = 1, 2, 3, \dots \quad (5)$$

Estas frecuencias se llaman armónicos, y el primer armónico f_1 (con $n = 1$) es la *frecuencia fundamental* que corresponde a la longitud de onda más grande $\lambda_1 = 2L$ (ver figura 1).



En una cuerda de densidad lineal μ sometida a la tensión T , la velocidad de propagación v de una onda viene dada por:

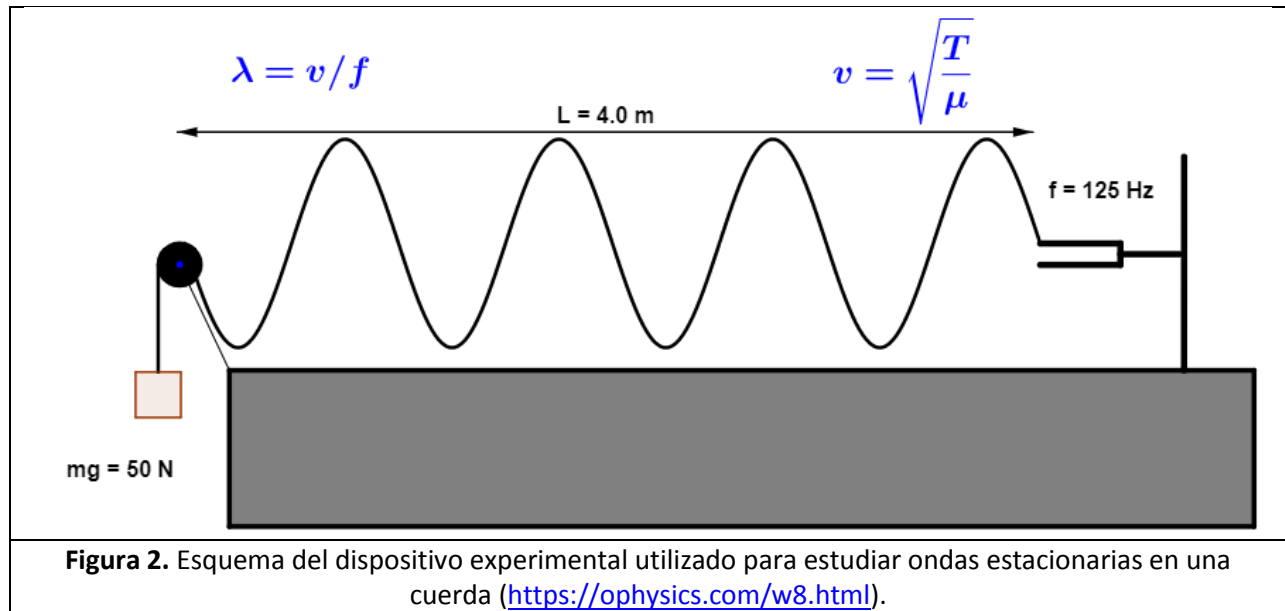
$$v = \sqrt{\frac{T}{\mu}} \quad (6)$$

Donde $\mu = m_c/L$, densidad de masa de la cuerda. Reemplazando la ec. 6 en la ec. 5 se tiene que las frecuencias para las que se observarán ondas estacionarias en una cuerda están dadas por:

$$f_n = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{T}{\mu}}$$

3. Actividades – Dispositivo y mediciones

La figura 2 muestra un esquema del dispositivo experimental utilizado en esta parte de la práctica. Una cuerda se encuentra sujeta en ambos extremos, separados una distancia L . La tensión T de la cuerda está determinada por el peso colgado en uno de sus extremos. Un dispositivo mecánico imprime a la cuerda un movimiento oscilatorio armónico a una frecuencia y amplitud controladas.



Para realizar la práctica se utilizará un simulador de ondas estacionarias en una cuerda de la página de oPhysics (<https://ophysics.com/w8.html>). El mismo permite variar la tensión de la cuerda (variando el peso de la masa colgada), la densidad lineal de la cuerda μ y por último la frecuencia de oscilación de la excitación mecánica.

Parte I

Para un valor de T y μ fijos, determine las frecuencias f que correspondan a los modos normales de excitación de la cuerda. ¿Cuántos modos normales se pueden ver? Para cada modo normal determine la longitud de onda λ . Graficar la frecuencia en función de la inversa de la longitud de onda. ¿Qué se obtiene de la pendiente del ajuste de la curva? ¿Qué concluye a partir de sus resultados experimentales? ¿Qué tipo de onda es?

Observación: la amplitud de la cuerda tiene que ser máxima para poder determinar de forma correcta los modos normales.

Parte II: Variación de masas

Para una cuerda dada de largo L , elegir al menos 8 pares de valores de tensión y densidad lineal μ . En cada caso, para un armónico, calcular la velocidad de la onda usando $v = \lambda \cdot f$. Grafique v en función de $\sqrt{T/\mu}$. ¿Qué conclusión puede obtener en este caso?

II. Ondas estacionarias de sonido

1. Objetivo

Realizar un estudio experimental de ondas estacionarias de sonido en tubos semicerrados (tubo de Kundt). Encontrar los modos normales de vibración y sus frecuencias características. Calcular las velocidades de propagación del sonido.

2. Introducción

Se dispone de un emisor acústico (parlante) conectado a un generador de funciones que puede emitir sonidos en un amplio rango de frecuencias y amplitudes (Figura 3). También se dispone de un detector de sonido (micrófono) conectado a un osciloscopio. El parlante se encuentra ubicado en un extremo del tubo y el micrófono puede moverse por el interior del tubo o adjuntarse a un émbolo o pistón que cierra el tubo y provoca que las ondas acústicas se reflejen. Se puede variar la posición del pistón a fin de obtener tubos de Kundt de distinta longitud.



Figura 3. Dispositivo experimental para estudiar los modos de resonancia. Se conoce como Tubo de Kundt. Se tiene un parlante, un micrófono y un émbolo que permite cambiar el largo del tubo.

El parlante genera una perturbación que se propaga longitudinalmente desplazando a las moléculas del aire alrededor de su posición de equilibrio. Al llegar a un extremo del tubo, sea abierto o cerrado, la onda se reflejará e interferirá con la incidente. Sólo cuando las frecuencias de excitación coincidan con algún modo normal de vibración del sistema esta interferencia tomará la forma de ondas estacionarias. Bajo la condición de resonancia, en las posiciones en las que el desplazamiento de una molécula (amplitud) es máximo, las moléculas a su alrededor vibran en fase, con lo que la presión es mínima. Si la molécula está en su posición de equilibrio, las moléculas a su alrededor vibran en oposición de fase, con lo que la presión es máxima. Por tanto, máximos de presión corresponden a mínimos de desplazamiento y viceversa; las dos ondas están desfasadas en $\pi/2$. En el caso de un tubo semicerrado, las frecuencias de resonancia se dan para múltiplos de $\lambda/4$, es decir, se cumple la relación:

$$L = (2n + 1) \lambda/4 \quad \text{y} \quad f_n = (2n + 1) v/4L \quad \text{con } n = 0,1,2,3 \dots \quad ()$$

3. Actividades – Dispositivo y mediciones

Para realizar las actividades de la práctica de ondas estacionarias de sonido se utilizará el simulador de la página de Walter Fendt (https://www.walter-fendt.de/html5/phen/standinglongitudinalwaves_en.htm). El mismo permite estudiar ondas de sonido en un tubo con ambos extremos libres, uno cerrado y otro abierto y ambos cerrados.

Actividades

- Para una dada longitud de tubo L , hallar la frecuencia fundamental de resonancia y los primeros 5 armónicos.
- Graficar las frecuencias de resonancia del tubo en función de $(2n+1)/4L$ donde n es el orden de cada resonancia. ¿Qué se obtiene de la pendiente del ajuste lineal de la curva? ¿Qué tipo de onda es?
- ¿Cómo se compara el resultado de la velocidad con el valor de referencia?
- Repetir los ítems anteriores con dos largos de tubo distintos. Comparar los valores de velocidad hallados en cada largo del tubo.

4. Referencias

- *Trabajos Prácticos de Física* -J.E. Fernández y E. Galloni -Editorial Nigar Buenos Aires 1968. (Cap. 4).
- *Física Vol.II -Campos y Ondas* -M.Alonso y E.J. Finn -Fondo Educativo Interamericano Ed. inglesa. Addison-Wesley-Reading Mass. 1967.
- *Física para Estudiantes de Ciencias e Ingeniería*-Halliday , Resnik y Krane 4ta. Ed. Vol. I-(Cap.20).
- *Coupling a speaker to a closed -tube resonator* -R.W. Peterson -Am. J. Phys. **63**, 489 (1995).
- *The great bear bottle experiment* -G. Smith and P.D. Loly -Am. J. Phys. **47**, 515 (1979).