

## Física Teórica II

### Parcial 2

1. Consideren un sistema descrito por un Hamiltoniano  $H = H_0 + H_1$  donde  $H_0$  corresponde a un oscilador armónico tridimensional:

$$H_0 = \frac{p_x^2}{2m} + \frac{1}{2}m\omega_x^2 x^2 + \frac{p_y^2}{2m} + \frac{1}{2}m\omega_y^2 y^2 + \frac{p_z^2}{2m} + \frac{1}{2}m\omega_z^2 z^2$$

donde  $\omega_x = \omega_y > \omega_z$  y  $H_1$  es una perturbación de magnitud  $\lambda$  de la forma:

$$H_1 = \lambda(xp_y - yp_x)$$

- a) Digan cuales son los autovectores y autovalores del problema sin perturbar. Identifiquen el fundamental, primer y segundo excitado. Digan cual es la degeneración, si la hubiere, de estas energías.
  - b) Muestren que hasta segundo orden la energía del fundamental y del primer excitado no se modifican con la perturbación. ¿Pueden decir algo sobre órdenes superiores?
  - c) ¿Qué pasa con el segundo excitado? ¿Cómo cambian las energías y estados al orden más bajo?
2. Consideren una partícula en un potencial Coulombiano. A tiempo  $t = 0$  se enciende un campo eléctrico dipolar oscilante de modo que el Hamiltoniano es perturbado por:

$$V(t) = -\alpha \sin(\omega t) \sqrt{\frac{3}{8\pi}} \sin(\theta) \cos(\phi) e^{-r/r_0}$$

- a) Calculen a primer orden en  $\alpha$  la probabilidad de que el sistema en originalmente en un estado  $|n = 3, j = 2, m = 0\rangle$  haga una transición a el estado  $|n = 3, j = 2, m = -1\rangle$  a tiempo  $t$ . Dejen expresadas las integrales radiales.
  - b) ¿Existe otro estado con  $n = 3, j = 2$  y  $m \neq -1$  al que el sistema puede hacer transiciones? ¿A cuál? ¿Con qué probabilidad?
  - c) Es posible que esta perturbación, a primer orden cambie, cambie el momento angular total. Den un ejemplo de un estado al que podría hacer una transición. ¿Es esta transición más o menos probable que en los casos anteriores?
  - d) ¿Cómo cambiarían los resultados anteriores si la energía de los estados sin perturbar dependiera de  $j$ ? ¿Y de  $m$ ?
3. Considere dos partículas idénticas de espín  $1/2$  en un pozo de potencial infinito de longitud  $L$ .

- a) Si las partículas se encuentran en un estado de espín antisimétrico frente al intercambio, ¿cuál es el estado fundamental del sistema?, ¿cuál es su energía?, ¿tiene degeneración?
- b) ¿Cuál es la degeneración de los estados de mínima energía que tienen parte espacial antisimétrica frente al intercambio?
- c) Suponga que el estado del sistema es

$$\rho = \frac{1}{2} (|++\rangle \langle ++| + |+-\rangle \langle +-| + i |+-\rangle \langle ++| - i |++\rangle \langle +-|) \otimes |11\rangle \langle 11|$$

donde  $|1\rangle$  es el estado fundamental del pozo. Calcule la traza parcial del estado sobre la segunda partícula. ¿Obtiene un estado puro?

- d) Si la parte de espín es simétrica, ¿puede la traza parcial sobre el segundo subsistema ser un estado puro?