

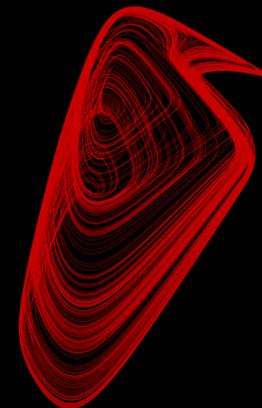
Fisica y Musica

Gabriel Mindlin

gabo@df.uba.ar, gabo.mindlin@gmail.com

www.lsd.df.uba.ar

Vos, usted, Gabriel Gabo o profe.



Fisica y Musica

Gabriel Mindlin

gabo@df.uba.ar, gabo.mindlin@gmail.com

www.lsd.df.uba.ar

Vos, usted, Gabriel Gabo o profe.

Auxiliares

JTP. Fede Sevlever

Ayudante. Lean Fernandez

Objetivos:

Estudiar el fenomeno musical desde la perspectiva de la fisica
(en un sentido amplio: se mete por ahi la neurociencia computacional)

Generar un espacio academico para que puedan explorar un tema que
queremos mucho, desde la perspectiva de lo que aprendemos en la carrera

Objetivos:

Estudiar el fenomeno musical desde la perspectiva de la fisica
(en un sentido amplio: se mete por ahi la neurociencia computacional)

Generar un espacio academico para que puedan explorar un tema que
queremos mucho, desde la perspectiva de lo que aprendemos en la carrera

Regimen de aprobacion:

1. Cursada: entrega **individual** de la carpeta de ejercicios resueltos
2. Final: presentacion de un proyecto original, en **equipo**.

Explicaciones en las practicas

1. Software para el analisis de sonido, Praat
2. Integracion de ecuaciones diferenciales ordinarias, Pyhton
3. Teoria de bifurcaciones, nacimiento de oscilaciones en sistemas no lineales
4. De las peliculas a los espacios de fase.

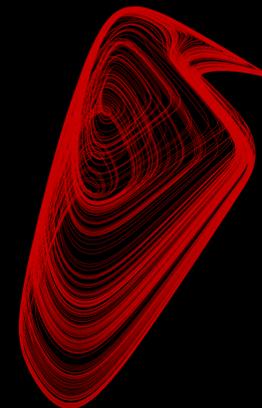
Invitados especiales

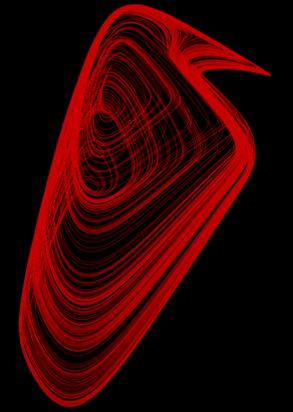


Hugo Dominguez

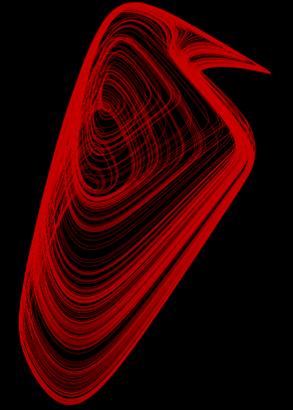


Jonatan Szer





Claro que es musica



Claro que es musica

Aunque estos primeros segundos, ya nos plantean un desafio.

Solemos hacer musica con notas, "discretizando el espectro"

“No es tan difícil: hay que entrar a tiempo
Y tocar la nota que va”

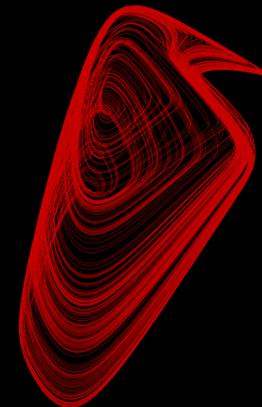
Maestro al que no mandare al frente

Pese a lo laconico, hay cosas muy interesante en la frase

1. la musica se desarrolla en dos variables discretizadas:

- discretizacion temporal
- discretizacion en el espacio de frecuencias

2. En el marco de una actividad coordinada



¿Por que usamos **notas**?

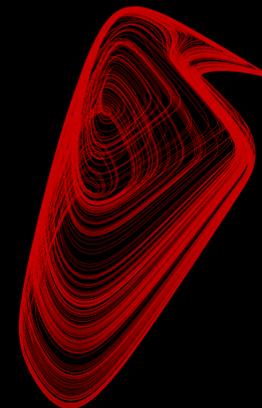
¿Cuantas notas hay?

¿Cuales son?

¿Hay razones fisicas para elegir unas y no otras?

¿Son elecciones arbitrarias?

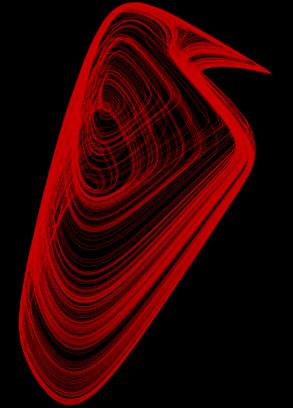
¿Son elecciones esteticas? ¿Culturales?



¿Por que se repite el patron de notas cada 12?

¿Por que blancas y negras?

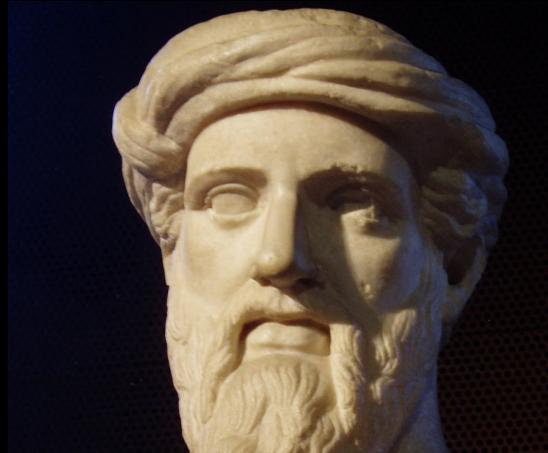
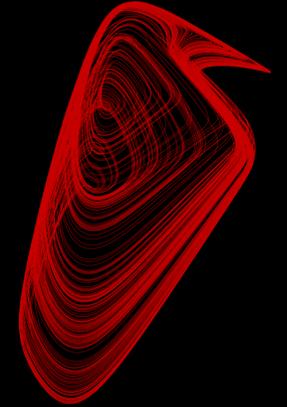
¿Por que las negras agrupadas de a dos y tres?



Por que este modo extraño de modificar el instrumento para tocar un re?

Comencemos por el principio:

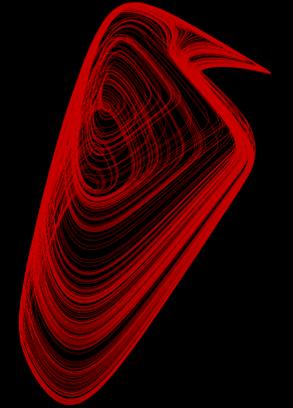
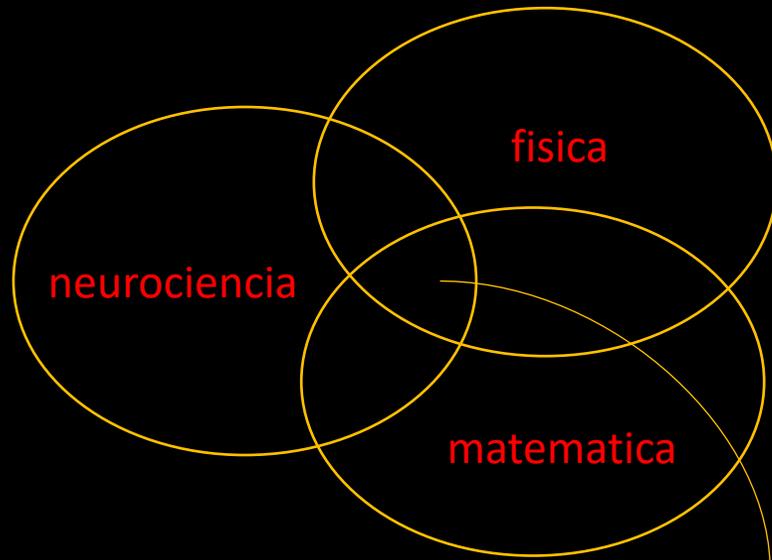
primera ley del mundo natural
expresada en lenguaje matematico



Pitagoras (570-490 AC)



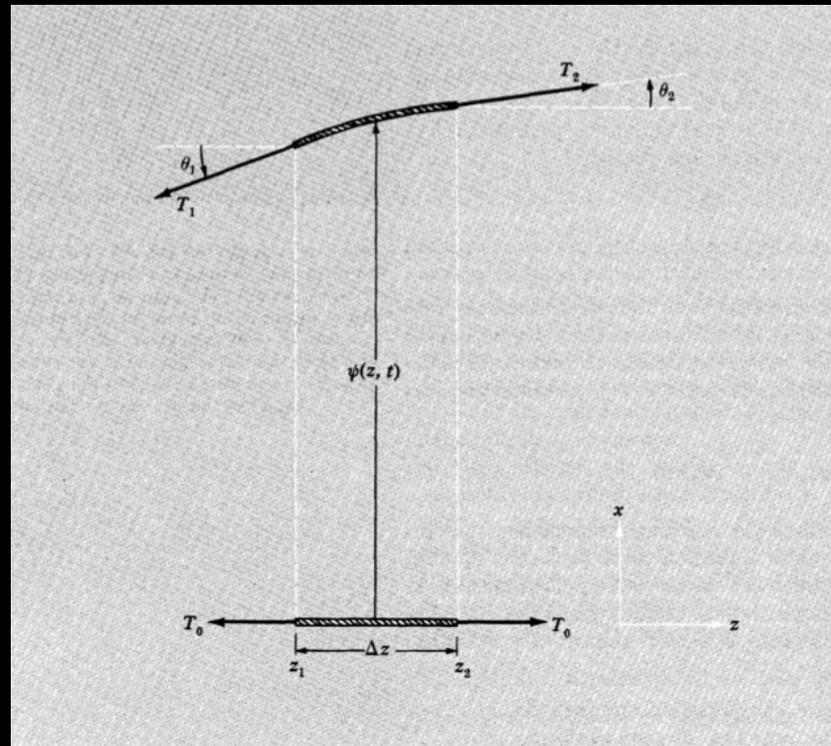
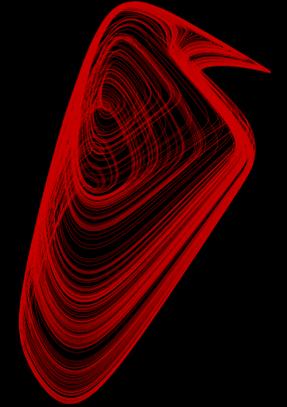
Estas dos cuerdas, tocadas simultaneamente,
suenan bien al oido humano



Estas dos cuerdas, tocadas simultaneamente,
suenan bien

repaso

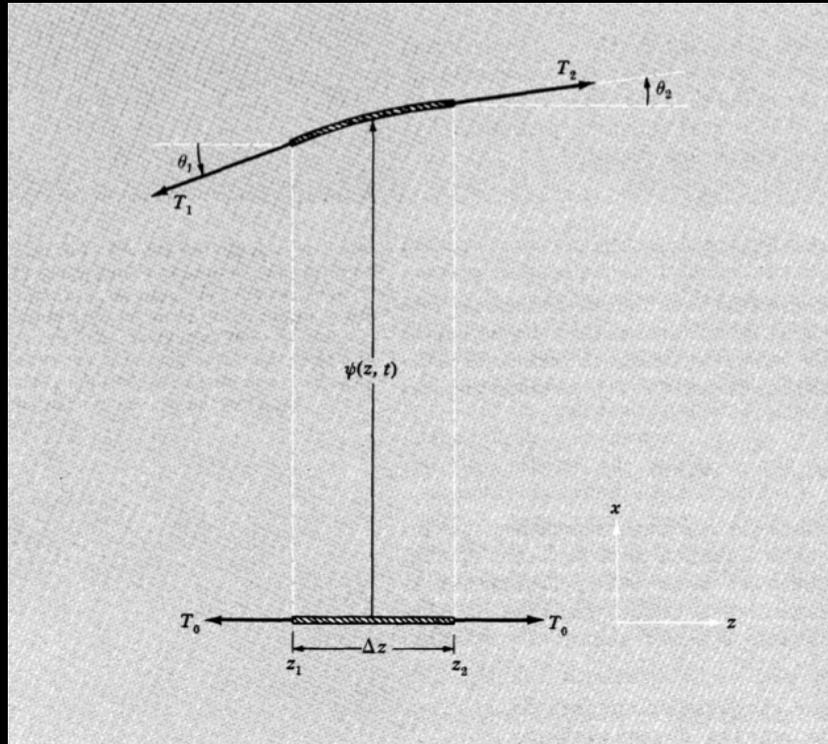
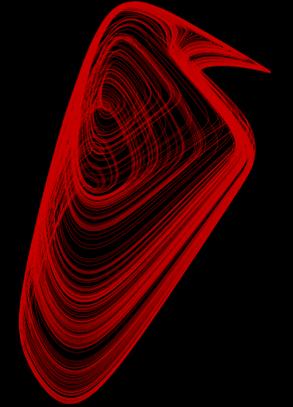
Para avanzar en la comprensión del por que, vamos a repasar
La física detras de las oscilaciones de una cuerda.



$$F_x(t) = T_2 \sin(\theta_2) - T_1 \sin(\theta_1)$$

repaso

Para avanzar en la comprensión del por que, vamos a repasar
La física detras de las oscilaciones de una cuerda.



$$F_x(t) = T_2 \sin(\theta_2) - T_1 \sin(\theta_1)$$

$$F_x(t) = T_2 \tan(\theta_2) \cos(\theta_2) - T_1 \tan(\theta_1) \cos(\theta_1)$$

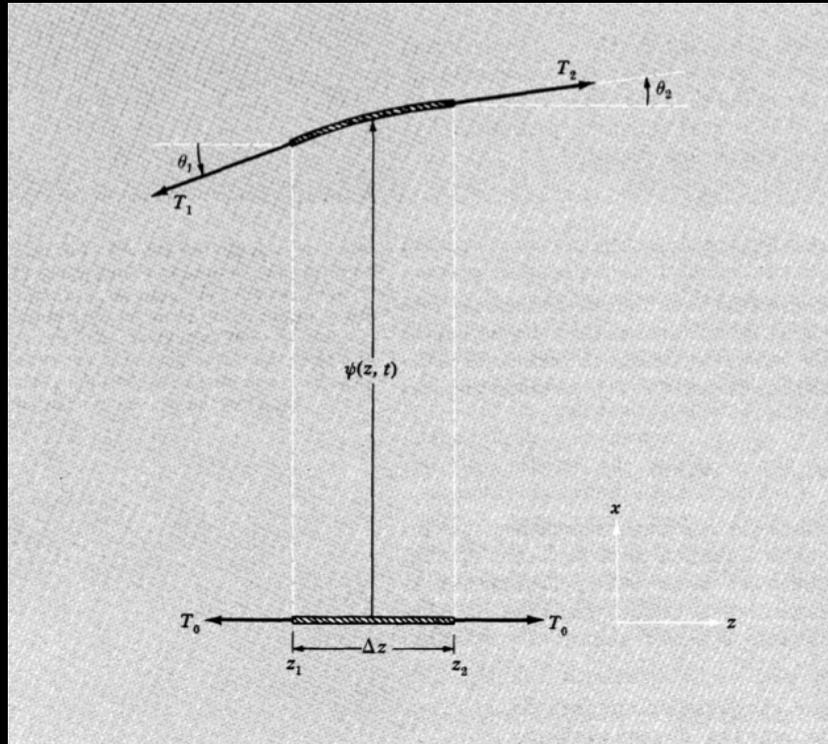
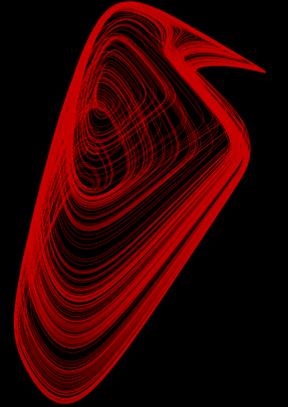
$$= T_0 \tan(\theta_2) - T_0 \tan(\theta_1)$$

(por cuanto mas estirada la cuerda al
estar fuera del equilibrio:

$$T_i = T_0 / \cos(\theta_i))$$

repaso

Para avanzar en la comprensión del por que, vamos a repasar
La física detras de las oscilaciones de una cuerda.



$$F_x(t) = T_2 \tan(\theta_2) \cos(\theta_2) - T_1 \tan(\theta_1) \cos(\theta_1)$$

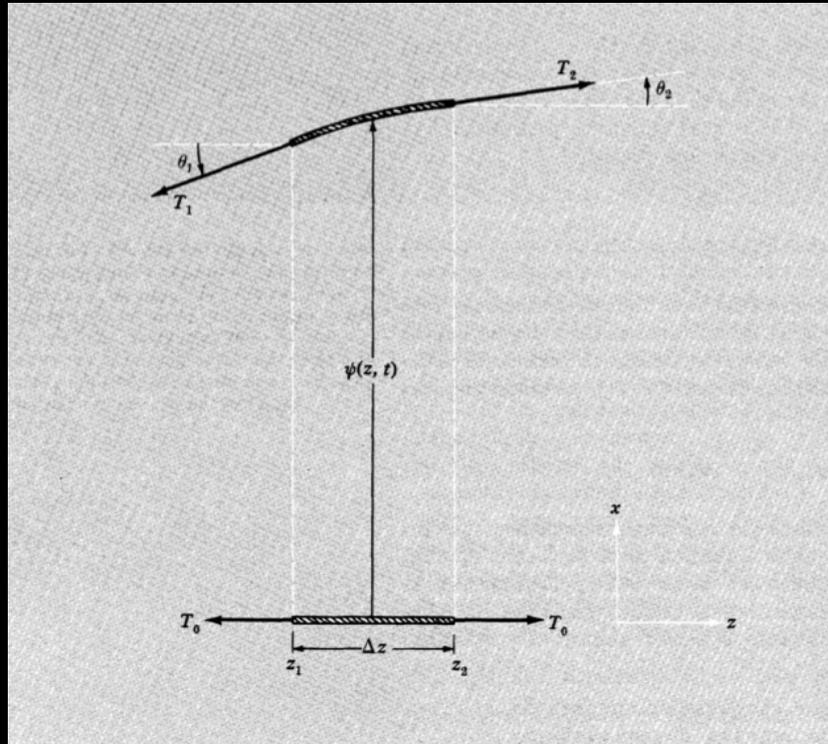
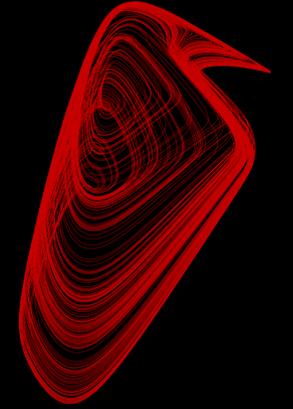
$$= T_0 \tan(\theta_2) - T_0 \tan(\theta_1)$$

$$= T_0 \left(\frac{\partial \psi}{\partial z} \right)_2 - T_0 \left(\frac{\partial \psi}{\partial z} \right)_1 \sim T_0 \Delta z \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2}$$

haciendo una expansion de Taylor

repaso

Para avanzar en la comprensión del por que, vamos a repasar
La fisica detras de las oscilaciones de una cuerda.



$$F_x(t) = T_2 \tan(\theta_2) \cos(\theta_2) - T_1 \tan(\theta_1) \cos(\theta_1)$$

$$= T_0 \tan(\theta_2) - T_0 \tan(\theta_1)$$

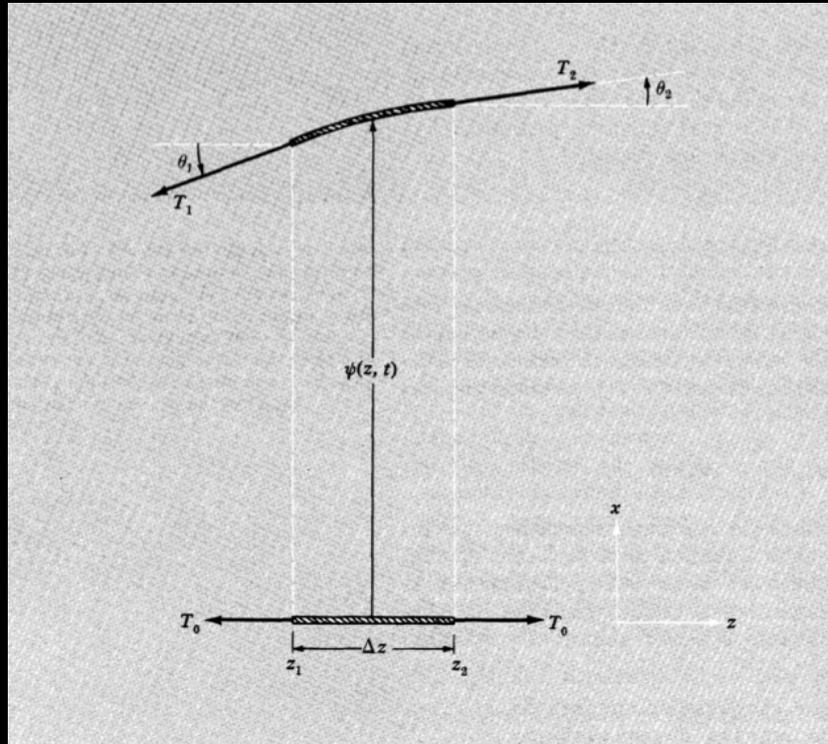
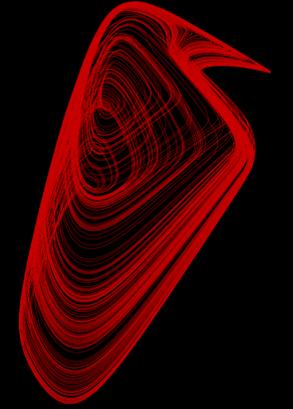
$$= T_0 \left(\frac{\partial \psi}{\partial z} \right)_2 - T_0 \left(\frac{\partial \psi}{\partial z} \right)_1 \sim T_0 \Delta z \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2}$$

$$\rho_0 \Delta z \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = T_0 \Delta z \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2}$$

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = \frac{T_0}{\rho_0} \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2}$$

repaso

Para avanzar en la comprensión del por que, vamos a repasar
La fisica detras de las oscilaciones de una cuerda.



$$F_x(t) = T_2 \tan(\theta_2) \cos(\theta_2) - T_1 \tan(\theta_1) \cos(\theta_1)$$

$$= T_0 \tan(\theta_2) - T_0 \tan(\theta_1)$$

$$= T_0 \left(\frac{\partial \psi}{\partial z} \right)_2 - T_0 \left(\frac{\partial \psi}{\partial z} \right)_1 \sim T_0 \Delta z \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2}$$

$$\rho_0 \Delta z \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = T_0 \Delta z \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2}$$

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2} = \frac{T_0}{\rho_0} \frac{\partial^2 \psi}{\partial z^2}$$

repaso

Las soluciones de esta ecuacion, (recordar separacion de variables en ecs lineales)

$$\varphi(z, t) = \cos(\omega t + \varphi) \left(A \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right) + B \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right) \right)$$

repaso

$$\varphi(z, t) = \cos(\omega t + \varphi) \left(A \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right) + B \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right) \right)$$

Que al plantear las condiciones de contorno,
(desviación cero en 0 y en L), nos da:

$$\varphi(z, t) = A \cos(\omega t + \varphi) \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right)$$

con

$$\frac{2\pi}{\lambda_n} L = \pi, 2\pi, 3\pi, \dots, n\pi, \dots$$

repaso

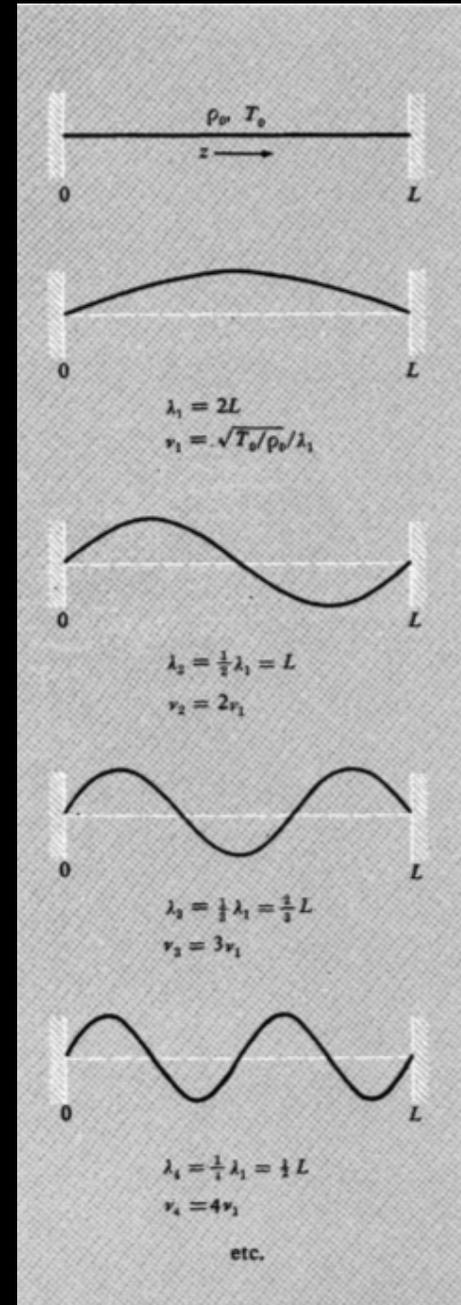
$$\varphi(z, t) = \cos(\omega t + \varphi) \left(A \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right) + B \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right) \right)$$

Que al plantear las condiciones de contorno, (desviación cero en 0 y en L), nos da:

$$\varphi(z, t) = A \cos(\omega t + \varphi) \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right)$$

con

$$\frac{2\pi}{\lambda_n} L = \pi, 2\pi, 3\pi, \dots, n\pi, \dots$$



repaso

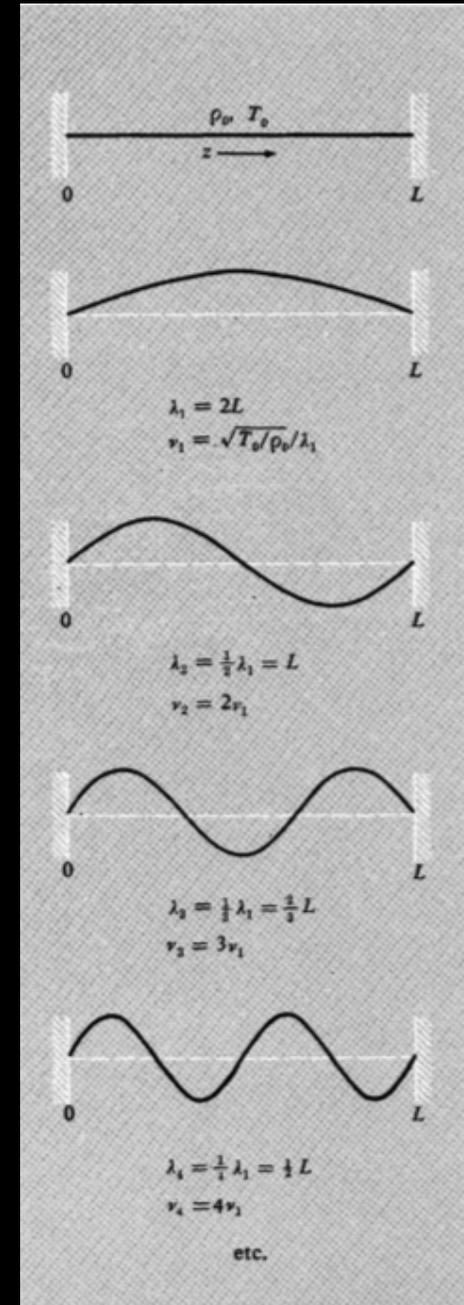
$$\varphi(z, t) = \cos(\omega t + \varphi) \left(A \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right) + B \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right) \right)$$

Que al plantear las condiciones de contorno, (desviación cero en 0 y en L), nos da:

$$\varphi(z, t) = A \cos(\omega t + \varphi) \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right)$$

con

$$\frac{2\pi}{\lambda_n} L = \pi, 2\pi, 3\pi, \dots, n\pi, \dots$$



repaso

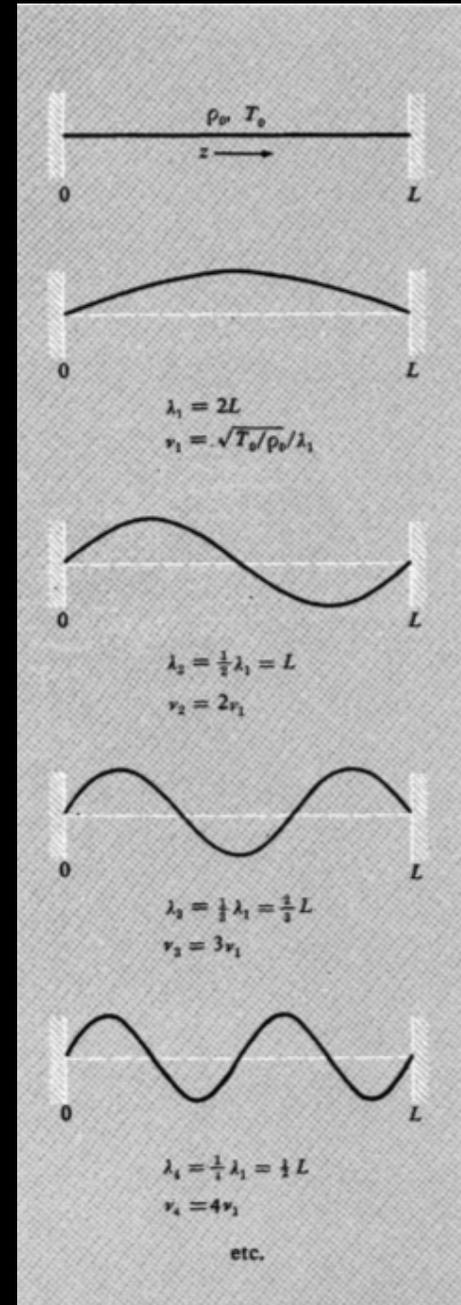
$$\varphi(z, t) = \cos(\omega t + \varphi) \left(A \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right) + B \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right) \right)$$

Al plantear que esto debe cumplir la ecuación diferencial,
Además se establece una relación entre los λ_n y las $\omega = \omega_n$

$$\left(\frac{2\pi}{\lambda_n}\right)^2 = \omega_n^2 \left(\frac{\rho_0}{T_0}\right)$$

$$\lambda v = \text{constante}$$

Esto genera las relaciones armónicas entre las frecuencias,
que para cuerdas reales como las de violín o piano son
aproximaciones razonables.



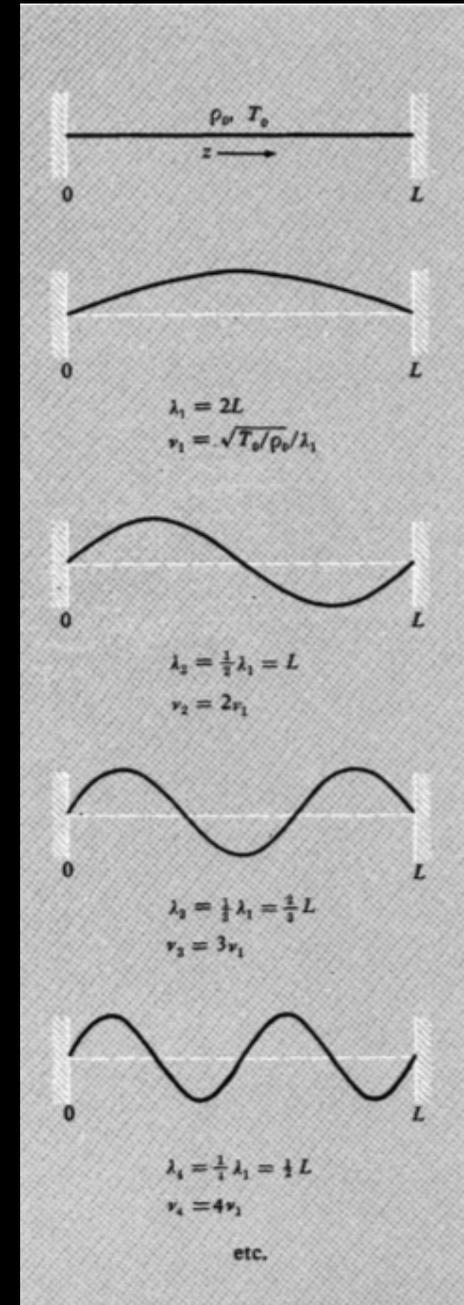
repaso

$$\varphi(z, t) = \cos(\omega t + \varphi) \left(A \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right) + B \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} z\right) \right)$$

Al plantear que esto debe cumplir la ecuación diferencial,
Además se establece una relación entre los λ_n y las $\omega = \omega_n$

$$\left(\frac{2\pi}{\lambda_n}\right)^2 = \omega_n^2 \left(\frac{\rho_0}{T_0}\right)$$

$$\lambda v = \text{constante}$$



v_1

$2v_1$

$3v_1$

$4v_1$

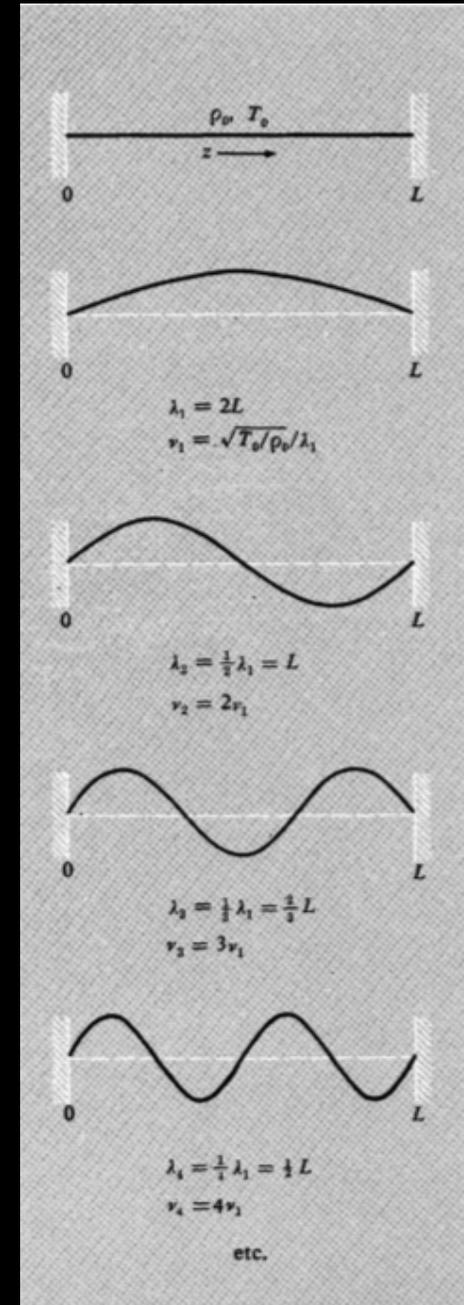


Una particion posible del espectro...

Un tema mas a repasar
antes de volver a la
observacion de Pitagoras...

El estado de movimiento mas general de una
cuerda continua uniforme puede describirse como
una superposicion de estos modos, con amplitudes
 A_1, A_2, \dots y fases $\varphi_1, \varphi_2, \dots$

$$\varphi(z, t) = A_1 \sin(k_1) \cos(\omega_1 t + \varphi_1) + A_2 \sin(k_2) \cos(\omega_2 t + \varphi_2) + \dots$$



Un tema mas a repasar
antes de volver a la
observacion de Pitagoras...

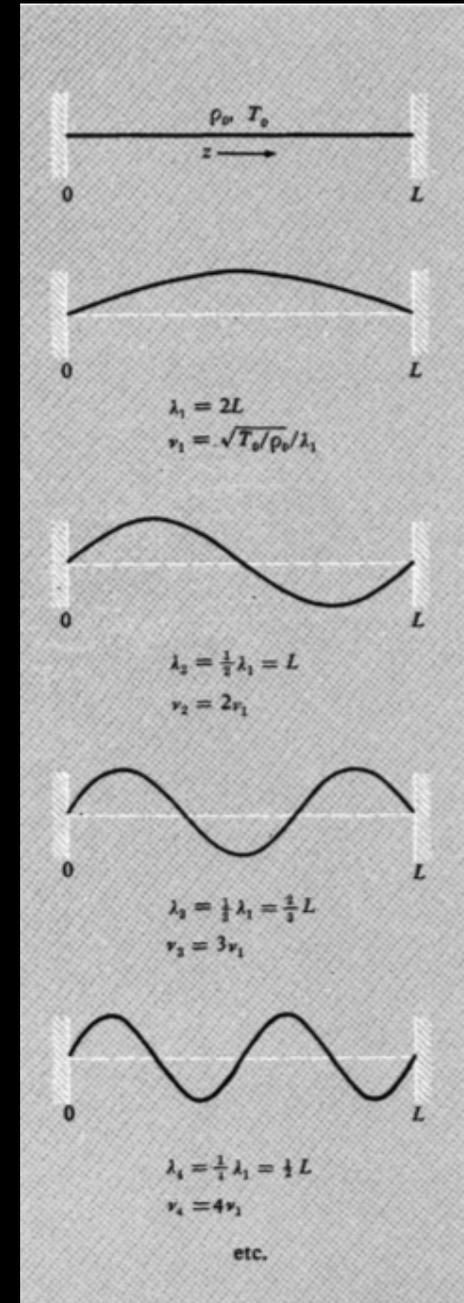
El estado de movimiento mas general de una
cuerda continua uniforme puede describirse como
una superposicion de estos modos, con amplitudes
 A_1, A_2, \dots y fases $\varphi_1, \varphi_2, \dots$

$$\varphi(z, t) = A_1 \sin(k_1) \cos(\omega_1 t + \varphi_1) + A_2 \sin(k_2) \cos(\omega_2 t + \varphi_2) + \dots$$

Y si partimos de $t=0$ con una deformacion
estacionaria $f=f(z)$. (velocidad nula)

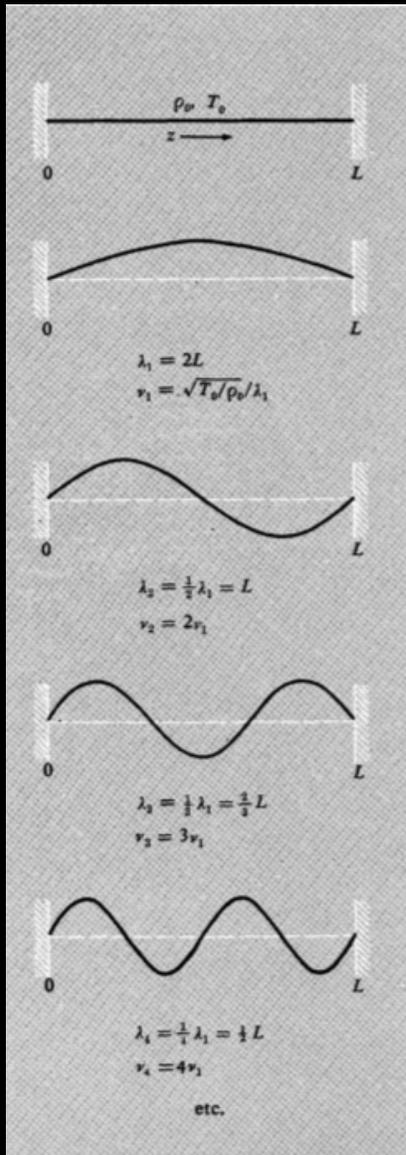
$$\varphi(z, t) = A_1 \sin(k_1) \cos(\omega_1 t) + A_2 \sin(k_2) \cos(\omega_2 t) + \dots$$

$$\varphi(z, 0) = A_1 \sin(k_1) + A_2 \sin(k_2) + \dots$$



Ya volveremos sobre el calculo de los coeficientes A_i , pero por ahora señalemos, a tono con la observacion Pitagorica,

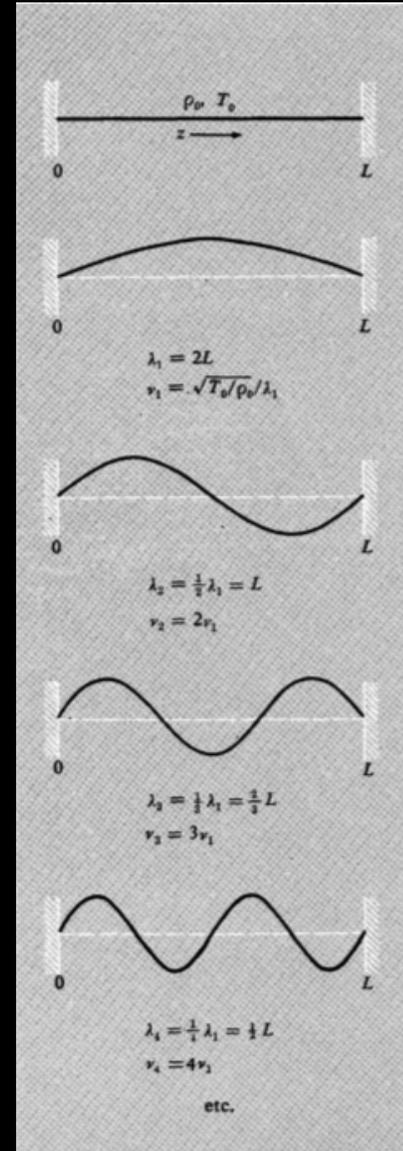
A_1



= 0



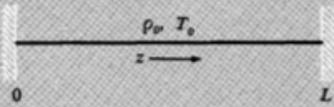
A'_1



= 0



A_1



$$\lambda_1 = 2L$$

$$v_1 = \sqrt{T_0/\rho_0}/\lambda_1$$

A_2



$$\lambda_2 = \frac{1}{2}\lambda_1 = L$$

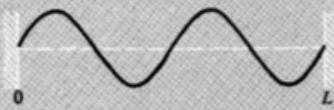
$$v_2 = 2v_1$$

A_3



$$\lambda_3 = \frac{1}{3}\lambda_1 = \frac{2}{3}L$$

$$v_3 = 3v_1$$



$$\lambda_4 = \frac{1}{4}\lambda_1 = \frac{1}{2}L$$

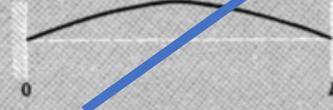
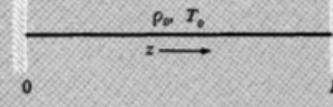
$$v_4 = 4v_1$$

etc.

0

L

$A'_1 = 0$



$$\lambda_1 = 2L$$

$$v_1 = \sqrt{T_0/\rho_0}/\lambda_1$$

A'_2



$$\lambda_2 = \frac{1}{2}\lambda_1 = L$$

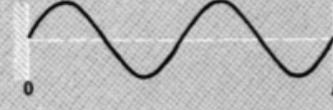
$$v_2 = 2v_1$$

$A'_3 = 0$



$$\lambda_3 = \frac{1}{3}\lambda_1 = \frac{2}{3}L$$

$$v_3 = 3v_1$$



$$\lambda_4 = \frac{1}{4}\lambda_1 = \frac{1}{2}L$$

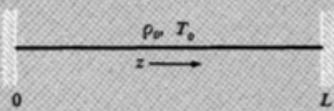
$$v_4 = 4v_1$$

etc.

0

L/2

A_1



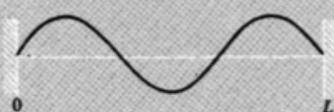
$\lambda_1 = 2L$
 $v_1 = \sqrt{T_0/\rho_0/\lambda_1}$

A_2



$\lambda_2 = \frac{1}{2}\lambda_1 = L$
 $v_2 = 2v_1$

A_3

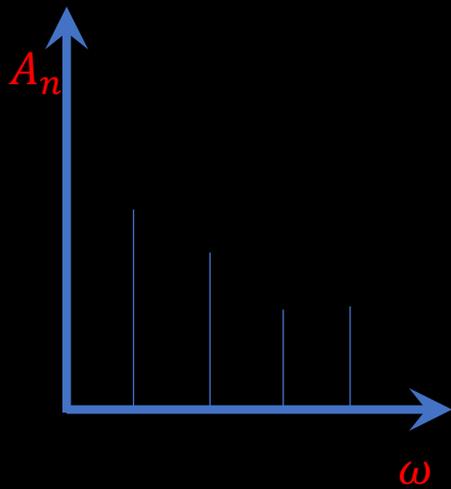


$\lambda_3 = \frac{1}{3}\lambda_1 = \frac{2}{3}L$
 $v_3 = 3v_1$

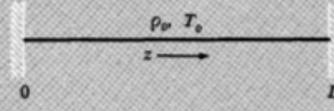


$\lambda_4 = \frac{1}{4}\lambda_1 = \frac{1}{2}L$
 $v_4 = 4v_1$

etc.



$A'_1 = 0$



$\lambda_1 = 2L$
 $v_1 = \sqrt{T_0/\rho_0/\lambda_1}$

$A'_2 = 0$



$\lambda_2 = \frac{1}{2}\lambda_1 = L$
 $v_2 = 2v_1$

$A'_3 = 0$

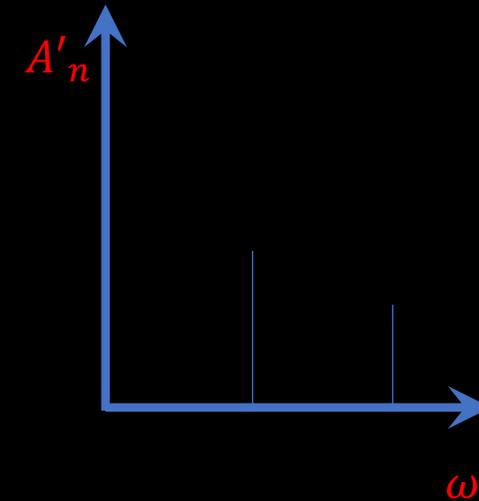


$\lambda_3 = \frac{1}{3}\lambda_1 = \frac{2}{3}L$
 $v_3 = 3v_1$

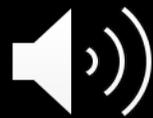


$\lambda_4 = \frac{1}{4}\lambda_1 = \frac{1}{2}L$
 $v_4 = 4v_1$

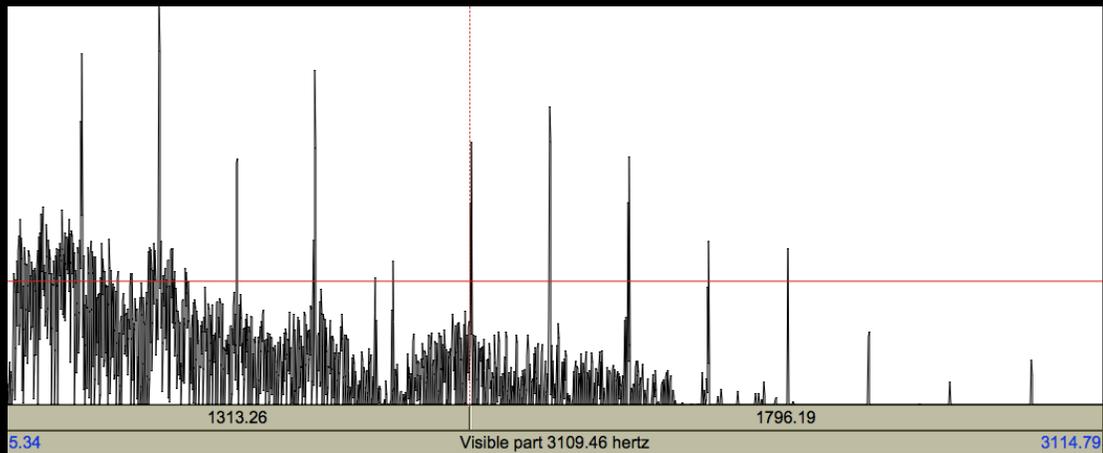
etc.



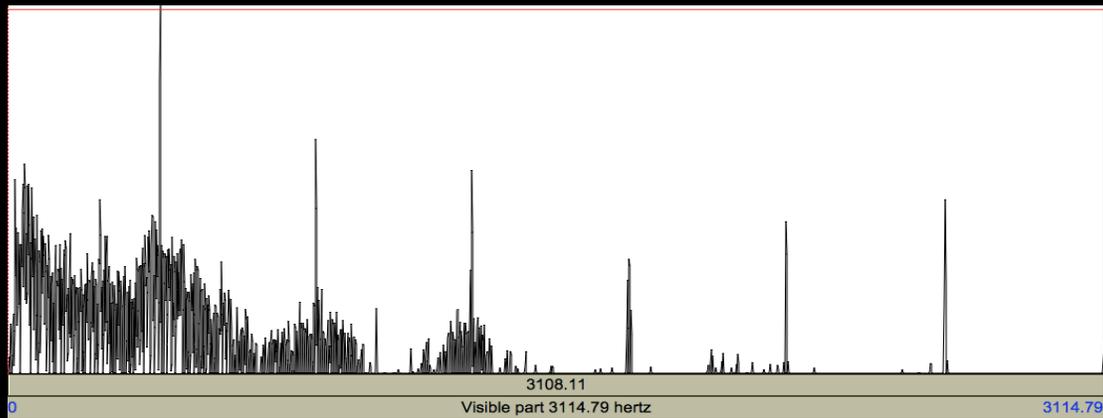
Las frecuencias presentes
Son un subconjunto de
Frecuencias que ya detectamos



$F(\omega)$



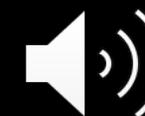
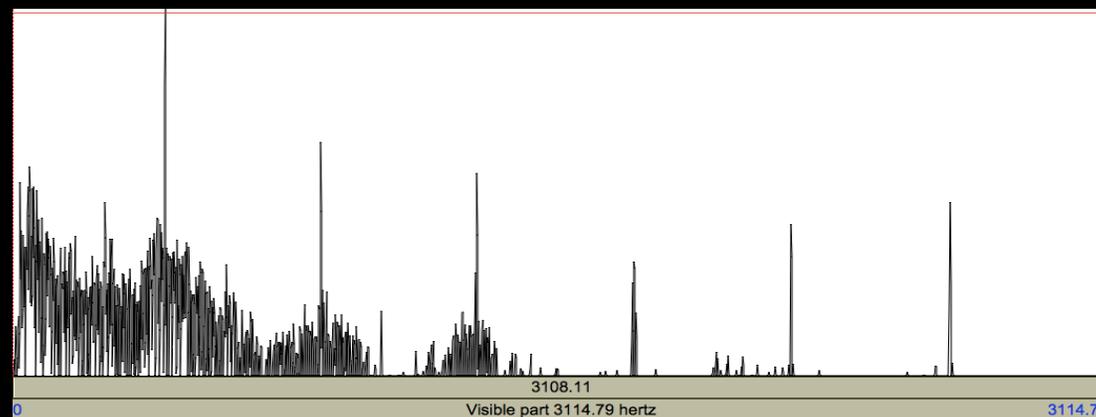
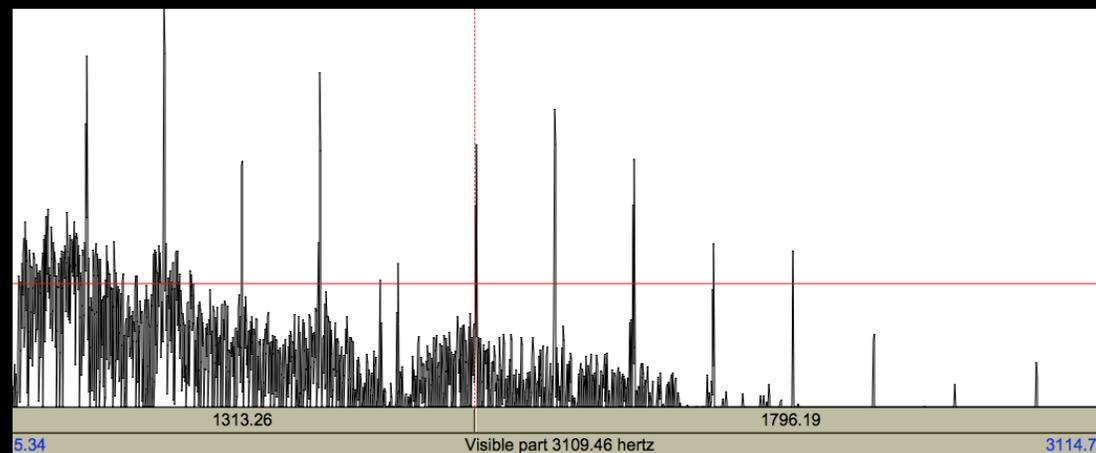
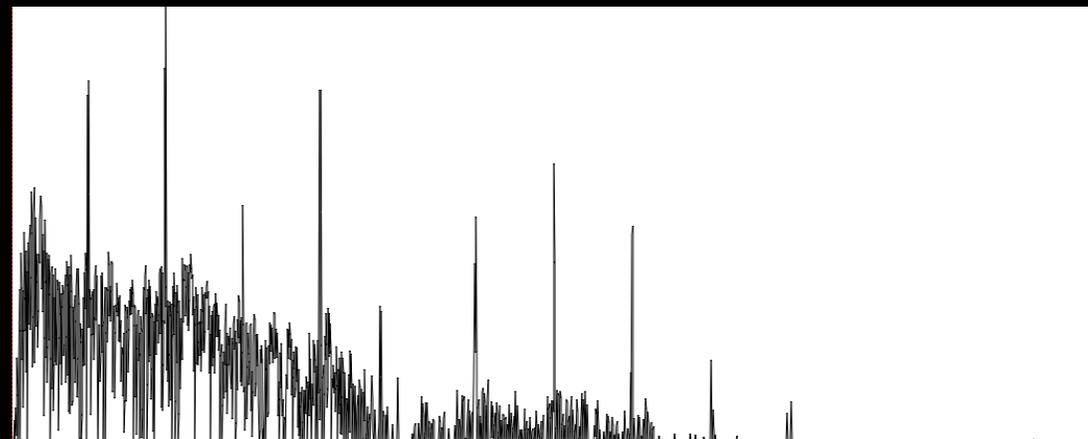
$F(\omega)$



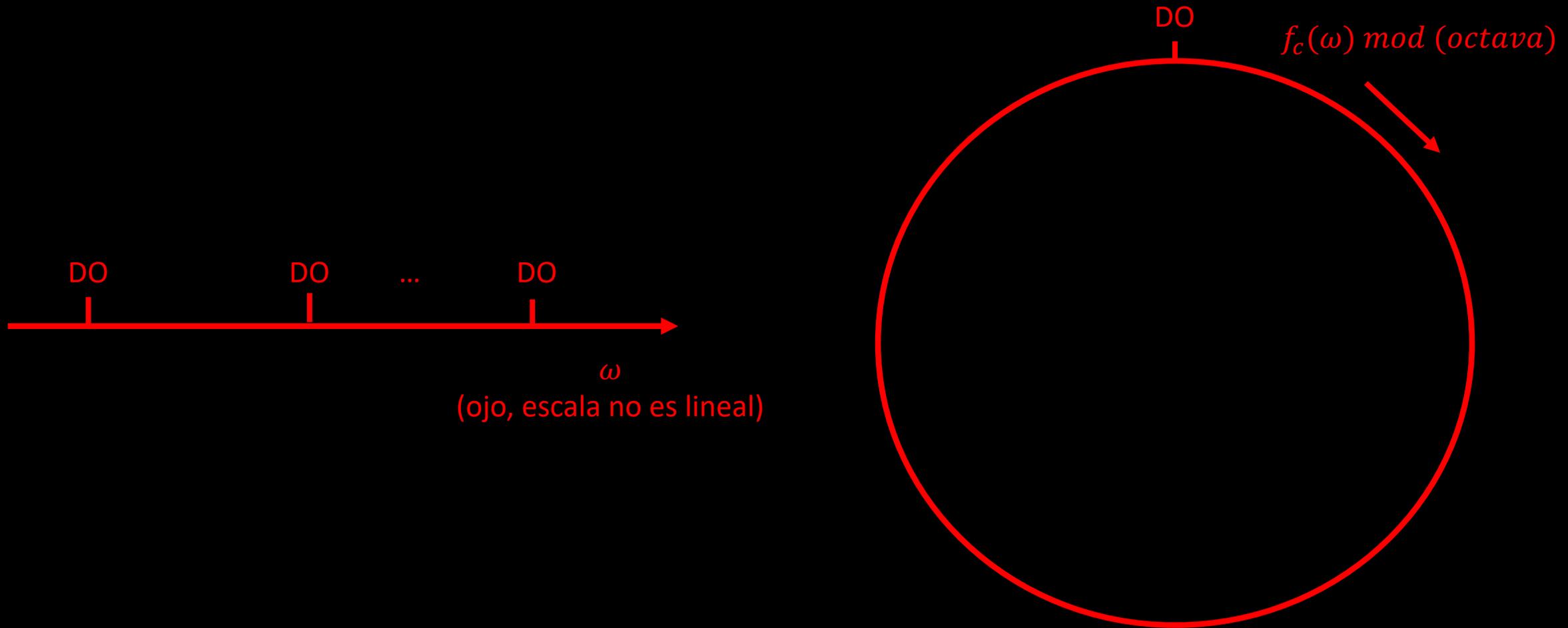
ω

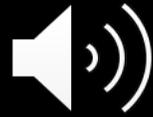
Los dos la tocados
Simultaneamente

Apenas se nota que el peso de los armonicos pares en el espectro es mas alto que en el caso del primer "La"

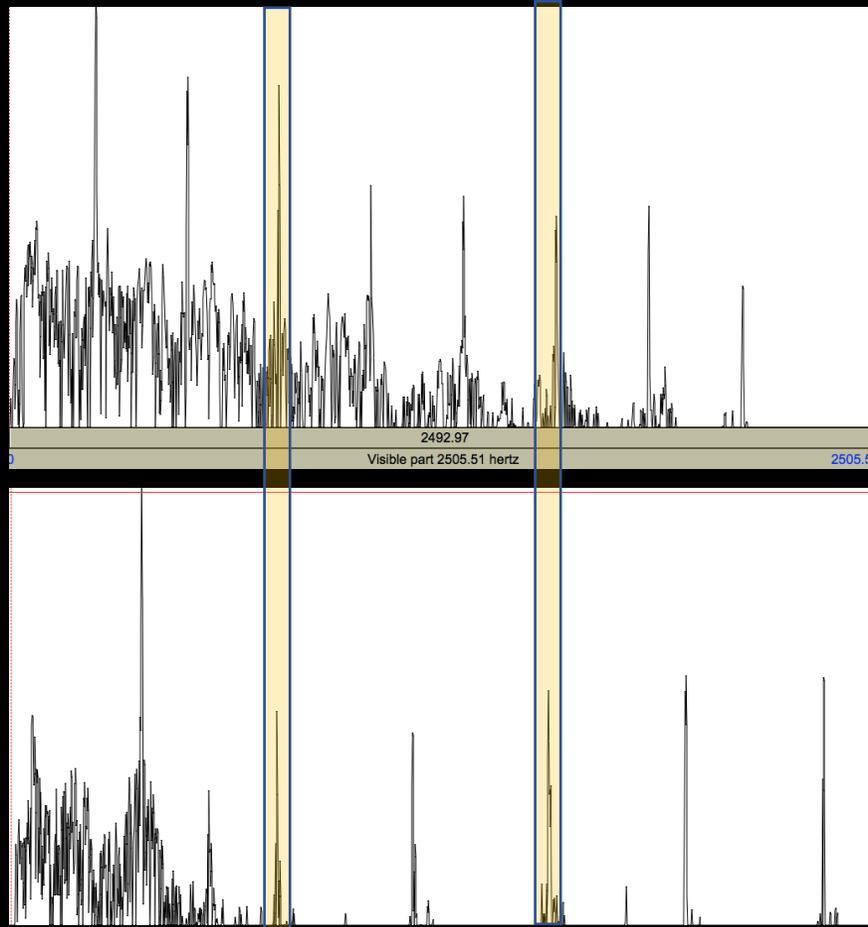


Es esa “facilidad perceptual” la que lleva plantearnos una “simetria de fase” en el problema





Y si queremos algo
"realmente" nuevo?



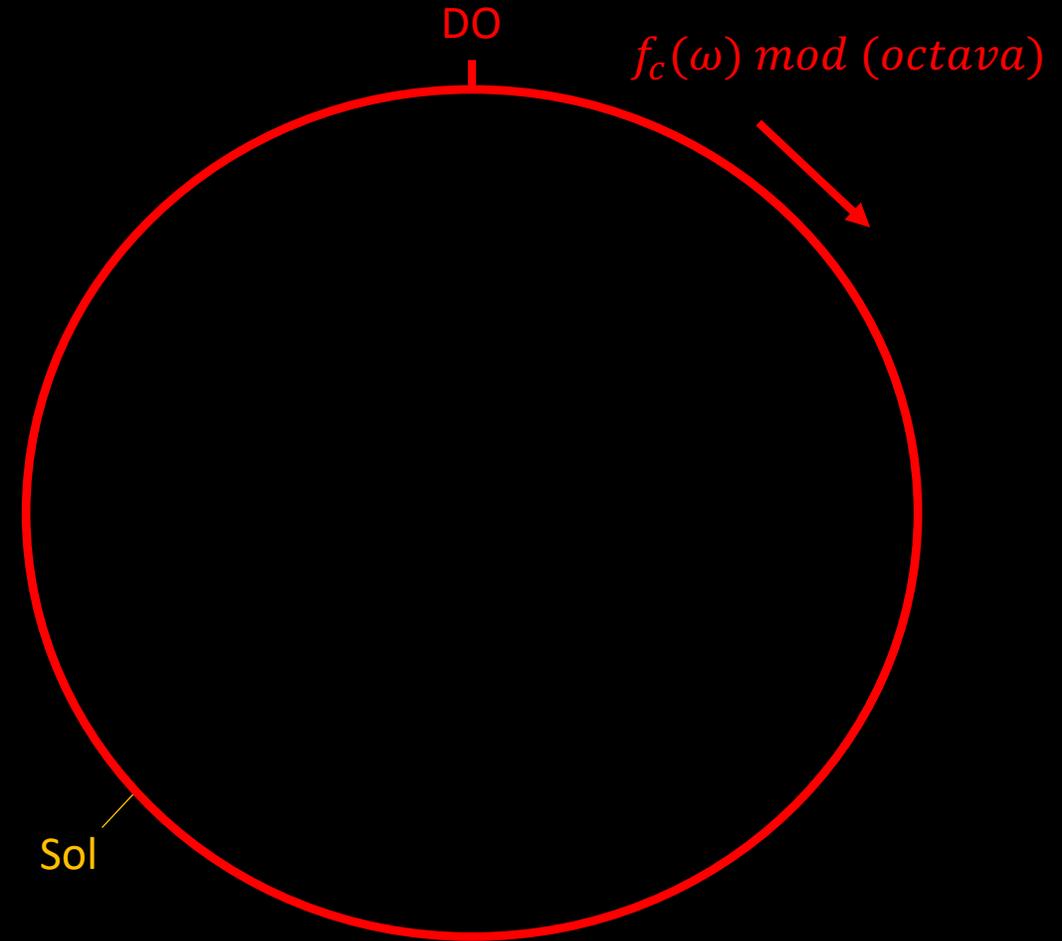
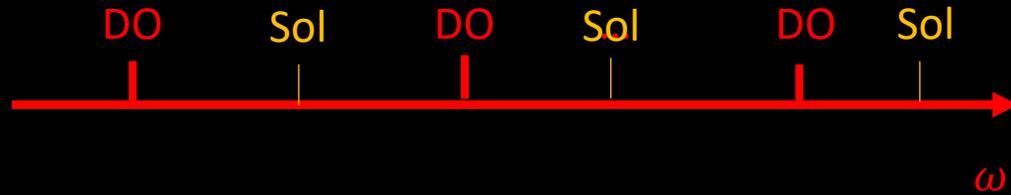
Do

En la cuarta octava,
Do=261 Hz
Sol=392 Hz

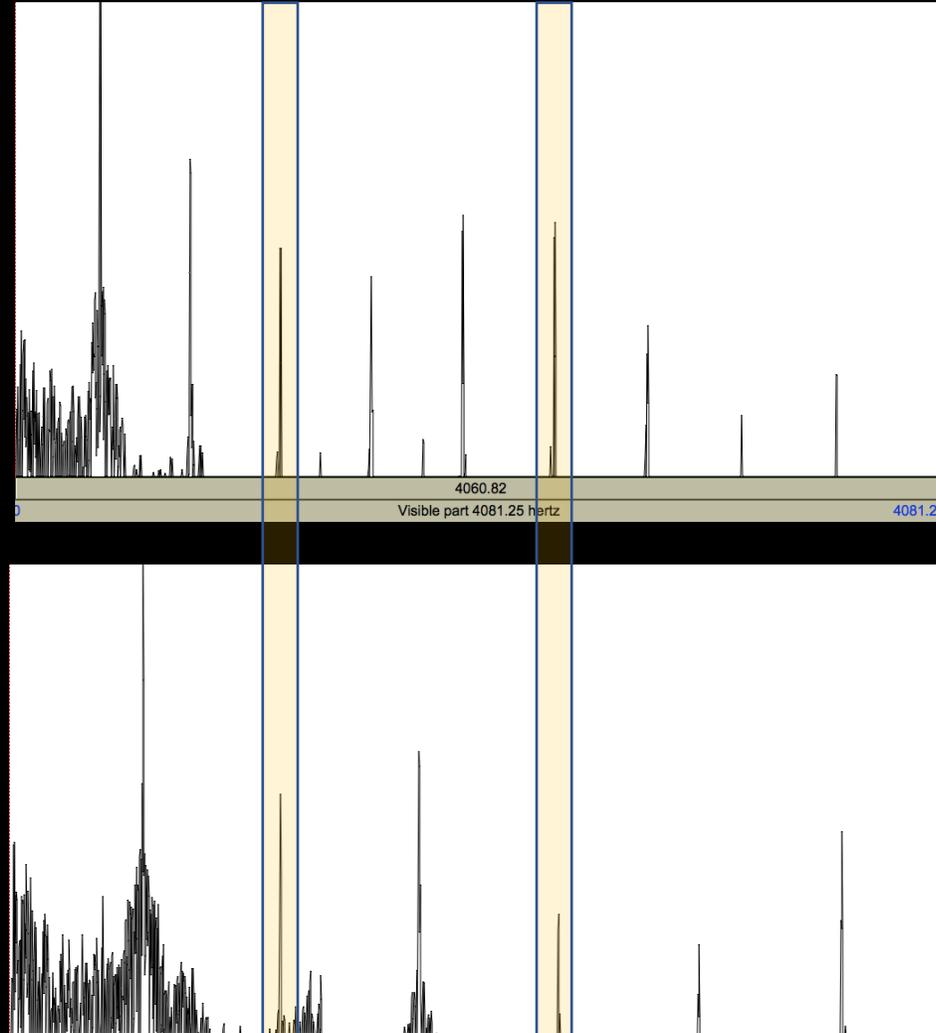
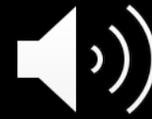
Sol

Con la quinta aparecen cosas nuevas... pero tampoco tantas!

Es esa “facilidad perceptual” la que lleva plantearnos una “simetria de fase” en el problema



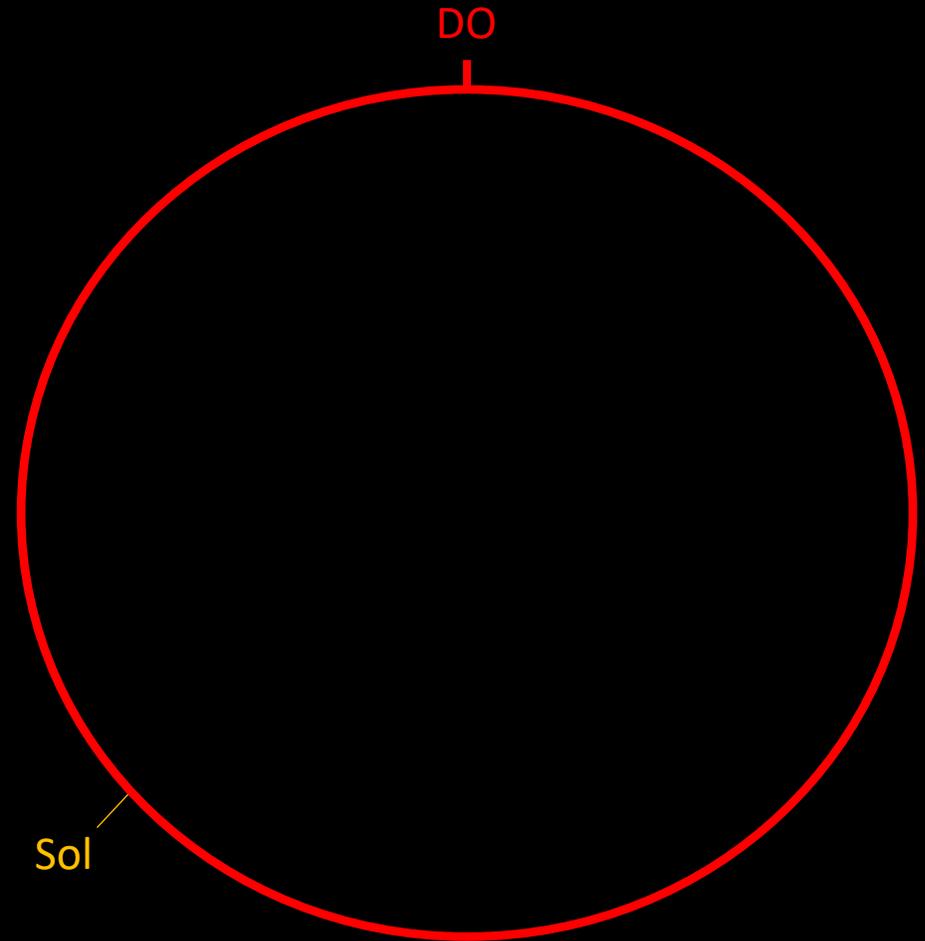
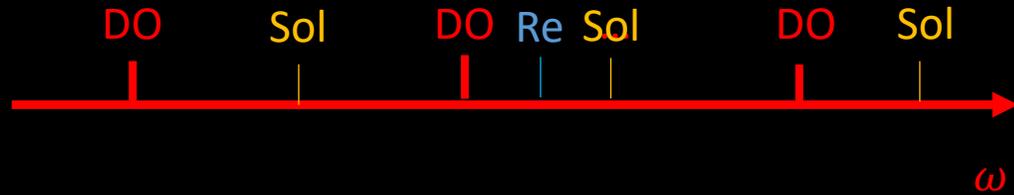
Y si queremos algo
"igual de nuevo", pero
A partir del sol
que acabamos de agregar?



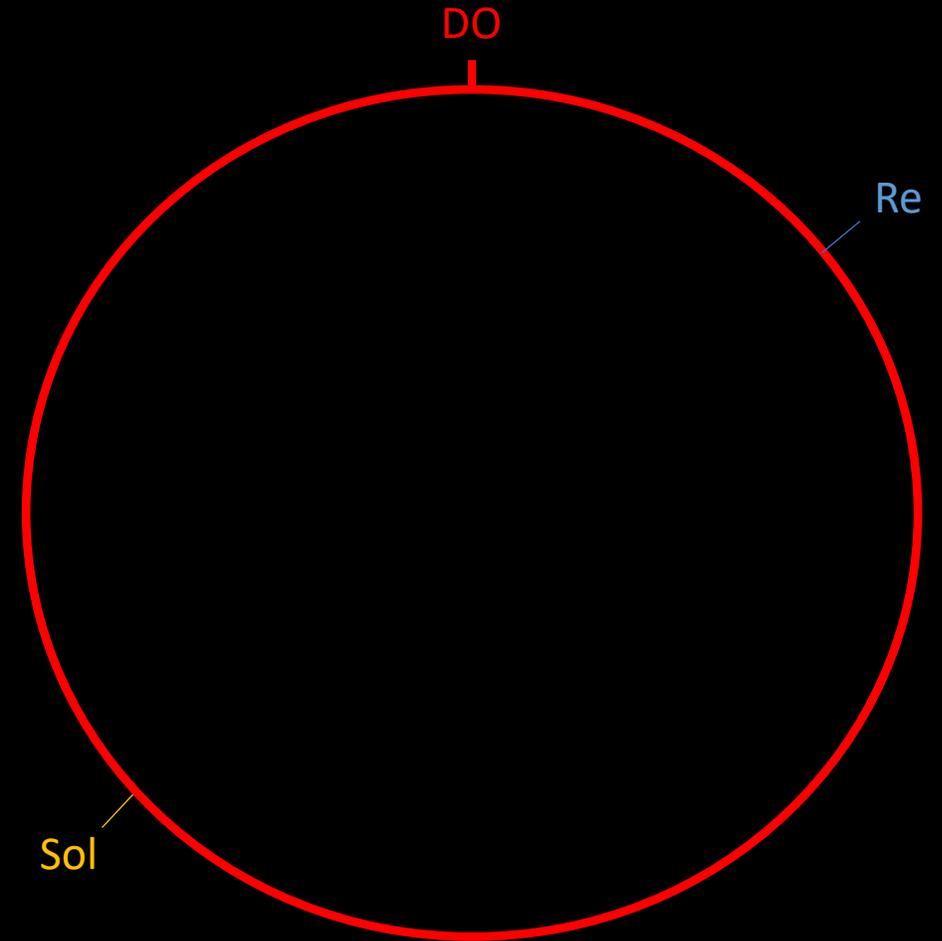
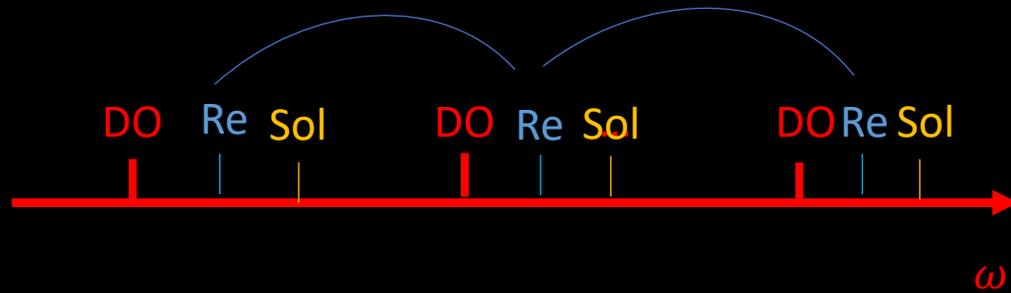
Sol

Re

Es esa “facilidad perceptual” la que lleva plantearnos una “simetria de fase” en el problema



Es esa “facilidad perceptual” la que lleva plantearnos una “simetria de fase” en el problema

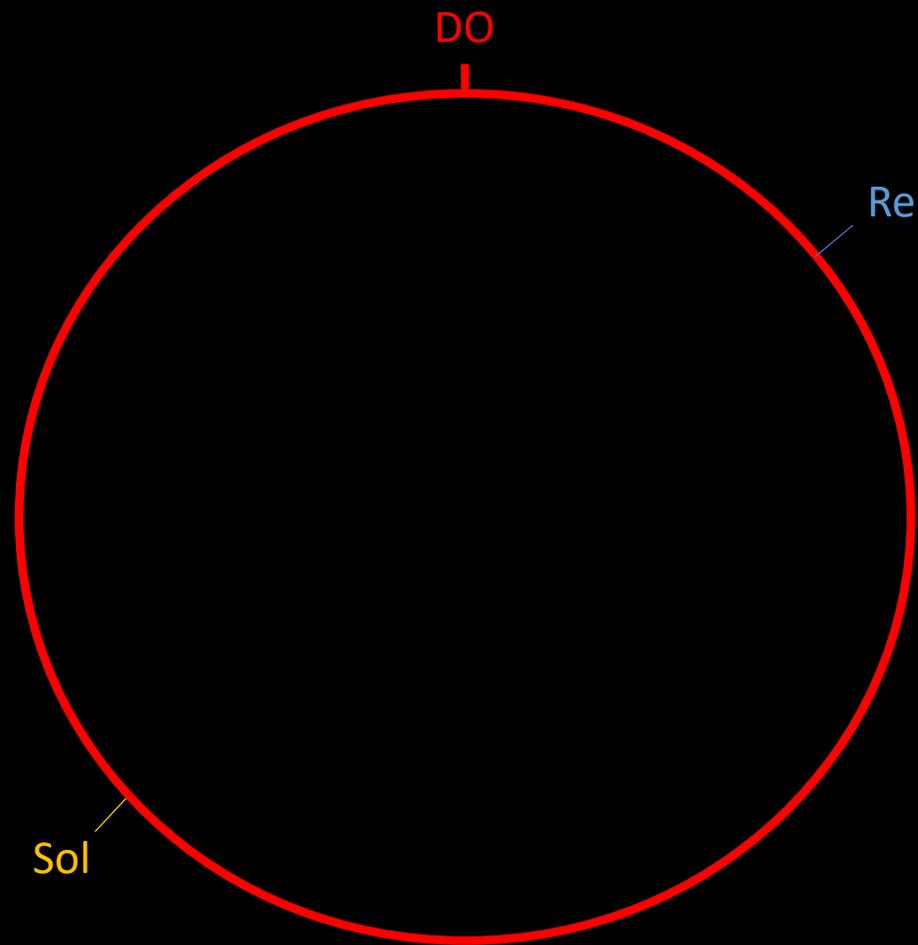
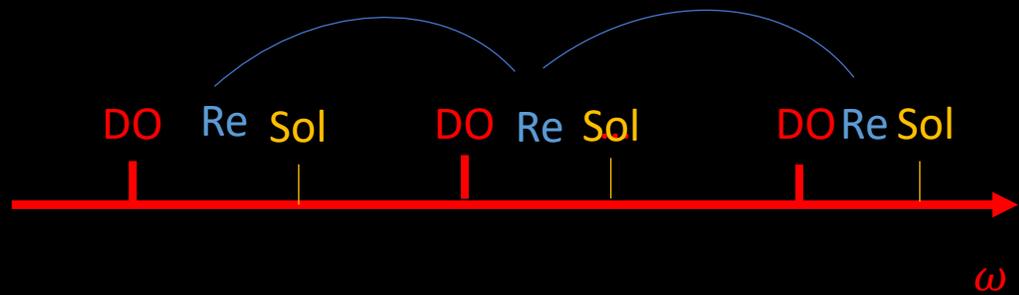


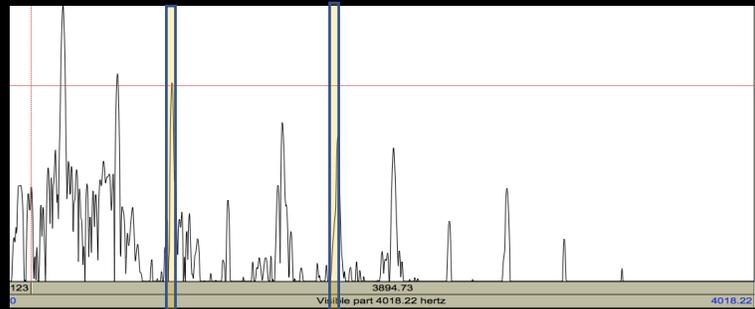
Tener, ya tenemos una escala...



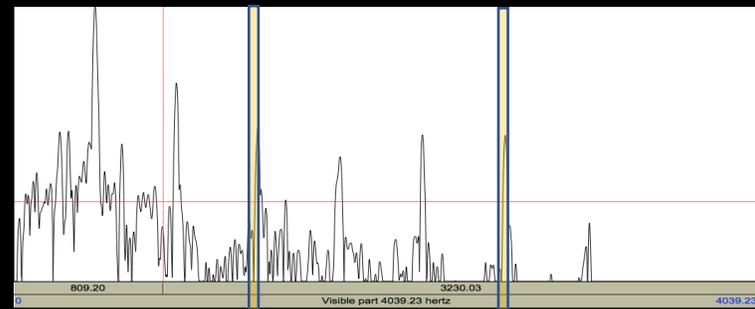
Anda a subirla...

Pongamos mas escalones

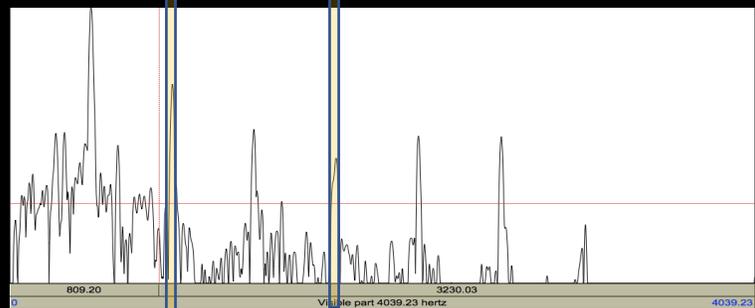




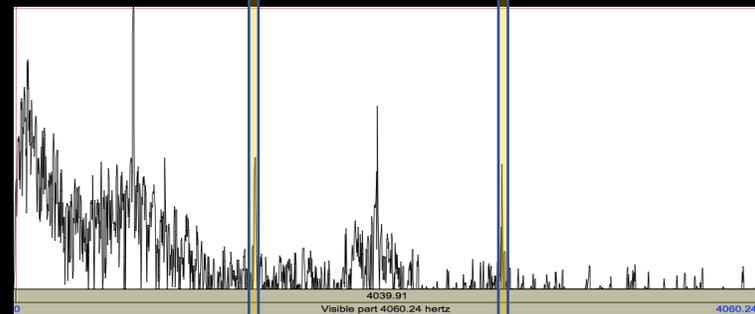
Re



La



La



Mi

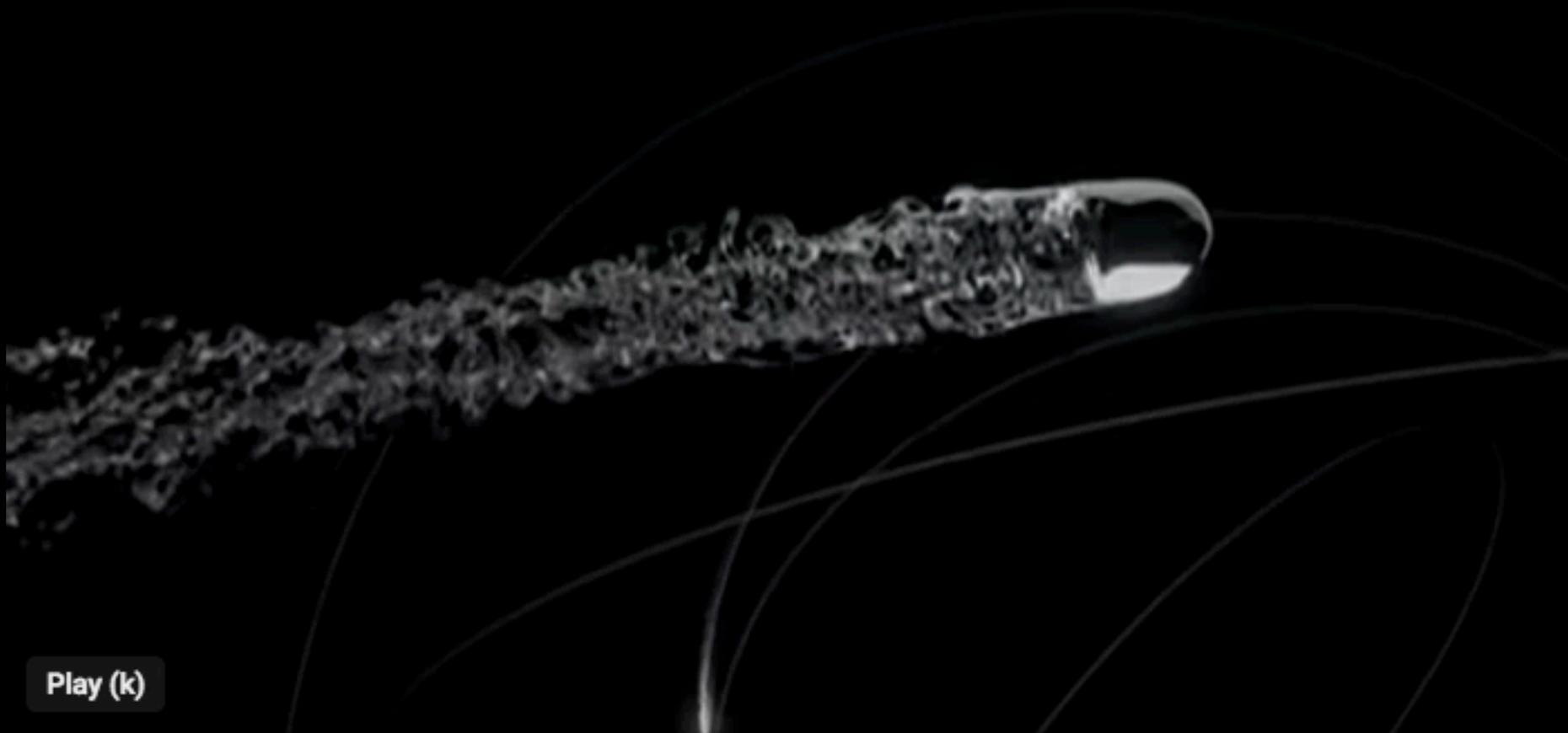


Pongamos mas escalones...



Una escala pentatonica.
Esta escala se empleo, historicamente,
en asia menor, por siglos.

Bobby McFerrin



Elementos que jugaron un papel en como parcelar el espectro continuo

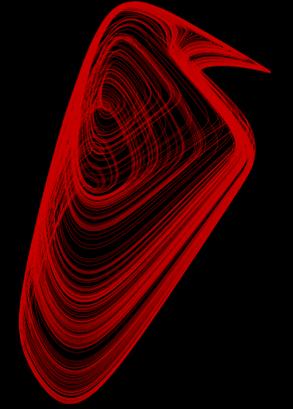
1. Que dos instrumentos juntos “suenen bien”
2. Que el sonar bien este asociado a una “economía”
3. Que los instrumentos generen notas con contenido espectral mas alla de la altura



¿De donde sale la es escala de 7 notas que la novicia rebelde le enseña a los pibes que cuida?



¿Por que tiene 12 notas el piano?



¿Por que usamos notas?

¿Cuantas notas hay?

Cuales son?

¿Hay razones fisicas para elegir unas y no otras?

¿Son elecciones arbitrarias?

¿Son elecciones esteticas? Culturales?

Trampita... son 17 notas, en realidad,
las del comienzo de Rhapsody in blue,
tocadas por un clarinete

Ejercicio: bajar los primeros compases de la obra,
y analizarlas con el Praat. Es una nota que se deforma
continuamente? Son 17? Como funciona un clarinete?

Repasando

Sonido: vibraciones propagables por aire u otro medio, capaces de ser detectados un sistema auditivo animal

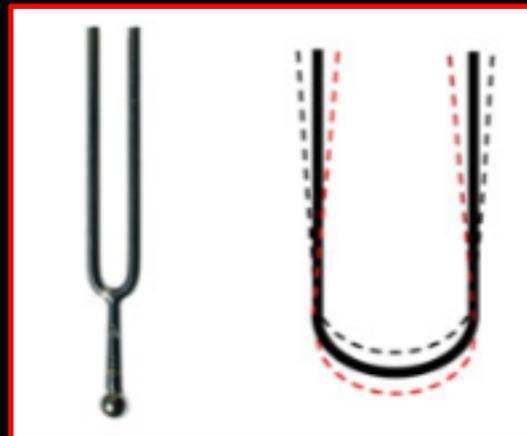
Como toda señal temporal, plausible de ser descompuesta en terminos de funciones sinusoidales, de distintas frecuencias.

La frecuencia mas baja (en verdad, MCM) da cuenta de la altura del sonido

La amplitud, de si intensidad

El resto del contenido espectral... timbre

La complejidad espectral de instrumentos reales, junto a la necesidad de tocar de a varios, condicionan poderosamente la estructura en la parcelamos el espectro acústico



Para modos puros... recién en 1711, John Shore

Ajustado como referencia, A4=440 Hz en 1939