

# CLASE 1: LEY DE COULOMB - CAMPO ELECTROSTÁTICO



universidad de buenos aires - exactas  
departamento de Física

19 de agosto de 2021



# CLASE 1

- Ley de Coulomb para partículas puntuales: Módulo y Dirección de la Fuerza Eléctrica
- Campo eléctrico para una distribución de cargas puntuales
- Campo eléctrico para una distribución continua de cargas
- Unidades

# LEY DE COULOMB

En primer lugar, recordemos la ley de Coulomb que nos permite calcular la fuerza entre dos partículas cargadas. Definimos  $\vec{F}_{q_1}$ : la fuerza sobre la partícula cargada 1, que ejerce una partícula 2 de la siguiente manera:

$$\vec{F}_{q_1} = \frac{kq_1q_2(\vec{r}_1 - \vec{r}_2)}{|\vec{r}_1 - \vec{r}_2|^3} \quad (1)$$

donde  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ ,

$q_1$  valor de la carga eléctrica de la partícula 1,

$q_2$  valor de la carga eléctrica de la partícula 2,

$\vec{r}_1$  es la posición de la partícula 1, en este caso la partícula que siente la fuerza generada por la carga 2,

$\vec{r}_2$  es la posición de la partícula 2, es decir, la partícula que genera la fuerza .

Para resolver los ejercicios 1 y 2 necesitaremos sólo del módulo de la fuerza descrita por la ecuación (1). Para el ejercicio 3 será muy relevante la **dirección** y **sentido** de la fuerza.

# LEY DE COULOMB PARA MUCHAS CARGAS

Podemos generalizar la expresión anterior para el caso de la fuerza sobre una carga  $q$  situada en la posición  $\vec{r}$  generada por una configuración de cargas  $q_i$  situadas en posiciones  $\vec{r}_i$  de la siguiente manera:

$$\vec{F}_q(\vec{r}) = kq \sum_i \frac{q_i(\vec{r} - \vec{r}_i)}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^3} \quad (2)$$

donde  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ ,

Para el ejercicio 3 será muy relevante la **dirección** y **sentido** de la fuerza.

# LEY DE COULOMB PARA MUCHAS CARGAS

Podemos generalizar la expresión anterior para el caso de la fuerza sobre una carga  $q$  situada en la posición  $\vec{r}$  generada por una configuración de cargas  $q_i$  situadas en posiciones  $\vec{r}_i$  de la siguiente manera:

$$\vec{F}_q(\vec{r}) = kq \sum_i \frac{q_i(\vec{r} - \vec{r}_i)}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^3} \quad (2)$$

donde  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ ,

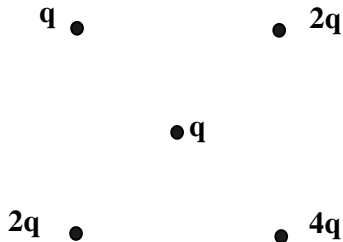
Para el ejercicio 3 será muy relevante la **dirección** y **sentido** de la fuerza.

Es importante destacar que para la fuerza eléctrica vale el **PRINCIPIO DE SUPERPOSICION**, es decir, la fuerza generada por un conjunto de cargas es **la suma de las fuerzas individuales generadas por cada una de ellas**.

# INTRODUCCIÓN AL PROBLEMA 3

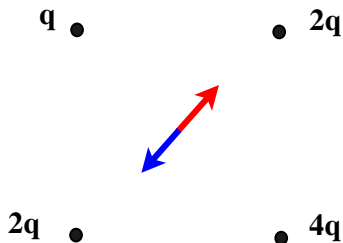
En este ejercicio es importante deducir a partir de la ecuación (2) y de la simetría de la configuración cuál será la dirección de la fuerza, lo cual nos permitirá hacer menos cuentas.

El problema 3 pide evaluar la fuerza sobre la carga  $q$  ubicada en el centro del cuadrado generada por las cargas que están en los vértices del mismo.



$$\vec{F}_q(\vec{r}) = kq \sum_i \frac{q_i(\vec{r} - \vec{r}_i)}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^3}$$

# INTRODUCCIÓN AL PROBLEMA 3

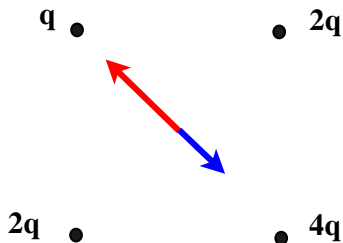


La flecha azul indica la dirección de la fuerza eléctrica generado por la carga  $2q$  ubicada en la esquina superior derecha, mientras que la flecha roja indica la dirección de la fuerza eléctrica generado por la carga  $2q$  ubicada en la esquina inferior izquierda. Como ambas

cargas tienen igual valor y signo, la fuerza total sobre la carga  $q$  que se encuentra en el centro del cuadrado se anula.

**LA FUERZA TOTAL DE AMBAS CARGAS SOLO SE ANULA EN EL CENTRO DEL CUADRADO.**

## INTRODUCCIÓN AL PROBLEMA 3



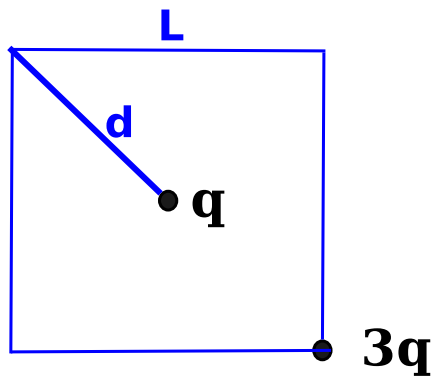
En este caso, las cargas no tienen el mismo valor y por eso la fuerza total no se anulará.

La flecha azul indica la dirección de la fuerza eléctrica generada por la carga  $q$  ubicada en la esquina superior izquierda, mientras que la flecha roja indica la dirección de la fuerza eléctrica generada por la carga  $4q$  ubicada en la esquina inferior derecha. En



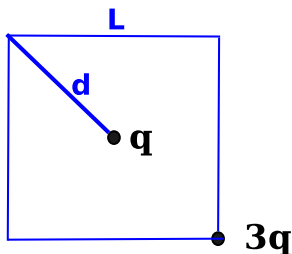
## INTRODUCCIÓN AL PROBLEMA 3

Solamente a efectos de calcular la fuerza total de la configuración de cargas sobre la carga  $q$  ubicada en el centro del cuadrado, el problema equivalente al planteado en el ejercicio 3 es el de la siguiente figura:



Es fácil ver que  $d^2 = \left(\frac{L}{2}\right)^2 + \left(\frac{L}{2}\right)^2$ ,

## RESOLUCIÓN DEL PROBLEMA 3



El centro de coordenadas lo voy a elegir en la posición de la carga  $q$ . De esta manera,  $\vec{r} = (0, 0, 0)$ . A su vez, la posición de la carga  $3q$  será:  $r_{3q} = (L/2, -L/2, 0)$ . Aplicando la ecuación 2 al problema de la figura anterior, obtenemos la fuerza total sobre

la carga  $q$ :

$$\vec{F}_q(0, 0, 0) = \frac{k3q^2}{(L/\sqrt{2})^3}(-L/2, L/2, 0) \quad (3)$$

Se animan ahora a hacer el problema 4? Sólo hay que recordar la expresión el campo eléctrico para una distribución de cargas puntuales:

# CAMPO ELÉCTRICO PARA CARGAS PUNTUALES

A continuación, recordemos la expresión del campo eléctrico para una distribución de cargas puntuales:

$$\vec{E}(\vec{r}) = \sum_i \frac{kq_i(\vec{r} - \vec{r}_i)}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^3} \quad (4)$$

donde  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ ,

$q_i$  valor de la carga eléctrica de la partícula  $i$ ,

$\vec{r}_i$  es lo que llamamos punto fuente, es decir, las posiciones de las cargas que son fuente del campo eléctrico,

$\vec{r}$  es lo que llamamos punto campo, es decir, la posición donde vamos a evaluar el campo eléctrico.

# CAMPO ELÉCTRICO PARA CARGAS PUNTUALES

A continuación, recordemos la expresión del campo eléctrico para una distribución de cargas puntuales:

$$\vec{E}(\vec{r}) = \sum_i \frac{kq_i(\vec{r} - \vec{r}_i)}{|\vec{r} - \vec{r}_i|^3} \quad (4)$$

donde  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ ,

$q_i$  valor de la carga eléctrica de la partícula  $i$ ,

$\vec{r}_i$  es lo que llamamos punto fuente, es decir, las posiciones de las cargas que son fuente del campo eléctrico,

$\vec{r}$  es lo que llamamos punto campo, es decir, la posición donde vamos a evaluar el campo eléctrico.

Es importante destacar que para el campo eléctrico vale el **PRINCIPIO DE SUPERPOSICION**, es decir, el campo de un conjunto de cargas es **la suma de los campos generados por cada una de ellas**.

# CAMPO ELÉCTRICO PARA UNA DISTRIBUCIÓN CONTINUA DE CARGAS

A continuación, recordemos la expresión del campo eléctrico para una distribución continua de cargas:

$$\vec{E}(\vec{r}) = \int_{V'} \frac{k\rho(r')(\vec{r} - \vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3} d^3r' \quad (5)$$

donde  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ ,

$\rho(r')$  es la distribución de cargas cuyo campo queremos calcular

$\vec{r}'$  es lo que llamamos punto fuente, es decir, la posición de la distribución de cargas que es fuente del campo eléctrico,

$\vec{r}$  es lo que llamamos punto campo, es decir, la posición donde vamos a evaluar el campo eléctrico.

# CAMPO ELÉCTRICO PARA UNA DISTRIBUCIÓN CONTINUA DE CARGAS

En algunos casos (por ejemplo en los Problemas 5 y 6) la configuración de cargas, será una distribución lineal o superficial de cargas. Entonces, para una distribución lineal de cargas  $\lambda$ :

$$\vec{E}(\vec{r}) = \int_V \frac{k\lambda(r')(\vec{r} - \vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3} dl' \quad (6)$$

# CAMPO ELÉCTRICO PARA UNA DISTRIBUCIÓN CONTINUA DE CARGAS

En algunos casos (por ejemplo en los Problemas 5 y 6) la configuración de cargas, será una distribución lineal o superficial de cargas. Entonces, para una distribución lineal de cargas  $\lambda$ :

$$\vec{E}(\vec{r}) = \int_{V'} \frac{k\lambda(r')(\vec{r} - \vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3} dl' \quad (6)$$

Y para una distribución superficial de cargas  $\sigma$ :

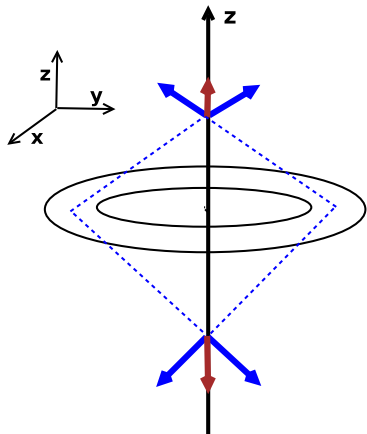
$$\vec{E}(\vec{r}) = \int_{\sigma'} \frac{k\sigma(r')(\vec{r} - \vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3} dS' \quad (7)$$

donde  $\vec{r}$  y  $\vec{r}'$  tienen los mismos significados que los descritos en la ecuación 5.





## AYUDA PARA RESOLVER EL PROBLEMA 6



Finalmente, es importante, usar la simetría de la configuración para hacer menos cuentas. Se puede ver que **sobre el eje z** las contribuciones al campo eléctrico de la corona se anulan salvo en la dirección del eje z, es decir:  $\vec{E} = E\hat{z}$

# UNIDADES DE LA FUERZA ELÉCTRICA

Vamos a utilizar el Sistema Internacional de Unidades (SI). Recordemos la expresión del módulo de la fuerza eléctrica que ejerce sobre una carga  $q_1$  una carga  $q_2$ :

$$F = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 d^2}$$

donde  $d$  es la distancia entre la carga 1 y la carga 2 y

$$\epsilon_0 = 8,85 \times 10^{-12} \frac{\text{F}}{\text{m}} = \frac{\text{seg}^2 \text{C}^2}{\text{kg m}^3}$$

donde **C** refiere a Coulomb que son unidades de carga y  $\text{F} = \frac{\text{seg}^2 \text{C}^2}{\text{kg m}^2}$  refiere a Faradio. **NO CONFUNDIR F Faradio con F Fuerza.**

# UNIDADES DE LA FUERZA ELÉCTRICA

Vamos a utilizar el Sistema Internacional de Unidades (SI). Recordemos la expresión del módulo de la fuerza eléctrica que ejerce sobre una carga  $q_1$  una carga  $q_2$ :

$$F = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 d^2}$$

donde  $d$  es la distancia entre la carga 1 y la carga 2 y

$$\epsilon_0 = 8,85 \times 10^{-12} \frac{\text{F}}{\text{m}} = \frac{\text{seg}^2 \text{C}^2}{\text{kg m}^3}$$

donde **C** refiere a Coulomb que son unidades de carga y  $\text{F} = \frac{\text{seg}^2 \text{C}^2}{\text{kg m}^2}$  refiere a Faradio. **NO CONFUNDIR F Faradio con F Fuerza.** De esta manera las unidades de la Fuerza resultan ser Newton:

$$[F] = \frac{\text{C}^2 \text{m}}{\text{F m}^2} = \frac{\text{C}^2 \text{m kg m}^2}{\text{m}^2 \text{seg}^2 \text{C}^2} = \frac{\text{kg m}}{\text{seg}^2}$$

# UNIDADES DEL CAMPO ELÉCTRICO

A su vez sabemos que las unidades del campo eléctrico son unidades de Fuerza/Carga, es decir:

$$[E] = \frac{[F]}{[Q]} = \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

Recordemos la expresión del módulo del campo eléctrico de una carga  $q$ :

$$E = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 d^2}$$

Entonces las unidades del campo eléctrico:

$$[E] = \frac{\text{C m}^3 \text{ kg}}{\text{m}^2 \text{ seg}^2 \text{ C}^2} = \frac{\text{m kg}}{\text{seg}^2 \text{ C}} = \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

# UNIDADES DEL CAMPO ELÉCTRICO

Definimos ahora unidades que nos van a servir durante todo el curso:  
Comenzamos por el Ampere, las unidades de la corriente eléctrica:

$$A = \frac{C}{\text{seg}}$$

# UNIDADES DEL CAMPO ELÉCTRICO

Definimos ahora unidades que nos van a servir durante todo el curso:  
Comenzamos por el Ampere, las unidades de la corriente eléctrica:

$$A = \frac{C}{\text{seg}}$$

Con esta definición las unidades del campo eléctrico se pueden expresar:

$$[E] = \frac{\text{m kg}}{\text{seg}^3 \text{ A}}$$

# UNIDADES DEL CAMPO ELÉCTRICO

Definimos ahora unidades que nos van a servir durante todo el curso:  
Comenzamos por el Ampere, las unidades de la corriente eléctrica:

$$A = \frac{C}{\text{seg}}$$

Con esta definición las unidades del campo eléctrico se pueden expresar:

$$[E] = \frac{\text{m kg}}{\text{seg}^3 \text{ A}}$$

Definimos ahora el Volt, la unidades del potencial eléctrico:

$$V = \frac{\text{m}^2 \text{ kg}}{\text{seg}^3 \text{ A}}$$

# UNIDADES DEL CAMPO ELÉCTRICO

Definimos ahora unidades que nos van a servir durante todo el curso:  
Comenzamos por el Ampere, las unidades de la corriente eléctrica:

$$A = \frac{C}{\text{seg}}$$

Con esta definición las unidades del campo eléctrico se pueden expresar:

$$[E] = \frac{\text{m kg}}{\text{seg}^3 \text{ A}}$$

Definimos ahora el Volt, la unidades del potencial eléctrico:

$$V = \frac{\text{m}^2 \text{ kg}}{\text{seg}^3 \text{ A}}$$

Con esta definición, las unidades del campo eléctrico son:

$$[E] == \frac{\text{m kg}}{\text{seg}^3 \text{ A}} = \frac{V}{\text{m}}$$



# UNIDADES DEL CAMPO ELÉCTRICO

Finalmente, también nos será de utilidad el Watt:

$$W = \frac{J}{\text{seg}} = VA$$

donde  $J$  refiere a Joule.