

$$\vec{F} = q (\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$$

Fuerza de Lorentz

$$\vec{F} = q (\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$$

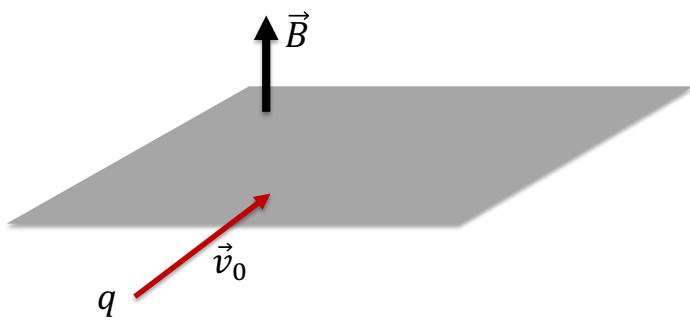
Vectores

pseudovector

$$\vec{F}_B \perp \vec{v}$$

La parte
magnética de la
fuerza no realiza
trabajo.

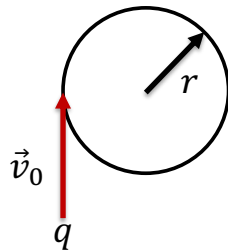
Determinación de m/q



Fuerza magnética

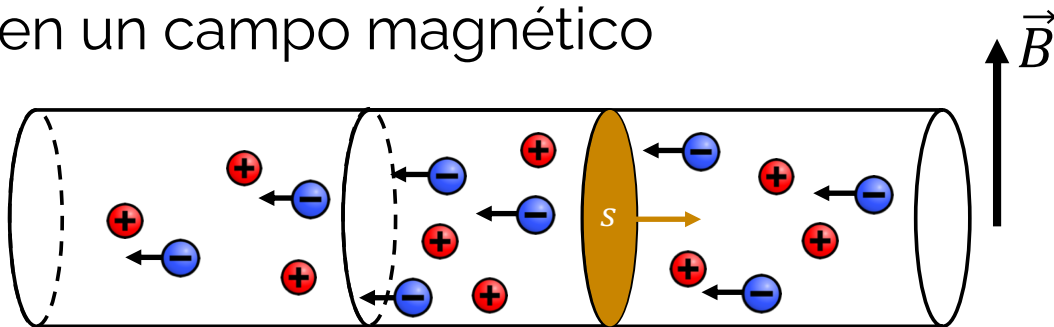
$$|\vec{F}| = q |\vec{v} \times \vec{B}| = m \frac{v^2}{r}$$

Aceleración
centrípeta



$$r = \frac{m v}{q B}$$

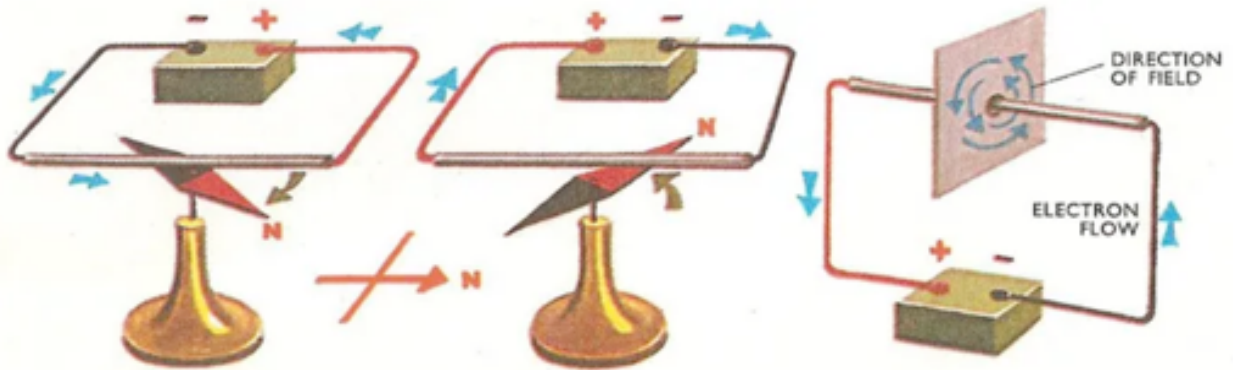
Fuerza sobre una corriente eléctrica en un campo magnético



$$\vec{F}_m = q (\vec{v} \times \vec{B})$$

$$\delta \vec{F}_m = \rho (\vec{v} \times \vec{B}) \delta V = \vec{j} \times \vec{B} \delta V = I \delta \vec{\ell} \times \vec{B}$$

Las **cargas en movimiento** (corrientes) son fuente de **campo magnético**



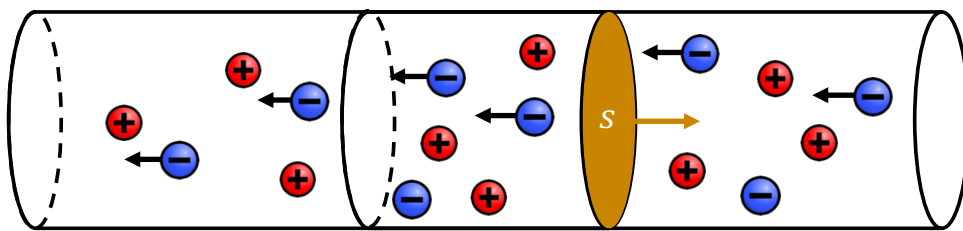
¿Cómo puedo determinar la magnitud, dirección y sentido del campo magnético?

Campo magnético de una carga en movimiento

$$\vec{B}(\vec{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} q_f \left(\vec{v}_f \times \frac{\vec{r} - \vec{r}_f}{|\vec{r} - \vec{r}_f|^3} \right)$$

permeabilidad magnética del vacío

Campo magnético **producido** sobre una corriente eléctrica



$$\vec{B}(\vec{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} q_f \left(\vec{v}_f \times \frac{\vec{r} - \vec{r}_f}{|\vec{r} - \vec{r}_f|^3} \right)$$

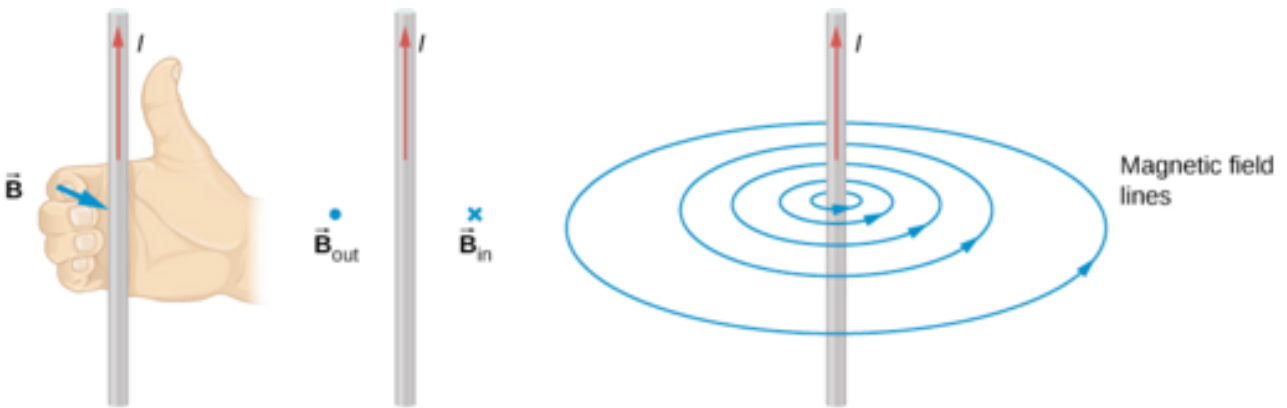
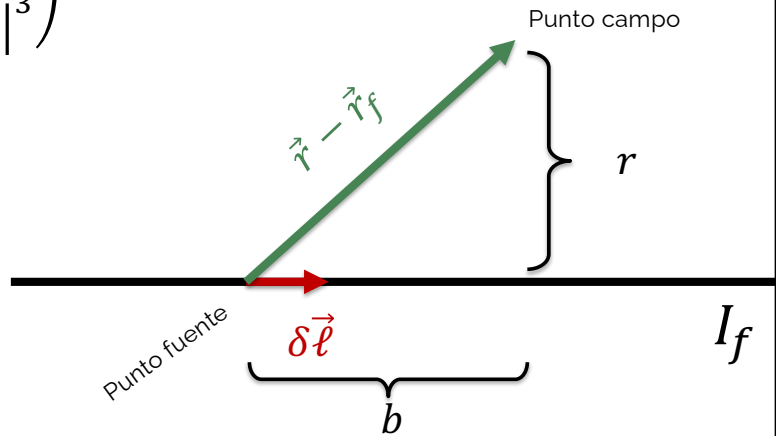
$$\delta\vec{B}(\vec{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} \rho_f \left(\vec{v}_f \times \frac{\vec{r} - \vec{r}_f}{|\vec{r} - \vec{r}_f|^3} \right) \delta V = \frac{\mu_0}{4\pi} I_f \left(\delta\vec{\ell} \times \frac{\vec{r} - \vec{r}_f}{|\vec{r} - \vec{r}_f|^3} \right)$$

Campo magnético **producido** sobre una corriente eléctrica

$$\delta\vec{B}(\vec{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} I_f \left(\delta\vec{\ell} \times \frac{\vec{r} - \vec{r}_f}{|\vec{r} - \vec{r}_f|^3} \right)$$

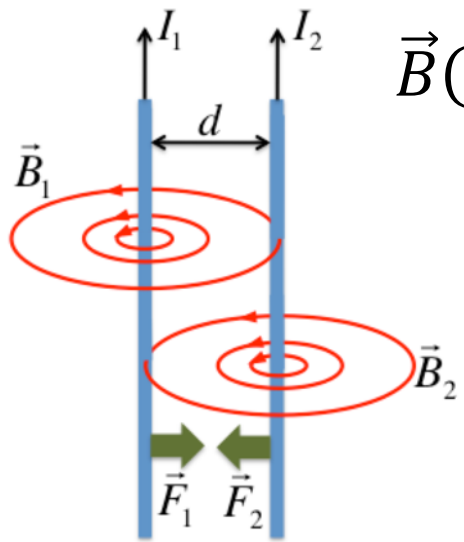
$$\vec{B}(\vec{r}) = \int_{-\infty}^{\infty} \delta\vec{B}(\vec{r})$$

$$\vec{B}(\vec{r}) = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_f}{r}$$



$$\vec{B}(\vec{r}) = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I}{r}$$

Fuerza entre cables



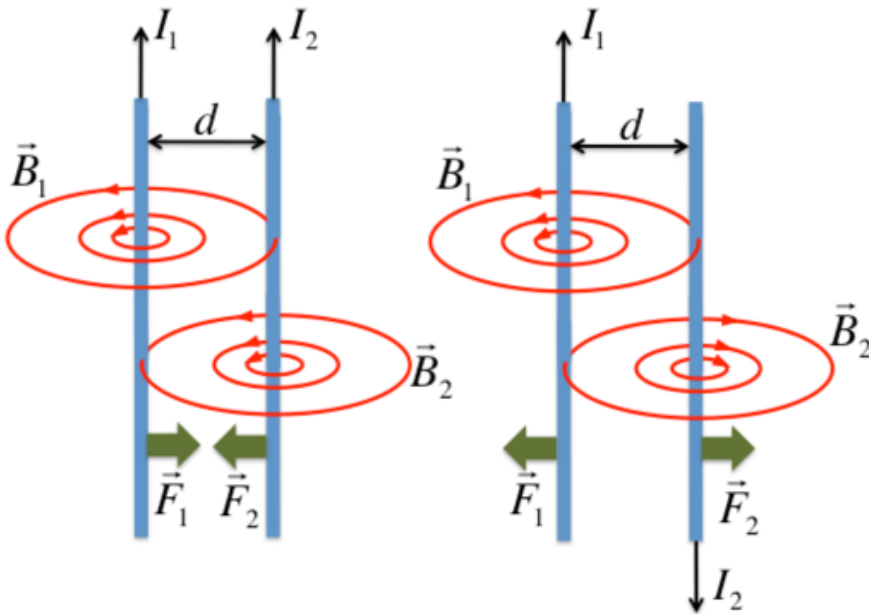
$$\vec{B}(\vec{r}) = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \quad \delta\vec{F}_m = I\delta\vec{\ell} \times \vec{B}$$

$$|\vec{B}_1| = \frac{\mu_0 |I_1|}{2\pi d}$$

$$|\delta\vec{F}_{m,2}| = |I_2| |\delta\vec{\ell}| \frac{\mu_0 |I_1|}{2\pi d}$$

$$= |\delta\vec{F}_{m,1}|$$

Fuerza entre cables



Un campo vectorial queda unívocamente definido por el **flujo** y la **circulación**

Flujo a través de cualquier **superficie cerrada**

$$\oiint_{S(V)} \vec{E}(\vec{r}) \cdot d\vec{S} = \frac{1}{\epsilon_0} \iiint_V \rho(\vec{r}') dV' = \frac{1}{\epsilon_0} Q_{enc}$$

$$\vec{\nabla} = \left(\frac{\partial}{\partial x}, \frac{\partial}{\partial y}, \frac{\partial}{\partial z} \right)$$

Circulación a través de cualquier **curva cerrada**

$$\oint_C \vec{E}(\vec{r}) \cdot d\vec{\ell} = 0 \quad \oint_{\partial\Sigma} \vec{F} \cdot d\vec{r} = \iint_{\Sigma} (\nabla \times \vec{F}) \cdot d\vec{S}$$

Forma diferencial

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$$

Divergencia del campo eléctrico

Rotor del campo eléctrico

$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = 0$$

Un campo vectorial queda unívocamente definido por el **flujo** y la **circulación**

Flujo a través de cualquier **superficie cerrada**

$$\oiint_{S(V)} \vec{B}(\vec{r}) \cdot d\vec{S} =$$

$$\vec{B}(\vec{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} q_f \left(\vec{v}_f \times \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|^3} \right)$$

Circulación a través de cualquier **curva cerrada**

$$\oint_C \vec{B}(\vec{r}) \cdot d\vec{\ell} =$$

Un campo vectorial queda unívocamente definido por el **flujo** y la **circulación**

Flujo a través de cualquier **superficie cerrada**

$$\oiint_{S(V)} \vec{B}(\vec{r}) \cdot d\vec{S} = \frac{\mu_0}{4\pi} q_f \oiint_S \left(\vec{v}_f \times \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|^3} \right) \cdot d\vec{S}$$

$$= \frac{\mu_0}{4\pi} q_f \vec{v}_f \cdot \oiint_S \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|^3} \times d\vec{S} = 0$$

Forma diferencial

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$$



Divergencia del campo magnético

Un campo vectorial queda unívocamente definido por el **flujo** y la **circulación**

Flujo a través de cualquier **superficie cerrada**

$$\oiint_{S(V)} \vec{B}(\vec{r}) \cdot d\vec{S} = 0$$

Circulación a través de cualquier **curva cerrada**

$$\oint_C \vec{B}(\vec{r}) \cdot d\vec{\ell} =$$

Forma diferencial

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$$



Divergencia del campo magnético

$\vec{B}(\vec{r}) = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$

Magnetic field lines

$$\oint_C \vec{B}(\vec{r}) d\vec{\ell} = \oint_C \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \hat{\theta} d\ell = \mu_0 I$$

Un campo vectorial queda unívocamente definido por el **flujo** y la **circulación**

Flujo a través de cualquier **superficie cerrada**

$$\oiint_{S(V)} \vec{B}(\vec{r}) d\vec{S} = 0$$

Circulación a través de cualquier **curva cerrada**

$$\oint_C \vec{B}(\vec{r}) d\vec{\ell} = \mu_0 I$$

Forma diferencial

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$$



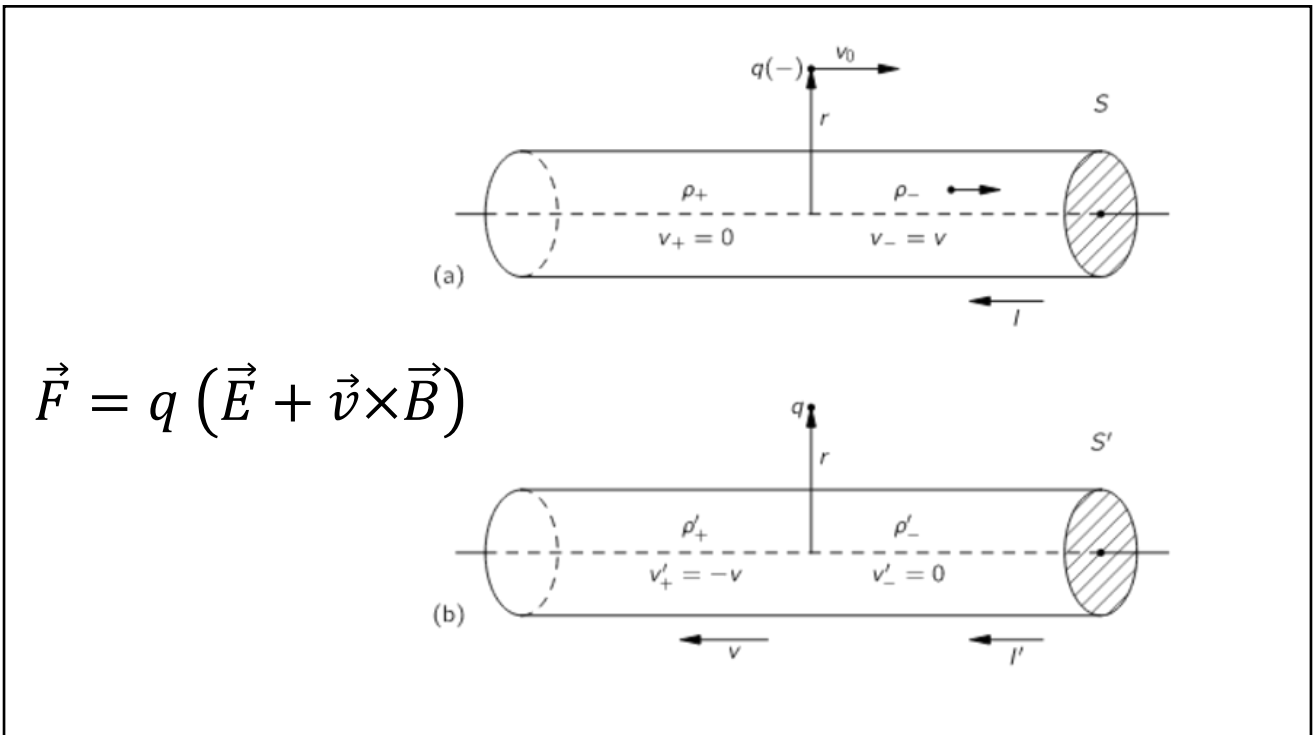
Divergencia del campo magnético

Rotor del campo magnético



$$\vec{\nabla} \times \vec{B} = \mu_0 \vec{j}$$

Anteriormente en Física 3 A



La relatividad de campos magnéticos y eléctricos

The Feynman Lectures on Physics. Volumen 2. Capítulo 13.6

Summary Force on charge q is $\vec{F} = q(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B})$ $\nabla \cdot \vec{j} = -\frac{\partial \rho}{\partial t}$

Current density \vec{j} : Charge passing per unit area/sec = $\vec{j} \cdot \vec{n}$ Normal to area

Current in wire $I = \text{area of wire} \times j$ Force on wire $\vec{I} \times \vec{B}$ per unit length

Static Case $\nabla \cdot \vec{B} = 0$; $c^2 \nabla \times \vec{B} = \vec{j}/\epsilon_0$ (only if $\nabla \cdot \vec{j} = 0$)

$\oint_{\text{line}} \vec{B}_z d\vec{s} = \frac{1}{c^2 \epsilon_0}$ Current passing thru surface with line as edge.

Wire, B goes around = $\frac{I}{2\pi r c \epsilon_0}$ Solenoid $B = \frac{NI}{c \cdot c^2 \cdot l}$ $\left\{ \begin{array}{l} \text{No. of turns} \\ \text{length} \end{array} \right.$

Vector potential $\vec{B} = \nabla \times \vec{A}$; can take $\nabla \cdot \vec{A} = 0$, then $\nabla^2 \vec{A} = -\vec{j}/c^2$ (like $\nabla^2 \phi = -\rho/\epsilon_0$)