

# CLASE 12: CORRIENTE CONTINUA (CONTINUACIÓN)

Susana J. Landau & Andres Goya



universidad de buenos aires - exactas  
departamento de Física

# CORRIENTE CONTINUA

Para resolver los circuitos de corriente continua siempre se utiliza el hecho de que **la sumatoria de las caídas de tensión a lo largo de una malla es igual a 0**. A su vez, podemos distinguir dos métodos:

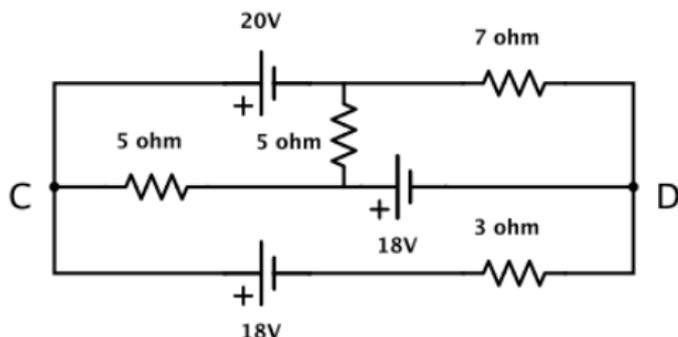
- Método 1: Utiliza las corrientes de rama y plantea las caídas de tensión usando corrientes de rama. Además se utiliza:
  - ▶ Ley de Kirchoff: En cada nodo del circuito

$$\sum_{\text{Corrientes entrantes}_i} I_i = \sum_{\text{Corrientes salientes}_j} I_j$$

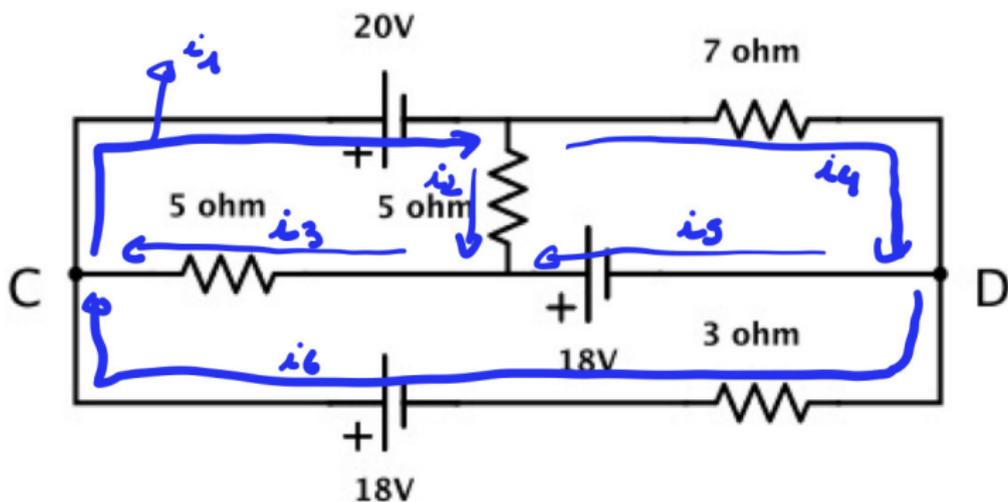
- Método 2: Utiliza las corrientes de malla y plantea las caídas de tensión usando las corrientes de malla.

Ambos métodos sirven para calcular las corrientes y se pueden usar indistintamente. Vamos a ver como se aplica al problema 6 ambos métodos.

## PROBLEMA 6

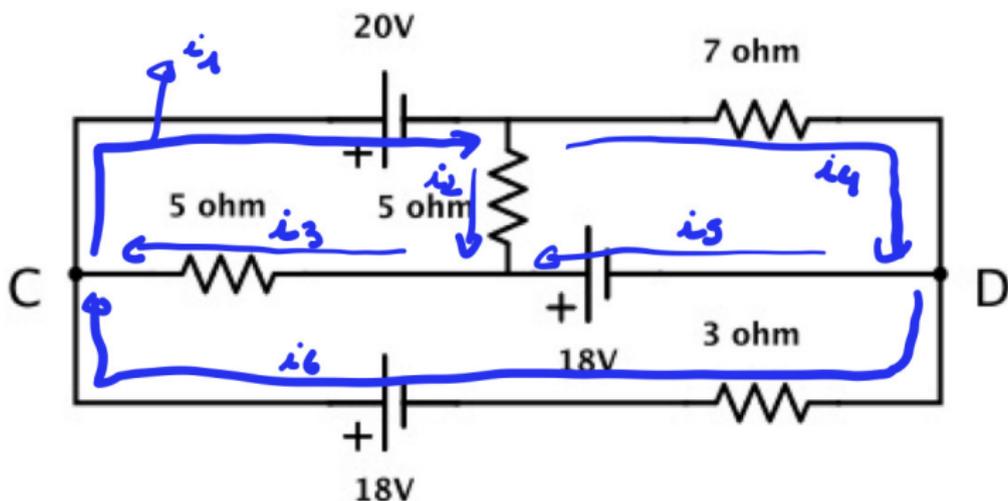


- 1 Las corrientes en los bornes de las fuentes de tensión de 18 V y 20 V.
- 2 La diferencia de potencial entre C y D.
- 3 La potencia disipada por la resistencia de  $5 \Omega$  (entre C y la fuente de 18 V).
- 4 Se coloca un amperímetro en serie con la batería de 20 V. ¿Qué corriente mide si la resistencia del amperímetro es  $R_a = 1 \Omega$ ?
- 5 Repita el punto anterior pero ahora considerando que el amperímetro está en serie con la resistencia de  $3 \Omega$ .



Para la primera malla, recorriendo en sentido horario:

$$-20V - i_2 5\Omega - i_3 5\Omega = 0$$

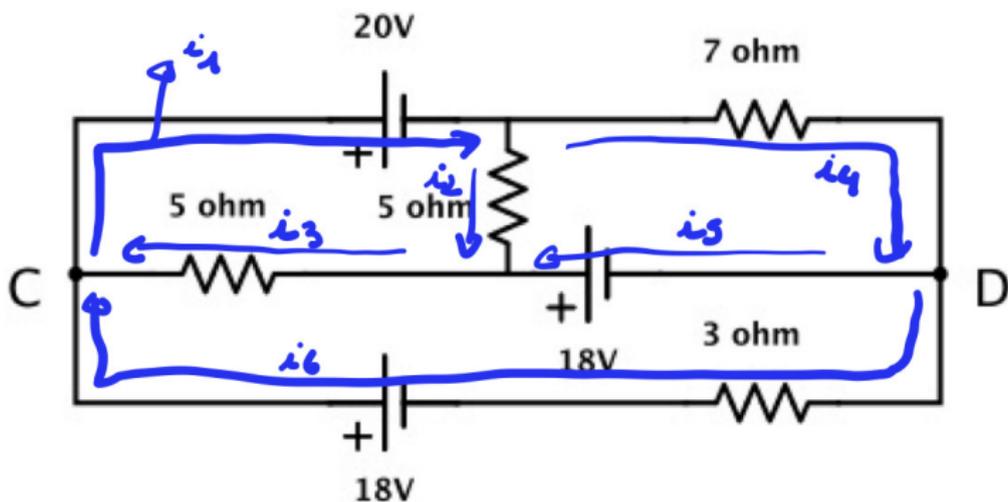


Para la primera malla, recorriendo en sentido horario:

$$-20V - i_2 5\Omega - i_3 5\Omega = 0$$

Para la segunda malla, recorriendo en sentido horario:

$$-(-i_2) 5\Omega - i_4 7\Omega + 18V = 0$$



Para la primera malla, recorriendo en sentido horario:

$$-20V - i_2 5\Omega - i_3 5\Omega = 0$$

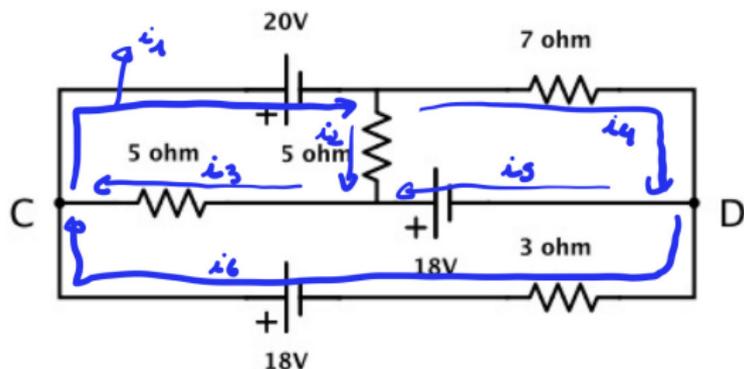
Para la segunda malla, recorriendo en sentido horario:

$$-(-i_2) 5\Omega - i_4 7\Omega + 18V = 0$$

Para la tercera malla, recorriendo en sentido horario:

$$-(-i_3) 5\Omega - 18V - i_6 3\Omega + 18V = 0$$

## PROBLEMA 6



No es posible resolver el sistema de la filmina anterior porque tenemos 3 ecuaciones y 4 incógnitas ( $i_2, i_3, i_4, i_6$ ). Por la ley de Kirchoff sabemos que:

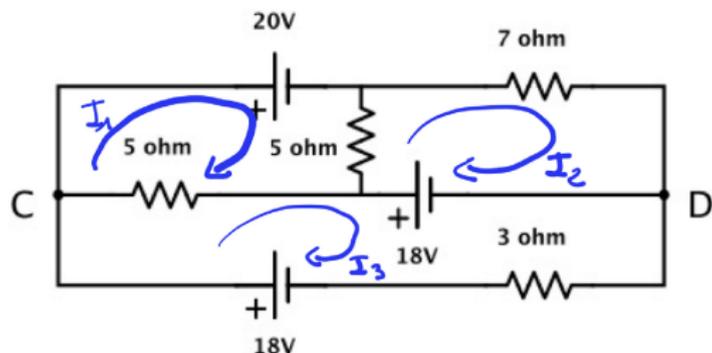
$$i_1 = i_2 + i_4$$

$$i_2 + i_5 = i_3$$

$$i_3 + i_6 = i_1$$

$$i_4 = i_5 + i_6$$

## PROBLEMA 6



Primero voy a escribir las corrientes de rama ( $i_i$ ) en función de las corrientes de malla ( $I_i$ ):

$$i_1 = I_1$$

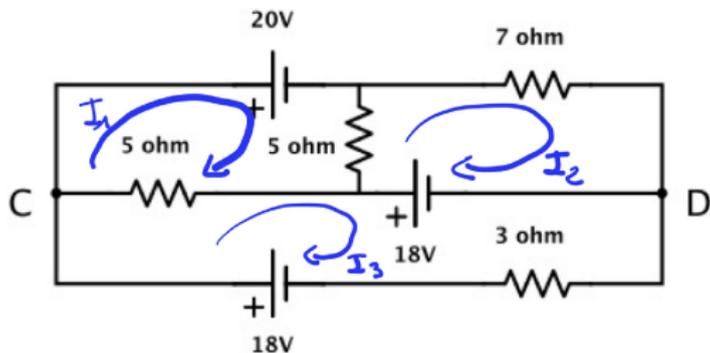
$$i_2 = I_1 - I_2$$

$$i_3 = I_1 - I_3$$

$$i_4 = I_2$$

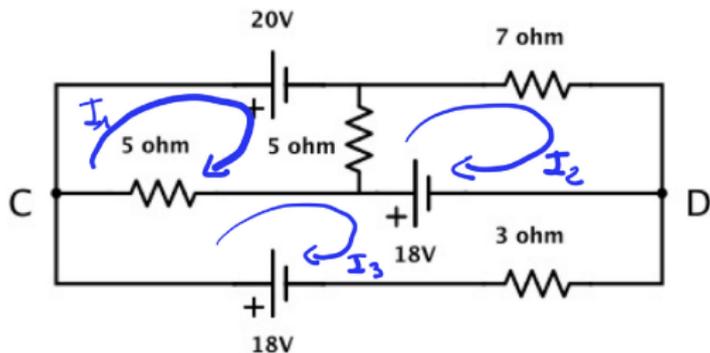
$$i_5 = I_2 - I_3$$

$$i_6 = I_3$$



Ahora voy a escribir las caídas de tensión en cada malla en función de las corrientes de malla **que no son corrientes verdaderas** pero son herramientas útiles para resolver los circuitos. Para la primera malla, puedo escribir:

$$-20V - (I_1 - I_2) 5\Omega - (I_1 - I_3) 5\Omega = 0$$

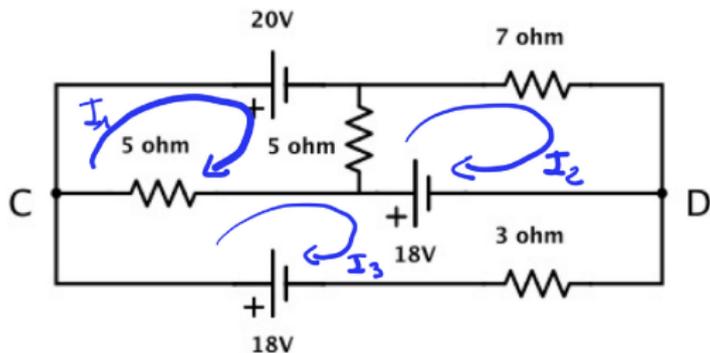


Ahora voy a escribir las caídas de tensión en cada malla en función de las corrientes de malla **que no son corrientes verdaderas** pero son herramientas útiles para resolver los circuitos. Para la primera malla, puedo escribir:

$$-20V - (I_1 - I_2) 5\Omega - (I_1 - I_3) 5\Omega = 0$$

Para la segunda malla recorriendo siempre en sentido horario:

$$-(I_2 - I_1) 5\Omega - I_2 7\Omega + 18V = 0$$



Ahora voy a escribir las caídas de tensión en cada malla en función de las corrientes de malla **que no son corrientes verdaderas** pero son herramientas útiles para resolver los circuitos. Para la primera malla, puedo escribir:

$$-20V - (I_1 - I_2) 5\Omega - (I_1 - I_3) 5\Omega = 0$$

Para la segunda malla recorriendo siempre en sentido horario:

$$-(I_2 - I_1) 5\Omega - I_2 7\Omega + 18V = 0$$

Para la tercera malla puedo escribir:

$$-(I_3 - I_1) 5\Omega - 18V - I_3 3\Omega + 18V = 0$$

## PROBLEMA 6

De esta manera, tenemos 3 ecuaciones con 3 incógnitas. Ordenando un poco las cuentas obtenemos:

$$20V = -10\Omega I_1 + 5\Omega I_2 + 5\Omega I_3$$

$$18V = -5\Omega I_1 + 12\Omega I_2$$

$$0 = 5\Omega I_1 - 8\Omega I_3$$

## PROBLEMA 6

De esta manera, tenemos 3 ecuaciones con 3 incógnitas. Ordenando un poco las cuentas obtenemos:

$$20V = -10\Omega I_1 + 5\Omega I_2 + 5\Omega I_3$$

$$18V = -5\Omega I_1 + 12\Omega I_2$$

$$0 = 5\Omega I_1 - 8\Omega I_3$$

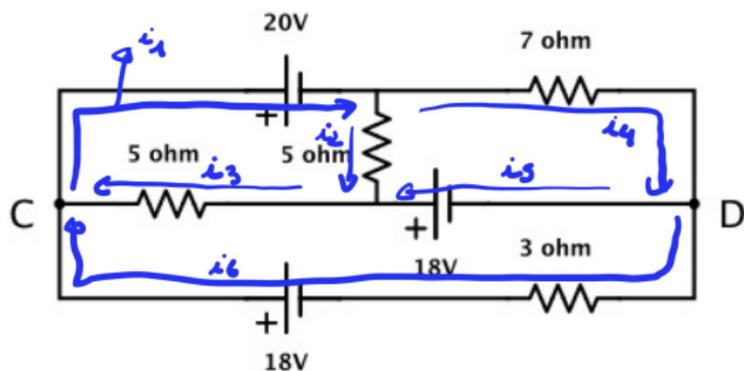
De esta manera obtenemos las corrientes de malla:

$$I_1 = -\frac{60}{23} \text{ A} \qquad I_2 = \frac{19}{46} \text{ A} \qquad I_3 = -\frac{75}{46} \text{ A}$$

y las corrientes de rama:

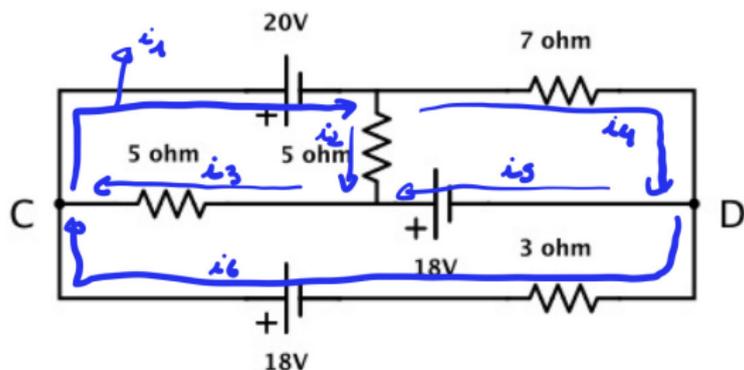
$$i_1 = -\frac{60}{23} \text{ A} \qquad i_2 = -\frac{139}{46} \text{ A} \qquad i_3 = -\frac{45}{46} \text{ A}$$
$$i_4 = \frac{19}{46} \text{ A} \qquad i_5 = \frac{47}{23} \text{ A} \qquad i_6 = -\frac{75}{46} \text{ A}$$

## PROBLEMA 6



$$\Delta V_{CD} = V_D - V_C = i_3 5\Omega - 18V = \frac{1053}{46}V$$

## PROBLEMA 6

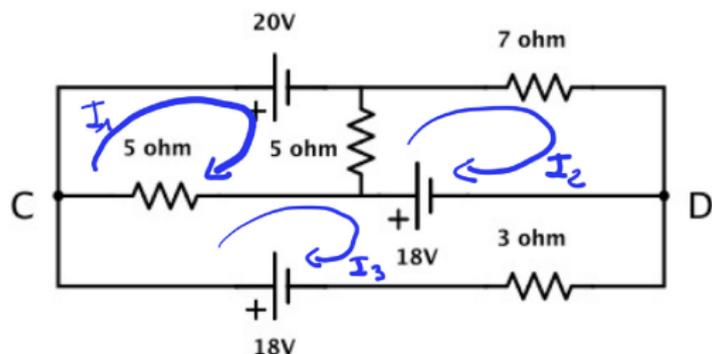


$$\Delta V_{CD} = V_D - V_C = i_3 5\Omega - 18V = \frac{1053}{46}V$$

Por otra parte la potencia disipada en la resistencia de  $5\Omega$  (entre C y la fuente de 18 V) es:

$$P = i_3^2 5\Omega = 4,78 \text{ Watt}$$

## PROBLEMA 6



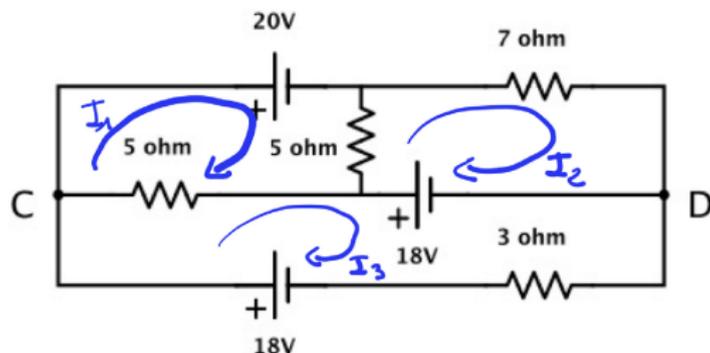
Si se coloca un amperímetro en serie con la batería de  $20V$  y la resistencia del mismo es  $1\Omega$ , la ecuaciones serán:

$$-20V - 1\Omega I_1 - (I_1 - I_2) 5\Omega - (I_1 - I_3) 5\Omega = 0$$

$$-(I_2 - I_1) 5\Omega - I_2 7\Omega + 18V = 0$$

$$-(I_3 - I_1) 5\Omega - 18V - I_3 3\Omega + 18V = 0$$

## PROBLEMA 6



Si el amperímetro está en serie con la resistencia de  $3\Omega$ , la ecuaciones serán:

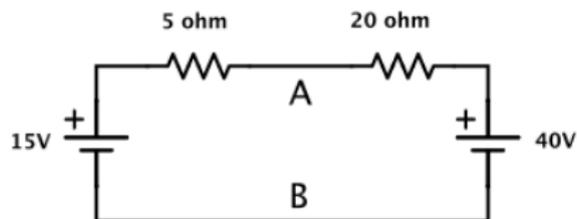
$$\begin{aligned} -20V - (I_1 - I_2) 5\Omega - (I_1 - I_3) 5\Omega &= 0 \\ -(I_2 - I_1) 5\Omega - I_2 7\Omega + 18V &= 0 \\ -(I_3 - I_1) 5\Omega - 18V - I_3 3\Omega - I_3 1\Omega + 18V &= 0 \end{aligned}$$

# TEOREMA DE THEVENIN

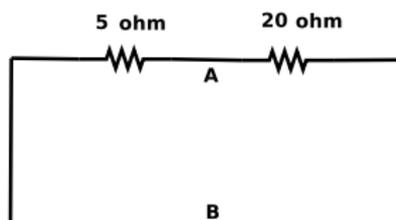
El teorema de Thevenin establece que si una parte de un circuito eléctrico está comprendida entre dos terminales A y B, esta parte puede sustituirse por un circuito equivalente compuesto por una fuente y una resistencia a las que llamaremos  $V_{AB}^{eq}$  y  $R_{eq}$ :

- La resistencia equivalente  $R_{eq}$  es la resistencia equivalente entre A y B sustituyendo donde hay fuentes por un cable (cortocircuitando las fuentes).
- La fuente equivalente  $V_{eq}$  es la caída de tensión entre A y B a circuito abierto.

## PROBLEMA 8



En este circuito, reemplazar las fuentes por cables, nos lleva al siguiente circuito:

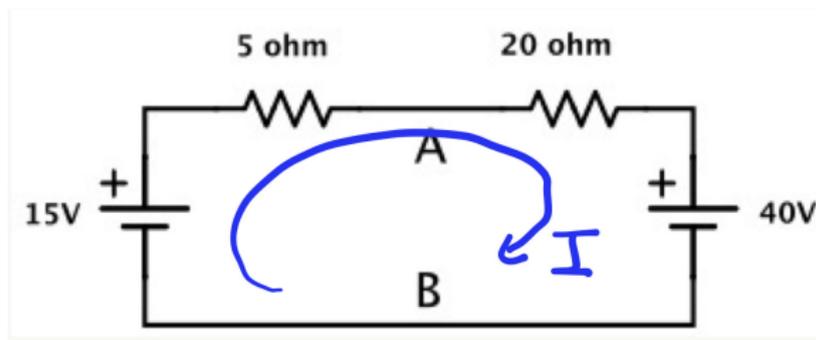


La  $R_{eq}$  la podemos calcular de la siguiente manera:

$$R_{eq} = \left( \frac{1}{5\Omega} + \frac{1}{20\Omega} \right)^{-1} = 4\Omega$$

## PROBLEMA 8

Ahora vamos a calcular la fuente equivalente  $V_{AB}^{eq}$ .



Como el circuito tiene una sola malla es facil ver que la corriente que circula se puede calcular a partir de la siguiente ecuación:

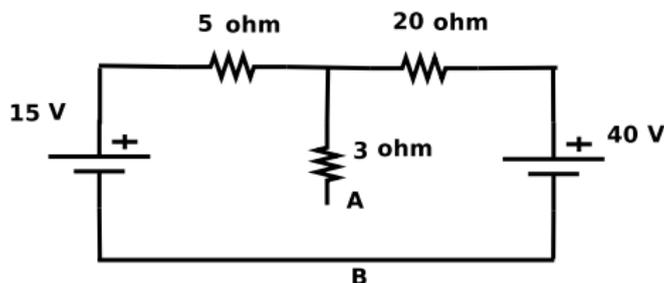
$$15V - I(5\Omega + 20\Omega) - 40V = 0$$

Con lo cual se obtiene que :  $I = -1$  A. Entonces

$$\begin{aligned} V_{AB}^{eq} &= 15V + 5\Omega 1A = 20V \\ &= 40V - 20\Omega 1A = 20V \end{aligned}$$

## ACLARACIÓN IMPORTANTE

Supongamos que el circuito que nos presentan es el siguiente:



En este caso, como tenemos que calcular la  $V_{AB}^{eq}$  a circuito abierto, NO circula corriente por la resistencia de  $3\Omega$  y por lo tanto la  $V_{AB}^{eq}$  es la misma que en el caso del circuito anterior. No así la  $R_{eq}$ , que se calcula de la siguiente manera:

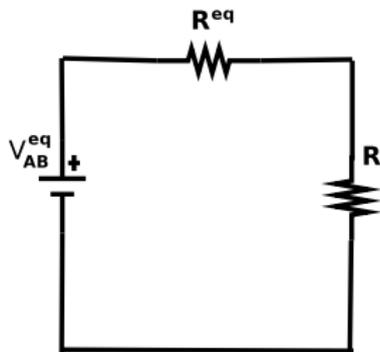
$$R_{eq} = 3\Omega + \left( \frac{1}{5\Omega} + \frac{1}{20\Omega} \right)^{-1} = 7\Omega$$

## PROBLEMA 8

Volviendo al Problema 8, se pide determinar la potencia suministrada a una resistencia que se conecta entre A y B si su valor es: (i)  $R_1 = 1\Omega$ .

Primero

tenemos que calcular la corriente que circula por **este circuito**:



$$V_{AB}^{eq} - IR_{eq} - IR = 0$$

Por lo tanto se obtiene:

$$I = \frac{V_{AB}^{eq}}{R_{eq} + R} = \frac{20V}{4\Omega + 1\Omega} = 4A$$

Y ahora calculamos la potencia disipada por la resistencia:

$$P = I^2 R = (4A)^2 1\Omega = 16 \text{ Watt}$$

Finalmente, para que la potencia transferida sea máxima, la resistencia debe ser igual a  $R_{eq}$ , en este caso  $4\Omega$