Práctica N° 1: cinemática

Parte I: movimiento 1D

1 Un automóvil viaja en línea recta desde el punto A hacia el B (distancia AB = 300 km) a una velocidad constante v_1, tardando 3hs y 45 minutos en realizar el trayecto. Otro automóvil lo hace de B hacia A a una velocidad v_2, tardando 6hs en hacer el recorrido. El segundo automóvil parte una hora antes que el primero.

(a) Elija un origen de tiempo y un sistema de referencia.

(b) Calcule las velocidades v_1 y v_2 de los automóviles y escríbalas como magnitudes vectoriales.

(c) Escriba la ecuación horaria para cada automóvil y calcule el tiempo y la posición de encuentro.

(d) En un mismo gráfico represente $x(t)$ para ambos móviles. Interprete el significado del punto de intersección de ambas curvas.

(e) En un mismo gráfico represente $v(t)$ para ambos móviles. ¿Cuál es la interpretación del área bajo cada curva entre dos instantes de tiempo?

Repita los ítems (c), (d) y (e) utilizando las mismas velocidades v_1 y v_2 pero considerando ahora que ambos automóviles parten de A y se mueven en el mismo sentido.

2 Las cucarachas grandes pueden correr a 1.5m/s en tramos cortos. Suponga que usted está de paseo, enciende la luz en un hotel y ve una cucaracha alejándose en línea recta a 1.5m/s. Si inicialmente usted estaba 0.9m detrás del insecto y se acerca hacia éste con una rapidez inicial de 0.8m/s, ¿qué aceleración constante mínima necesitará para alcanzarlo cuando éste haya recorrido 1.2m, justo antes de escapar bajo un mueble?

3 Un automovilista parte en el instante $t = 0$, de $x = 0$ con una velocidad de 10 m/s y con una aceleración de $1m/s^2$ (constante). Dicha aceleración tiene la misma dirección que la velocidad pero sentido contrario.

(a) ¿En qué instante el auto tiene $v = 0$? ¿Qué distancia recorrió?

(b) ¿En qué instante vuelve a pasar por $x = 0$? ¿Qué sucederá luego?

(c) Grafique $x(t)$, $v(t)$, $a(t)$.

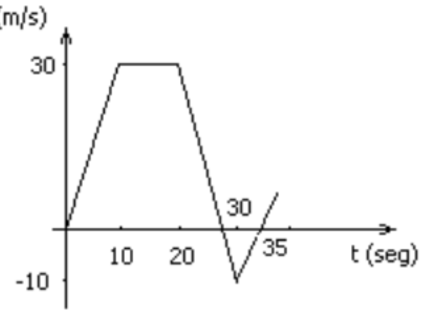
(d) Tomando ahora la aceleración de $1m/s^2$ en el mismo sentido que la velocidad, rehaga (c) y compare con el caso anterior.

(4) El gráfico de la figura representa la velocidad en función del tiempo para una partícula con movimiento rectilíneo.

(a) Halle $x(t)$, sabiendo que el móvil partió de $x = 0$.

(b) Grafique $x(t)$ y $a(t)$.

(c) Halle x, v y a en $t = 5$s y en $t = 25$s.



(5) La aceleración de una partícula que se mueve sobre una trayectoria recta está dada por $a(t) = -2\frac{m}{s^4}\,t^2$.

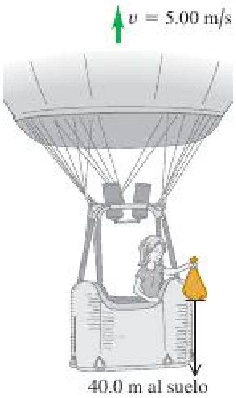
(a) Encuentre la velocidad y la posición en función del tiempo sabiendo que $x(0) = 0$ y $v(0) = 10$m/s.
(b) Calcule la posición y velocidad de la partícula en $t = 3$s.

(6) Se lanza un cuerpo hacia arriba, desde el piso y con velocidad inicial de 15m/s. Un segundo después se deja caer otro cuerpo desde una altura 15m sin velocidad inicial.

(a) Calcule el tiempo que tardan en encontrarse.
(b) ¿A qué distancia del piso se encuentran?

(7) La tripulante de un globo aerostático, que sube verticalmente con velocidad constante de magnitud 5m/s, suelta un saco de arena cuando el globo está a 40m sobre el suelo. Después de que se suelta, el saco está en caída libre.

(a) Calcule la posición y velocidad del saco a 0.25s y 1s después de soltarse.
(b) ¿Cuántos segundos tardará el saco en chocar con el suelo después de soltarse?
(c) ¿Con qué velocidad chocará?
(d) ¿Qué altura máxima alcanza el saco sobre el suelo?
(e) Dibuje los gráficos $a_y(t)$, $v_y(t)$ e $y(t)$ para el movimiento del saco.



Parte II: movimiento 2D

(8) La posición de una partícula en el espacio se puede describir con el siguiente vector posición $\mathbf{r}(t) = (t^3 + 2t + 1, -e^{2t}, cos(3t))$ [reflexione sobre cuál es la unidad de t en este caso]. Calcule :

(a) $\mathbf{v}(t) = \frac{d\mathbf{r}}{dt}$; (b) $|\mathbf{v}(t)| = \left|\frac{d\mathbf{r}}{dt}\right|$; (c) $\mathbf{a}(t) = \frac{d\mathbf{r}}{d^2t}$.

En los tres casos especializar en $t = 0$ y en $t = \pi/6$.

(9) Un coche viaja a lo largo de una curva sobre un plano. Sus coordenadas cartesianas en función del tiempo están dadas por las ecuaciones: $x(t) = 2\frac{m}{s^3}t^3 - 3\frac{m}{s^2}t^2$, $y(t) = \frac{m}{s^2}t^2 - 2\frac{m}{s}\,t + 1m$. Halle:

(a) La posición del coche en $t = 1$ segundo.

(b) Los vectores $\mathbf{v}(t)$ y $\mathbf{a}(t)$.

(c) Los instantes en que $\mathbf{v} = 0$.

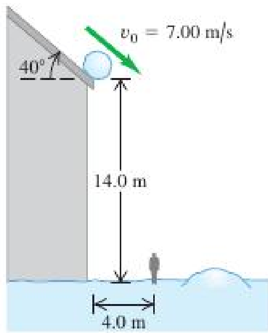
(10) Una avioneta vuela horizontalmente a 1000m de altura y deja caer un paquete. Este golpea el suelo 500m más adelante del lugar donde fue arrojado. Calcule la velocidad del avión y a qué altura está el paquete cuando avanzó 100m en la dirección horizontal.

(11) Una bola de nieve rueda del techo de un granero con inclinación hacia abajo de 40°.El borde del techo está a 14m del suelo y la bola tiene una rapidez de 7m/s al salir del techo. Puede despreciarse la resistencia del aire.

(a) ¿A qué distancia del borde del granero golpea la bola el piso si no golpea otra cosa al caer?

(b) Dibuje los gráficos $x(t)$, $y(t)$, $v_x(t)$ y $v_y(t)$ para el movimiento de la bola.

(c) Un hombre de 1.9m de estatura está parado a 4m del granero. ¿Lo golpeará la bola?



(12) Se lanza una pelota con una dirección α respecto a la horizontal y con una velocidad inicial de 20m/s desde el borde de un cantilado de 45m de altura. En el instante de lanzamiento, una mujer comienza a correr alejándose de la base del acantilado con velocidad constante de 6m/s. La mujer corre en línea recta sobre suelo plano, y puede despreciarse la acción de la resistencia del aire sobre la pelota.

(a) ¿Con qué ángulo α por arriba de la horizontal deberá lanzarse la pelota para que la corredora la atrape justo antes de que toque el suelo?

(b) Calcule la distancia que recorre la mujer justo antes de atrapar la pelota. ¿Cuál es el tiempo que tardó en atraparla?

(c) Calcule la velocidad de la pelota, en módulo y dirección, en el momento en que es atrapada por la mujer.

(d) ¿Cuál es la componente horizontal de la velocidad de la pelota *relativa* a la mujer?