

## Física Teórica 2 (2013 - 2C)

### Segundo Parcial

**P1.** (4 pts.) Considere el átomo de hidrógeno con un electrón en la capa  $2p$  con proyección del momento angular  $m = 0$ . A tiempo  $t = 0$  se enciende una perturbación que entra en el Hamiltoniano como  $V = \alpha(1 - e^{-\lambda t})[x + \beta(x^2 - y^2)]$ .

a) Considerando los tensores irreducibles  $T_{\pm 1}^{(1)} = \mp \frac{1}{\sqrt{2}}(x \pm iy)$ . Evalúe  $T_{\pm 2}^{(2)} = T_{\pm 1}^{(1)}T_{\pm 1}^{(1)}$  y justifique por qué son tensores irreducibles de segundo orden.

b) ¿Cuáles son los estados  $|n', l', m'\rangle$  que podrían estar ocupados en el instante  $t$ ? (considere una respuesta válida dentro del primer orden en teoría de perturbaciones).

c) Halle el cociente entre las amplitudes de transición al tiempo  $t$  correspondientes a  $|2, 1, 0\rangle \rightarrow |3, 2, 1\rangle$  y  $|2, 1, 0\rangle \rightarrow |3, 2, -1\rangle$ . (¿Importa el término proporcional a  $\beta$ ?).

d) Halle en función del tiempo la probabilidad de transición  $|2, 1, 0\rangle \rightarrow |3, 2, 2\rangle$  en función del elemento de matriz  $q = \langle 3, 2, 1 | T_0^{(2)} | 2, 1, 1 \rangle$ , siendo  $T_0^{(2)}$  la componente 0 del tensor de rango dos cuyas componentes  $\pm 2$  se definen en el punto a).

**Ayuda:** A primer orden la amplitud de transición viene dada por,

$$c_{fi}^{(1)}(t) = -\frac{i}{\hbar} \int_0^t dt' \langle f | V(t') | i \rangle e^{i(E_f - E_i)t'/\hbar}$$

**P2.** (3 pts.) La función de onda  $s$  ( $l = 0$ ) de dispersión en un cierto potencial es:

$$r\Psi_{k0}(r) = \sin[kr] + \frac{b^2 - a^2}{b^2 + k^2} \frac{k \sinh(br) \cos(kr) - b \cosh(br) \sin(kr)}{b \cosh(br) + a \sinh(br)}$$

a) Calcular el desfase  $\delta_0$ .

b) Calcule la longitud de dispersión  $a_0$  y el rango efectivo  $r_0$ . Recuerde que:  $k \cot(\delta_0) \rightarrow -\frac{1}{a_0} + \frac{1}{2}k^2 r_0$  cuando  $k \rightarrow 0$ .

c) Calcule la sección eficaz total en el límite de bajas energías.

**P3.** (3 pts.) Dos partículas idénticas de *spin*  $1/2$  se mueven en un potencial armónico de frecuencia  $w$ , con autofunciones  $\phi_n(x) = \langle x | n \rangle$  y autoenergías  $E_n = \hbar w(n + 1/2)$ .

a) Para el estado fundamental escriba la función de onda espacial  $\psi(x_1, x_2)$  y determine su energía.

b) Repita el ítem del punto anterior para el primer estado excitado cuando las partículas se encuentran en el estado singlete de spin y en el caso en que se encuentren en el estado triplete de spin.

c) Suponga ahora que las partículas interactúan entre sí a través de la interacción:  $V(x_1, x_2) = \lambda(x_1 - x_2)^2$ . Calcule la corrección en primer orden de la teoría de perturbaciones a la energía del estado fundamental y del primer estado excitado, tanto para el caso singlete como para el triplete.